



book-olds.ru



КНИГИ ПОЛНАГО СОБРАНИЯ О НАВИГАЦИИ,



(https://www.prlib.ru/sites/default/files/book_p
0105-44c0-
a4f2-
6bcfdea1c9f0/1830

Автор

Мордвинов Семен Иванович

Описание

Мордвинов, Семен Иванович (1701-1777).

Книги полного собрания о навигации, : По указу
ея императорского величества из Государственный
Адмиралтейския коллегии, на печатаны. : В
царствующем Санктпетербурге, при Морской
Академической типографии. : Лета 1748. : Ч. 1-3 /
Морского корабельного флота капитаном Семеном
Мордвиновым сочиненныя. - В Санктпетербурге :
при Морской академической типографии, 1748. - [6],
90, [5], 114, [6], 124, 3 с. : пл., табл. ; 2°. -
Фронт., ряд пл. и карт с подписью Федора Иванова.
Содержит: Ч. 1, геометрию, тригонометрию плоскую
и сферическую в себе содержащая. Ч. 2, сферу,
астрономию и о земноводном корпусе описание,
или космографию в себе содержащая. Ч. 3, науку
взыскании разстояния светил от главных кругов и
времени, и о взыскании ширины и длины, всякаго
на земноводном корпусе места, и таблицы разные в
себе содержащая. - Экземпляр без обложки;
дефектный: с. перепутаны.

.
I. Морской кадетский корпус (Петербург).
Типография. 1. Народ (коллекция). 2. Территория
(коллекция). 3. Военно-морской флот России:
история и современность (коллекция). 4. Навигация.

ББК 68.531.4

Источник электронной копии: ПБ
Место хранения оригинала: ВМА

Издательство

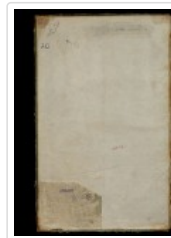
при Морской академической типографии (/search?
f%5B0%5D=field_book_publisher%3A247742)

Объект в каталогах

Военно-воздушные силы (ВВС). Военная
авиационная техника и вооружение

В коллекциях

Государственные праздники России: история и
современность (/collections/2062625) → День
Героев Отечества – 9 декабря (/section/2071068)
→ История праздника (/section/2071070) →
Защита Отечества: на фронте и в тылу
(/project/Defense_of_the_fatherland) →
Вооружённые силы
(/project/Defense_of_the_fatherland/armed_forces)
→ Коллекции (/section/2056954) → Военно-
морской флот России: история и современность
(/collections/2049303) → Военно-морской флот
Российской империи (/section/2049306) →
История военно-морского искусства
(/section/2049309) → Стратегия и тактика
(/section/2049319)



У Н И К У М

У III А
М VII

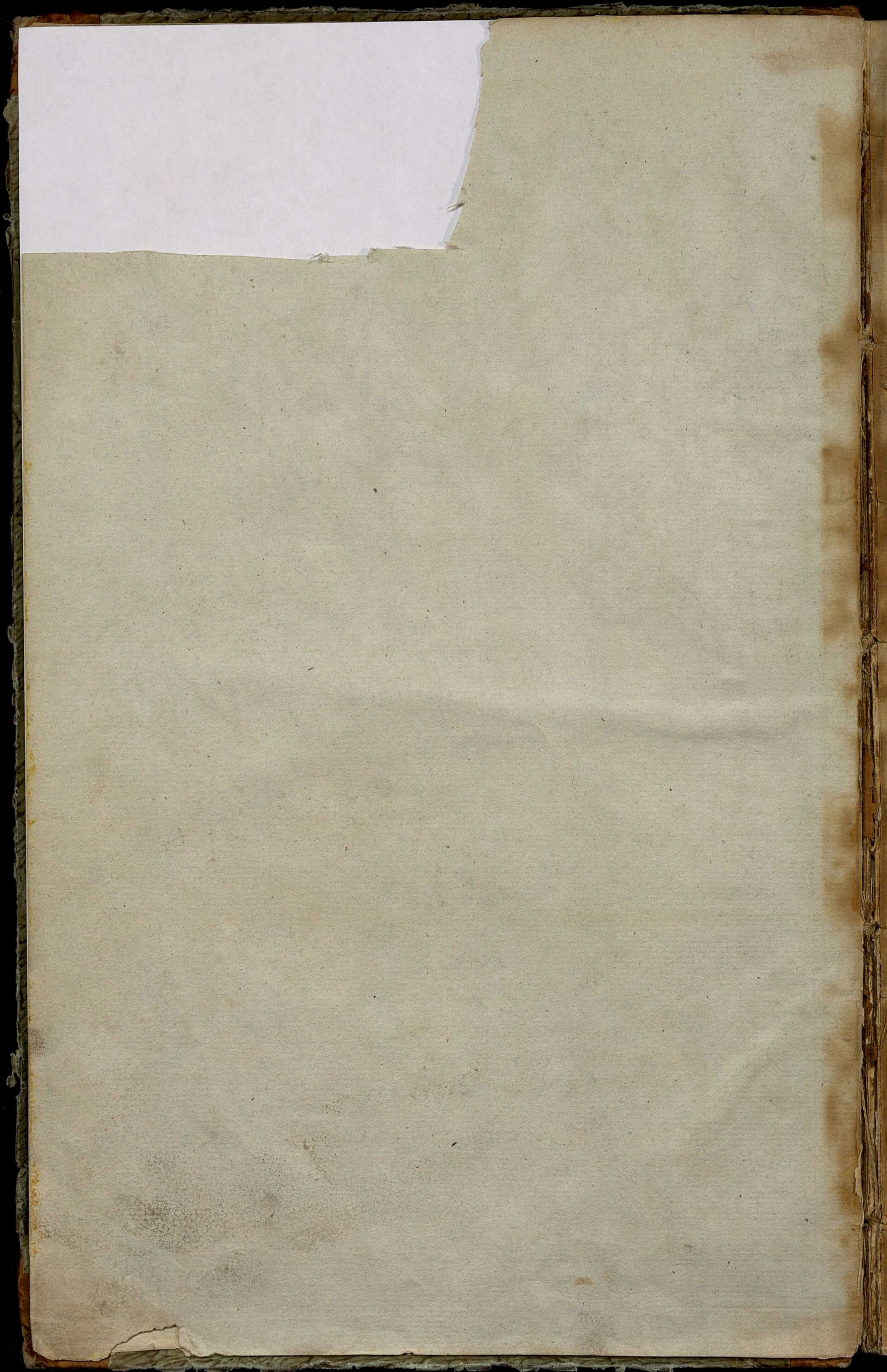
178
97
#

20

2012

~~27689~~

114075





Коль вѣтры и свирѣпы, вѣолны моря дуютъ ;
толь съ БГОМЪ мореходцы, прошивъ ихъ воюютъ
хотяжъ имъ с моря брега, очень рѣдко зримы
но чре сию науку, пуши ихъ хранимы.
мѣста бо какъ на земли такъ на мори знаютъ
в поперенныя имъ поршы, плочно доплывають

III Ae B-28001
M-79

КНИГИ

ПОЛНАГО СОБРАНІЯ

О НАВИГАЦІИ,

по указу ея імператорскаго величества
изъ государственныхъ адміралтейскія
коллегіи.

НА ПЕЧАТАНЫ.

въ царствующемъ Санктпетербургѣ,

при Морской Академіческой Типографіи.

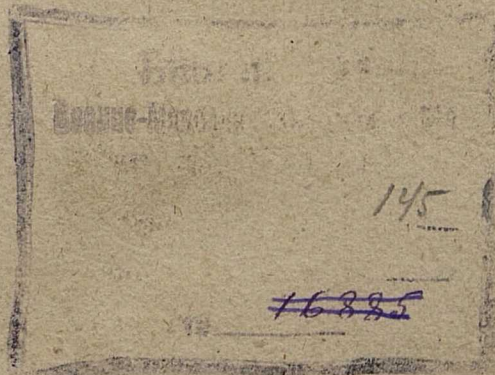
Лѣта 1748.

морскаго корабельнаго флота

Капитаномъ

Семеномъ Мордвиновымъ

сочиненныя.



ф 114075

Изм. 24688

1847

161536

244.

III Ae3



ПОЛНОЕ СОБРАНИЕ

О НАВИГАЦІИ.

ЧАСТЬ ПЕРВАЯ

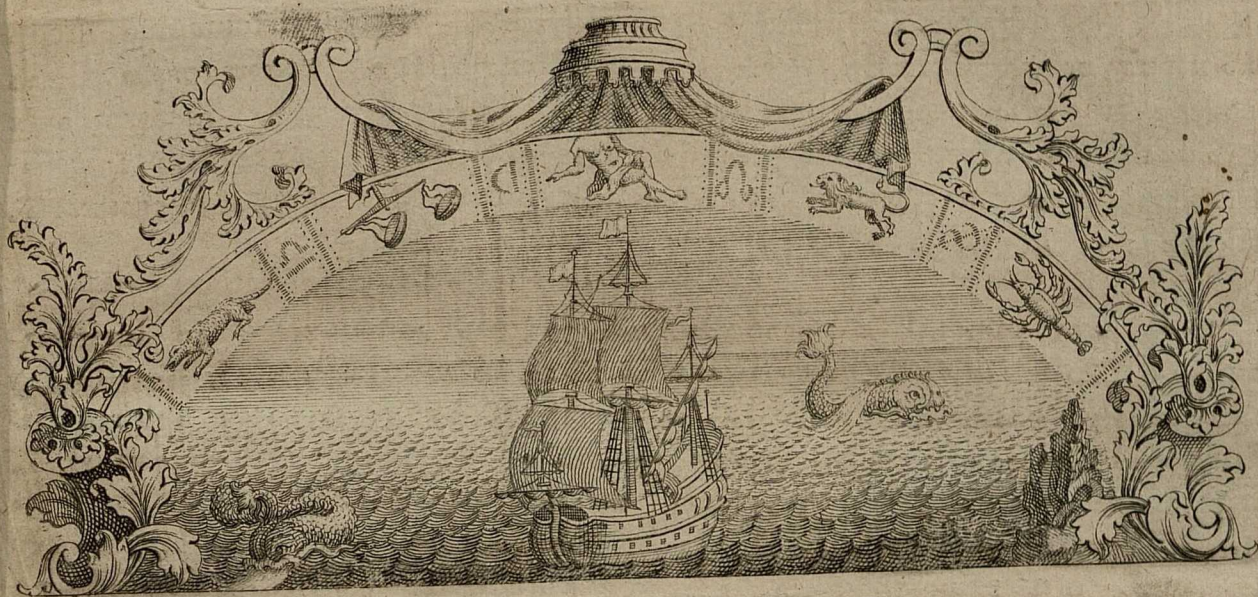
ГЕОМЕТРІЮ. ТРИГОНОМЕТРІЮ
ПЛОСКУЮ И СФЕРИЧЕСКУЮ
ВЪ СЕБѢ СОДЕРЖАЩАЯ.

1
HOLYHOPE BOOKS

OF THE

PARTIAL

OF THE
OF THE
OF THE



ПРЕДИСЛОВІЕ:



Авигаторамъ, или Мореплавателямъ, въ прехожденіи Кораблемъ чрезъ Моря, отъ мѣста до мѣста, во время далнихъ вояжевъ, когда по нѣсколку дней, недѣль и мѣсяцовъ, земель невидаютъ, нужно знаніе курсъ и разстояніе плаванія, и мѣсто корабля своего.

Все сіе, не чрезъ иное что (можно къ вѣрности ближе познать) какъ чрезъ observaцію небесныхъ свѣтилъ; понеже, когда уже изъ виду отъ земли Мореплаватели удалятсѣ, и кромѣ неба и воды, ни чего невидятъ; тогда за руководишеля небо имѣютъ: ибо расположеніе всякой страны и мѣста на земноводномъ корпусѣ, и времени по небесному: хотя Мореплавателямъ курсъ или путь корабля, показываетъ компасъ (который есть главный Инструментъ у Мореплавателей) но токмо не во всякомъ мѣстѣ правдиво, отъ притяженія по свойству Магнита къ желѣзнымъ рудамъ: въ одномъ мѣстѣ имѣетъ склоненія нѣсколько градусовъ и минутъ къ востоку, а въ другомъ мѣстѣ къ западу, и не всегда равно: а разстояніе плаванное, и мѣсто корабля Мореплаватели, хотя и изыскиваютъ по исчисленію хода корабельнаго, но токмо не въ самую вѣрность съ немалою погрѣшностію, отъ теченія моря и склоненія курса, отъ волнъ и отъ великихъ штормовъ и прочаго. Чего для Мореплаватели исправляютъ свою погрѣшность, и познаютъ: какъ склоненіе компаса; такъ курсъ и разстояніе плаванное, и мѣсто корабля своего, чрезъ observaцію или усмотреніе свѣтилъ, а къ пришедшимъ берегамъ и портамъ, взыскиваютъ флюуъ и рефлюуъ, сирѣчь приливъ и отливъ, (бываемый отъ моря) то есть, время полного наводненія моря, или возвышенія его: также и сниженія, то есть убыль воды: по движенію свѣтилъ.

Чего

Чего для Астрономіи къ Мореплаванію надобна, и всякому Мореплавателю подлежитъ знать Сферу, и Астрономіи хотя нѣкоторую часть къ навигаціи принадлежащую: такожъ Сферическую Трігонометрію, для взысканія долготы дня и нощи, и прочихъ временъ, и разстоянія свѣтилъ отъ главныхъ круговъ во всякое время, и во всякомъ мѣстѣ; а Трігонометрію Плоскую, для взысканія курса, разстоянія плаваннаго, и разности длины и ширины.

Сего ради принялъ я смѣлость, предложить доброохотному мореплавателю сію книгу, (что принадлежитъ къ знанію Навигатора или Мореплавателя) называемую ПОЛНОЕ СОБРАНІЕ О НАВИГАЦІИ: начиная Фундаментально съ Геометріи прінсіпальныхъ проблемъ, къ тому принадлежащихъ, о Трігонометріи плоской и Сферической съ доказательствами Геометрическими о Сферѣ и Астрономіи, и о взысканіи разстоянія свѣтилъ отъ главныхъ круговъ, и на земноводномъ корпусѣ времени и мѣстѣ, здѣланные по Санктпетербургскому меридіану таблицы разстояній свѣтилъ отъ главныхъ круговъ, и прочее порядкомъ, что за чемъ слѣдуетъ, раздѣливъ на чешыре части.

Не ради знающихъ и ученыхъ, но ради молодыхъ людей, (которые желаютъ быть добрыми Навигаторами.) И уповаю: что за не правильное или излишнее, въ сей книгѣ, показаніе; ни отъ кого Мореплавателей неразсуждено будетъ; развѣ токмо кому возмнится за излишнее, что показано во второй части, о величинѣ свѣтилъ и о разстояніи ихъ отъ земноводнаго корпуса, и о движеніи планетъ (кромѣ солнца и луны) и о разныхъ системахъ Господъ Астрономовъ: но и то мнится не за противность, или излишнее, къ знанію всякому Мореплавателю: но уповашелно еще за надобное принять можетъ. (А особливо о разныхъ системахъ Господъ Астрономовъ:) понеже ни одного Система опровергнуть, ниже за правость утвердить не возможно. Ибо одинъ показываетъ бытъ солнцу въ центрѣ всего свѣта, другой земноводному корпусу, третей разное, четвертой инако: о чемъ довольно показано во второй части. Но къ тому же ни одинъ Система къ мореплаванію не препятствуетъ; но какъ одинъ, такъ и другой равно служатъ, которой нивозмешь; что изъ настоящаго дѣла, безъ далнаго доказательства, разсудить можно.

Токмо покорно прошу, любопытный читателю, о внимательномъ и прилѣжномъ разсмотрѣніи, и здоровомъ разсужденіи дѣла, книги сей.

Охотно послушный ко услугамъ вашимъ слуга;
отъ флота Лейтенантъ.

Семенъ Мордвиновъ.



ПОЛНОЕ СОБРАНИЕ

О НАВИГАЦИИ.

предъ увѣдомленіе.



НАВИГАЦІА называется та наука, по которой корабль чрезъ моря отъ мѣста до мѣста во всѣ части свѣта пре-
водятъ. двояка есть Навігация: одна малая, а другая
большая.

Малая Навігация та, по которой проходятъ или преводятъ корабли,
(мореплаватели) подлѣ береговъ и между земель, которая Навігация
болше не требуетъ знать: какъ компасъ, признаки береговъ, якорные
мѣста, фарватеры, камни, мѣли, теченіе моря, флюксъ и рефлюксъ,
и карты плоскіе.

Большая Навігация та, по которой море-плаватели проходятъ кораблями
чрезъ болше моря отъ мѣста до мѣста, при которомъ плаваніи по-
нѣсколко не малому времени земель не видаютъ, а мѣста свои чрезъ
обсервации свѣтилъ познаваютъ. чего для большая Навігация требуетъ
знать: сферу, тригонометрію сферическую, проблемы Астрономическіе,
тригонометрію плоскую, для изысканія пути плаванія геогра-
фическіе Карты, для обсерваций свѣтилъ Инструменты.

Но какъ всегда море-плавателямъ, случается плавать иногда вѣ доль
береговъ, и между земель: а иногда и по большимъ морямъ, гдѣ по-
нѣсколко дней, недѣль и мѣсяцовъ, береговъ не видаютъ. чего ради
долженъ всякой мореплаватель знать, малую и большую Навігацию
Фундаме-

ФУНДАМЕНТЪ НАВИГАЦІИ, Геометрія¹ и сфера. ГЕОМЕТРІЯ доказываетъ въ розысканіи тригонометріи, какъ плоской, такъ и сферической: понеже обѣ тригонометріи взяты отъ геометріи. такожъ подлежаще къ мореплаванію всѣ Инструменты и Гидрографическіе карты сочиняются чрезъ геометрію. СФЕРА обучаетъ знать движеніе свѣтилъ, и производяще отъ того во всякомъ мѣстѣ Величества дня, и нощи, и прочіе времена; такожъ и разстояніе ихъ между собою отъ главныхъ круговъ: чрезъ которыя разстоянія, (мореплаватели), и по observaціямъ тѣхъ свѣтилъ изыскиваютъ свои мѣста на мори, Величества дня, и нощи, и всякіе времена: для того въ книгѣ сей, глаголемой полное собраніе о Навигациі, порядочно показано, что отъ чего происходитъ, начиная, съ фундамента:

ПОЛНОЕ СОБРАНІЕ О НАВИГАЦІИ, РАЗДѢЛЕНО НА 4 ЧАСТИ.

ВЪ ПЕРВОЙ ЧАСТИ Показано: о прінципальныхъ проблемахъ геометрическихъ, принадлежащихъ къ Навигациі съ доказательствами, и о пропорціяхъ; Такожъ о тригонометріи плоской и сферической, съ доказательствами геометрическими, о пропорціональности боковъ съ углами.

ВО ВТОРОЙ ЧАСТИ Исполковано: о сферѣ всего свѣта, какъ о главныхъ кругахъ, лінеяхъ, и точкахъ, которые Господа АСТРОНОМЫ мнѣніемъ своимъ полагаютъ на корпусѣ свѣта, для лучшаго исполкованія движенія свѣтилъ; такожъ и о всѣхъ свѣтилахъ, о величествахъ корпусовъ ихъ, и о разстояніи отъ земли и о видахъ, каковыми ихъ мы видимъ; и о признаніи ихъ, по движеніи, и отъ того происходящихъ временахъ, и о разстояніи ихъ отъ главныхъ круговъ, и о положеніи всѣхъ свѣтилъ въ корпусѣ всего свѣта, съ земноводнымъ корпусомъ, по разнымъ четьремъ системамъ, или мнѣніямъ, Господъ АСТРОНОМОВЪ, и для чего мы, въ календаряхъ своихъ дни недѣльные, назначиваемъ каракітрами планетъ; такожъ и о земноводномъ корпусѣ, какъ о фигурѣ, и о величествахъ всякаго градуса, и о кругахъ; такъ и о раздѣленіи земноводнаго корпуса кругами, и по состоянію въ горизонтѣ и о натуральномъ и политическомъ.

ВЪ ТРЕТІЕЙ ЧАСТИ Обучаетъ: о възысканіи разстоянія свѣтилъ отъ главныхъ круговъ во всякое время, и во всякомъ мѣстѣ, и о Величествахъ дня и нощи, и пришетствія времени звѣздъ на меридіанѣ. а приложенныя таблицы здѣланныя по Санктпетербургскому меридіану на 740, 741, 742, 743, годы: и о исправленіи ихъ по прошествіи тѣхъ лѣтъ, а имянно: о длинѣ солнца, которые называются эфемеридъ и о деклінезонѣ солнца, и опрямомъ возхожденіи, и о возхожденіи и захожденіи солнца въ разныхъ мѣстахъ по ширинѣ мѣста, до шестидесяти градусовъ ширины мѣста, и о амплитудѣ: а звѣздамъ ширина и длина праме возхожденіе, и деклінезонѣ на 740 годъ о исправленіи въ той таблицѣ

3
таблиць, по простетствіи того года, длины изъ деклінезона, такожъ
и о взысканіи злаго числа, элапты, и пришествія луны на мериданъ,
и флюя и рефлюя, сикль содеръ, сиръбъ солннаго круга,
вруцблѣнныхъ словъ, индикта, и что для чего, такожъ и о сочиненіи
інструментовъ морскихъ, и о взысканіи чрезъ обсерваціи ширины
и длины, и о взысканіи климатовъ по величеству дня: а по климатамъ,
величества болшаго дня и ноци, во время солтисовъ: прилагая таблицы
полнаго наводненія всѣмъ знатнымъ портомъ, и мѣстамъ: въ которомъ
часу и минутъ, во время новолунія и полнолунія, полное наводненіе
бываетъ, и по сколку футъ вода возвышается, таблицы — вруцблѣннымъ
словамъ, для знанія, которымъ днемъ какой мѣсяцъ начинается: а для
обсерваціи свѣтилъ, таблицы вышины глаза, и преломленія лучей.

ВЪ ЧЕТВЕРТОЙ ЧАСТИ, показываетъ о Навигаціи: начиная о компасѣ,
и о лоуодроміи, и о численіи пунти, и о склоненіи корабля, и о сочиненіи
картъ географическихъ, и о взысканіи курса, разстоянія плаваннаго,
пришедшей длины и ширины, по логоріомъ и по гантірскому шкалу,
и по Каршѣ дередюуіонъ.



ПОЛНОЕ СОБРАНИЕ

О НАВИГАЦИИ.

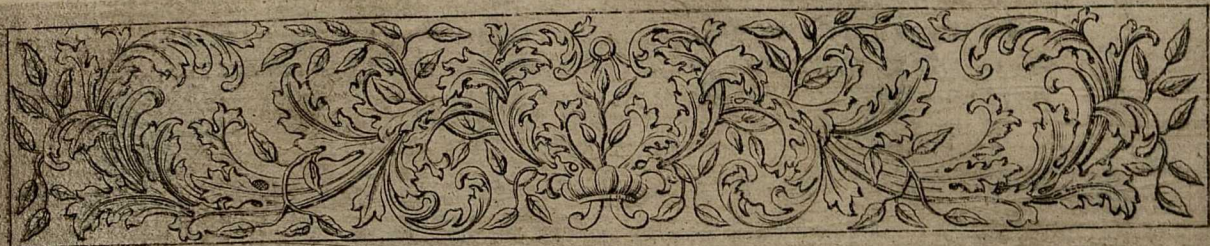
ЧАСТЬ ПЕРВАЯ.

ОБЪЯВЛЕНИЕ.



МАТЕМАТИКИ разбѣряютъ корпусы, поверхности лѣней, и всякіе вещи и фѣгуры; такожь и одну зъ другою уравниваютъ: между ими ищутъ пропорціональность; чрезъ Геометрію: розыскиваютъ, или изыскиваютъ величество боковъ и угловъ, тѣхъ фѣгуръ, чрезъ тригонометрію Плоскую и Сферическую. о чѣмъ въ сей первой части показано, что принадлежитъ къ Навігаціи.

Раздѣлена первая часть на двѣ книги, въ Первой книгѣ показано о геометріи, прінсіпальныхъ проблемъ, во Второй книгѣ о тригонометріи плоской, и Сферической.



ПОЛНОЕ СОБРАНИЕ

О НАВИГАЦІИ.

ЧАСТЬ ПЕРВАЯ

КНИГА ПЕРВАЯ

О ГЕОМЕТРІИ.



ГЕОМЕТРІА часть математики обучаетъ, размѣ-
рять лінеи, поверхности и корпусы, и всякіе
вещи; геометрія, слово Греческое, разумѣется:
измѣреніе земли.

ИСТОЛКОВАНІЕ

или
изъясненіе.

1.

1. Въ которой вещи есть длина, ширина, и глубина, по-
добно какъ сундуку называется: корпусъ, или солидъ, или шѣло.

Корпусы имѣются разными фігурами или видами.

2. Въ которой вещи толко длина, и ширина, то называется
поверхность.

Поверхность есть двояка, которая равно лежитъ, одно мѣсто
другова ни ниже ни выше, какъ на доскѣ: и проведенная всякая
прямая лінея, разными образы, до шронешся до всякой точки
той поверхности равно: та называется, планъ: или плоская
поверхность, а другая поверхность называется круглая, кото-
рая горбомъ или выпуклостью, такъ какъ чаша, или какъ
поверхность какова шара, или ядра.

А

Кругъ

Круглыхъ двѣ поверхности, одна ямско, называется канкафъ: или внутренняя поверхность. а которая около торба, или ядра, или какой шара, та называется конвексъ: или вышняя.

3. Гдѣ имѣется толко одна длина, такъ какъ разстояніе отъ одного мѣста до другого, называется лінея.

4. Двойки лінії: одна прямая, а другая не прямая.

Укопорой вещи не имѣется ни длины, ни ширины, называется пунктъ, или точка.

5. Называется фігура, то, какое мѣсто окружено со всѣхъ сторонъ, намъ сіе званіе, ФІГУРА, служивъ для изображенія какой вещи лініями на бумагѣ.

II.

план.

фиг: 1

Лінія прямая называется то, какъ АВ, проведенная черта прямо отъ одного мѣста до другого, ближнимъ разстояніемъ и короче другихъ ліней, которые между двумя точками вестися могутъ.

фиг: 2

Называется лінія Курбъ, которая черта прошла отъ одной точки до другой, не прямо дугою, какъ CD.

III.

По обѣимъ концамъ ліней, сирѣчь начало, или окончаніе какой ліней, или черты, то называется точка. а которые между тѣхъ, по всей ліней, тѣ точки равны конешнымъ точкамъ.

IV.

фиг: 3

Перпендікуляръ называется, то: когда одна лінія къ другой упадетъ прямо не наклонясь ни на одну сторону, какъ лінія CD, перпендікуляръ ліней АВ.

V.

фиг: 4

Ліней Облікъ или СКЛОННАЯ называется та: которая лінія упала, на другую не прямо наклонилась на одну сторону, какъ лінія Облікъ EF, ліней GH.

VI.

фиг: 5

ЛІНЕЯ ПАРАЛЛЕЛЬ: или ліней параллелій, называются тѣ ліней которые на одной плоскости лежаще въ равномъ разстояніи во всякой точкѣ, другъ отъ друга и безконечно проведенные, равными разстояніями между собою разстоятъ: какъ двѣ ліней II, MN, параллели.

цірку-

VII.

Циркуль или **круг** называется, то, которая фигура на черчена, или окружена на плоскости, единою чертою круглою, или линією курбъ: какъ BCDEFB, которое называется фиг: 6 сѣконферансъ циркуля, или окруженіе, а въ самой срединѣ окруженія, какъ точка, А; до которой отъ окруженія циркуля, всякой точки равное разстояніе: та точка называется центръ, или сантръ, сирѣчь самая середина.

По тому и всѣ линіи проведеніе отъ центра А, до окруженія циркуля, какъ АВ. АС. АД. АЕ. АГ. между собою фиг: 7 равны: такожъ и которые линіи прошли чрезъ центръ А, отъ окруженія до окруженія циркуля, потомужъ равны.

VIII.

Диаметръ циркуля, или круга, называется то: которая линія прошла чрезъ центръ А. отъ окруженія до окруженія циркуля, какъ БАЕ. фиг: 7

Полудиаметръ, или **радіусъ** называется, то: которые линіи пошли отъ центра А, циркуля до окруженія его, какъ АВ. АС. АД. АЕ. АГ.

Хорда или **хордъ** называется, то: которая линія прошла въ срединѣ круга, отъ окруженія до окруженія его, по сторонѣ центра, какъ EF.

IX.

Полукругіе называется, та фигура: которая на черчена на плоскости половиною окруженіемъ какъ BCDE. или EFB. фиг: 8

Секмантъ называется то: которая часть окруженная отбѣлена прямою линією сирѣчь хордою.

Аркъ или **дуга** называется: часть окруженія циркуля, какъ CD.

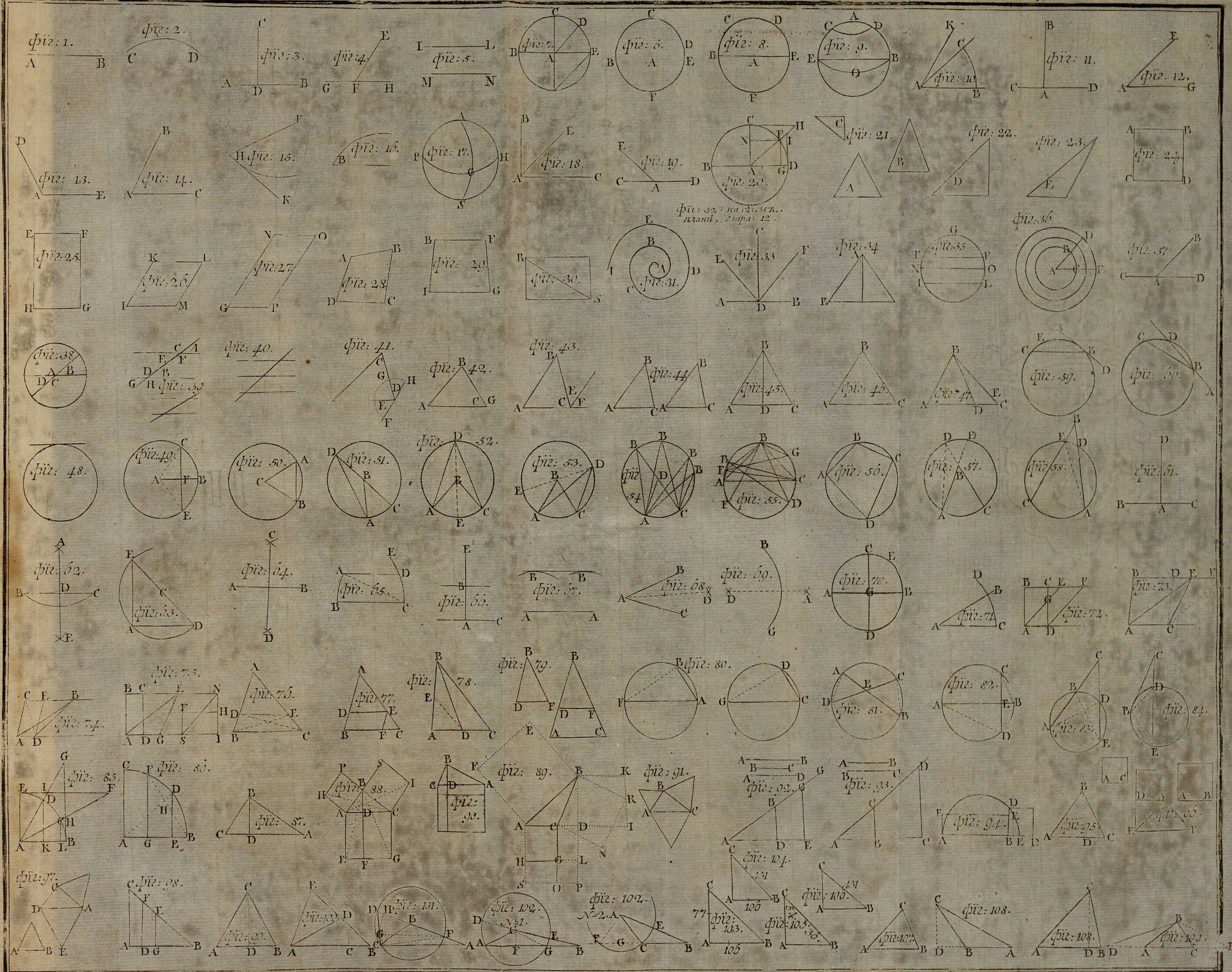
X.

Изъ древнихъ мѣръ окруженіе всякаго малаго и большаго циркуля отъ Математиковъ раздѣлено на 360, частей равныхъ: которые называются градусы.

По тому уже половина циркуля на 180 градусовъ, четверть на 90 граду: а шестая часть на 60 градусовъ, двенадцатая доля на 30 градусовъ, двадцать четвертая доля 15 градусовъ.

Градусъ всякой раздѣленъ на 60 минутъ, а Минута на 60 Секундъ, а Секунда на 60 Терцовъ равныхъ.

Градусъ



Градусы назначаются Гра: или одною літерою Г: для знанія. мінуты, Мі: или "показуєть мінуты. Се: или "показуєть секунды, Тер: или ""показуєть тєцїи.

XI.

СФЕРА называется корпусъ, Солодъ круглой, въ подобіе какому шару, или яру, обдержимой или окруженной одною поверхностію, въ равномъ разстояніи отъ центра того корпуса, чего для и называется ГЛЕБОБЪ или буль сирѣчь шаръ. поверхность сво называется суперфиція Сферы, или поверхность сферы, какъ $ADBC$.

фиг: 9

Вънутри сво самая средняя точка, какъ O , называется центръ сферы.

Всѣ прошедше, сколько могутъ произойти, изъ центра до поверхности какъ OC , OE , OD , называются: радиусы или полудіаметры сферы, и между себя равны: ліней, которые прошли чрезъ центръ, отъ поверхности до поверхности называются: діаметры сферы, какъ BE .

ЗОНЪ или ПОЯСЪ, или ПОЛОСА, часть поверхности сферы обдержима параллельнымъ окруженіемъ, двухъ цѣрулей тоя же сферы, какъ часть поверхности сферы $CDDE$, обдержима двумя цѣрулями CD , BE , двѣ точки діаметрально разстоятъ на поверхности сферы, какъ A и F , называются ПОЛИ.

фиг: 10

XII.

РАЗТВОРЕНІЕ двухъ ліней изъ одной точки, или двѣ ліней сошлись въ одной точкѣ склоненіемъ одна къ другой, какъ ліней AB , AC , въ точкѣ A , называется уголъ: какъ BAC , когда въ точкѣ какой одинъ уголъ, то назначивается одною какою літерою: а ежели изъ одной точки два или три угла, то назначивается тремя літерами: какъ BAC , и BAK , такимъ образомъ и прочіе.

фиг: 11

МѢРА УГЛА дуга, которая начерчена изъ самого угла A , яко изъ центра какъ дуга BC ; ежели дуга BC , 50 Градусовъ, то и уголъ BAC , 50 Градусовъ.

УГОЛЪ ПРЯМОЙ называется то: когда боки угла какова, одинъ зъ другимъ сойдутся перпендикулярно какъ BAC , или BAD , мѢРА ему четверть круга, или 90 Градусовъ.

фиг: 12

УГОЛЪ ОСТРОЙ или ОСТРОЙ, которой меньше прямого угла, а боки ихъ одинъ зъ другими наклонились отъ перпендикуляра, сирѣчь одинъ къ другому пришелъ по наклонъ, какъ уголъ EAG .

Уголъ

фиг: 12

Уголъ обтюдъ или тупой, которой болше прямова угла: а боки раствореніе имѣють великос, болше четверти круга, или прямова угла, какъ DAE.

Fig: 13

Уголъ ректели или прямо линейной называется тотъ, которой двумя прямыми лінеями АВ, АС строенъ, какъ уголъ А.

Fig: 14

Уголъ сюрвелинъ называется тотъ, у котораго боки на планѣ изъ дву дугъ какъ Н, въ срединѣ угла ректиолинъ FHK.

Fig: 15

Уголъ міутъ или міутилинъ называется тотъ: у котораго одинъ бокъ дугою, а другой прямою лінею, какъ В.

Fig: 16

Когда уголъ на сферѣ, или на шарѣ какомъ, сотворенъ двумя дугами большихъ круговъ, называется уголъ сферікъ, или сферической, какъ GAN, или какъ GPS.

Fig: 17

XIII.

КОМПЛЕМЕНТЪ называется то: чего не достанетъ до 90 Градусовъ, какъ углу острому BAE, комплементъ его CAE.

Fig: 18

СЮПЛЕМЕНТЪ называется то, чего не достанетъ до 180 Градусовъ углу острому, или тупому, какъ углу острому CAE, СЮПЛЕМЕНТЪ его DAE: а углу тупому DAE, СЮПЛЕМЕНТЪ CAE.

Fig: 19

XIV.

1. СІНУСЪ дуги КАКОЙ или УГЛА, есть лінія прямая отъ конца той дуги, перпендикулярна ПОЛУДІАМЕТРУ прошедшему къ другому концу той же дуги, на примѣрѣ: дуги DF, или угла DAF, перпендикуляръ FG, будетъ сінусъ: а лінія, или перпендикуляръ AG, или NF, есть сінусъ комплементъ, то есть дополненіе дуги DF, или угла DAF: для того дуга CFD, или уголъ CAD, четверть круга, или 90 градусовъ: а дуги CF, или угла CAF, будетъ сінусъ ПОЛУДІАМЕТРА AD, часть GD, которая отъ сінуса до дуги, будетъ сінусъ версъ, или обратный, дуги DF, или угла DAF: а дуги CF, или угла CAF, сінусъ версъ CN.

Fig: 20

СІНУСЪ КОМПЛЕМЕНТЪ всякой дугѣ, или углу, есть разстояніе отъ центра, до сінуса той дуги, или угла: а сінусъ версъ: есть разстояніе отъ сінуса до конца той дуги.

2. ТАНГЕНСЪ или КАСАТЕЛЬ какой дуги, или угла, есть лінія прямая, протянутая отъ конца той дуги, перпендикулярно діаметру, до протянутой прямой лінии отъ центра, чрезъ другой конецъ той дуги: какъ ТАНГЕНСЪ, или касатель DI, дуги DF, или угла DAF: а комплементъ тому тангенсу CN, или тангенсъ дуги CF, или угла CAF,

Fig: 21

фиг: 20

3. СЕКАНСЪ какой дуги, или угла: есть линия прямая протянутая отъ центра, чрезъ одинъ конецъ той дуги до тангенса: какъ секансъ AI , дуги DE , или угла DAE . а дуги CE или угла CAF . будетъ секансъ AN .

4. СІНУСЪ четверти круга, или прямова угла 90 градусовъ, есть полудіаметръ: и называется онъ: сінусъ прямой или радіусъ: какъ полудіаметръ AC , четверти круга BC или CD , или прямымъ угламъ BAC . и CAD , сінусъ.

Четверти круга, или прямова угла, ни Тангенса ни Секанса не бываетъ: за тѣмъ что тангенсъ какъ DI . сколько ни протянуть, не можетъ сойтись еъ полудіаметромъ AC , за тѣмъ что по параллелъ другъ другу.

XV.

РЕКТЕЛИНЪ, или прямолінейная фигура, называется та; которая окружена отъ всюду прямыми линиями на поверхности, треугольникъ, или кадрілатераль: или Полігонъ.

XVI.

Треугольникъ или Требокъ, есть плоская на поверхности фигура, тремя линиями обдержима, или окружена.

фиг: 21

У котораго треугольника боки равны, тотъ называется: ЭКЮЛАТЕРАЛЬ или равнобочный, какъ A . а у котораго два бока равны, тотъ называется ІЗОСЕАЛЬ, или ісоцелесъ, то есть равноножный: какъ B . а у котораго всѣ три боки неравны, тотъ называется, скаленъ какъ C .

Равнобѣрножъ и поугламъ, таковымижъ званіями называются треугольники: понеже по пропорцій боковъ и углы сотворены.

фиг: 21

въ которомъ треугольникъ, всѣ три угла острые, тотъ называется ОУАГОНЪ или остро уголникъ какъ A .

фиг: 22

А въ которомъ одинъ уголъ прямой, тотъ называется РЕКТАНГЛЬ или ПРЯМОУГОЛНОЙ какъ D а въ которомъ

фиг: 23

треугольникъ одинъ уголъ тупой тотъ называется АМПЛІКОНЪ, или тупоугольникъ, какъ E .

фиг: 17

У треугольника двойки боки бываютъ: которой сотворенъ или обдержимъ тремя прямыми линиями, тотъ называется ТРІАНГЛЬ РЕКТЕЛИНЪ, или треугольникъ прямолінейный. а которой обдержимъ тремя дугами, тотъ называется ТРЕУГОЛНИКЪ СФЕРІЧЕСКОЙ, какъ AGH , или GPS .

Нижней

Нижней треугольника бокъ называется **базъ**, или **основаніе**: къ которому и въ противоположащаго ему угла, протягивается **перпендикуляръ**: а большъ за всегда берется большой бокъ за основаніе, а оной перпендикуляръ называется **вышина треугольника**, а которые двѣ части основанія раздѣлены перпендикуляромъ, тѣ называются **секгманы**, а у треугольника прямоугольнаго называется базъ тотъ, которой бокъ противъ прямова угла; однакожъ большъ обыкновенно оный бокъ называется: **ипотенузъ**.

XVII.

кадрілатеръ или **четыребочная фигура** называется та, которая окружена четырьмя прямыми линиями.

фиг: 24

Называется **квадратъ**, у котораго всѣ четыре бока равны, и всѣ четыре угла прямые; какъ **ABCD**.

фиг: 25

Называется **длинной квадратъ**, у котораго всѣ четыре угла прямые: но токмо бока не равны, какъ **EFGH**.

фиг: 26

Называется **ромбъ**, или **локзансъ**, окруженная фигура четырьмя равными боками: но неравные углы имѣетъ, какъ **IKLM**.

фиг: 27

Называется **ромбоидъ**, у котораго углы и боки противоположенные другъ другу равны, какъ **NORG**.

фиг: 28

Которая фигура окружена не равными боками **ABCD** называется **трапезъ**.

фиг: 29

Называется **трапезоидъ**, у котораго два бока противоположащие между собою параллели; а другіе два не параллельны, какъ **BFGI**.

параллелограмъ, есть фигура окруженная четырьмя боками: противоположащими параллельно такъ, какъ у квадрата, или ромбоида: и когда у параллелограма углы прямые, тогда онъ называется, параллелограмъ **ректелинъ**, или просто **ректангль**, или **прямоугольникъ**. **лабазъ** параллелограма, есть бокъ къ которому изъ противнаго угла протянешъ перпендикуляръ, которой называется **вышина параллелограма**.

XVII.

діагональ называется, линия: которая какъ въ четвероугольной фигурѣ, такъ и въ прочихъ прошла въ срединѣ, съ угла на уголъ, какъ **RS**.

фиг: 30

XIX.

спираль или **гелісъ** называется: линия **курбъ** или **кривая**, какъ **AB**, которая прошла изъ центра **A**, круга **BCDE**, и окружила около центра параллельно къ **I** и далѣе бесконечно.

фиг: 31

XX.

XX.

Для познанія величини какой нибудь фігуры, или плана, или
разстоянія мѣста отъ мѣста, употребляютъ ГЕОГРАФЫ
разные мѣры: которымъ здѣсь имена и величины.

Футы которые во всякомъ государствѣ разныя
ВЕЛИЧИНЫ.

план: 2

фіг: 32

во французскомъ футѣ: 12 дюймовъ, а въ дюймѣ
12 ліней, а въ ліней 12 точекъ. ещежъ онъ раздѣляется
на 720 частей равныхъ.

футъ руанской, имѣетъ сполкожъ частей 720 и
дюймовъ 12, какъ Королевской Французской.

въ анверсѣ футъ имѣетъ 630 частей, или 10 дюймовъ, 6
ліней.

въ лейденскомъ футѣ: 695 таковыхъ частей имѣется,
или Французскихъ 11 дюймовъ, 7 ліней.

въ амстердамскомъ футѣ: 625 частей, или 10
дюймовъ, 5 ліней.

въ лондонскомъ 675, или 11 дюймовъ, 3 ліней.

въ булоніи 845 частей, или 14 дюймовъ, 1 ліней.

римской футъ 650 частей, или 10 дюймовъ, 10 ліней.

венеціанской футъ 716 частей, или 11 дюймовъ,
11 ліней.

въ данчикѣ футъ имѣетъ 635 частей, или 10 дюймовъ,
7 ліней.

шведской футъ 725 частей, или 12 дюймовъ, 1 ліней.

дацкой футъ 649 частей, или 10 дюймовъ, 9 ліней.

футъ безаконъ 685 частей, или 11 дюймовъ, 5 ліней.

футъ дижонъ 695, частей или 11 дюймовъ, 7 ліней.

въ женовѣ, футъ имѣетъ 1080 частей, или 18 дюймовъ.

въ греноблѣ, футъ имѣетъ 755 частей, или 12
дюймовъ, 7 ліней.

въ ліонѣ футъ 755 частей, или 12 дюймовъ, 7 ліней.

футъ ларанской 645 частей, или 10 дюймовъ, 9 ліней.

футъ маконской 740 частей, или 12 дюймовъ, 4 ліней.

футъ савойской 600 частей, или 10 дюймовъ.

футъ седанъ 735 частей, или 12 дюймовъ, 3 ліней.

футъ въ вѣнѣ дофинской, 715 частей, 11 дюймовъ, 11 ліней.

футъ въ вѣнѣ астриской 700 частей, или 11 дюймовъ
8 ліней.

Которымъ футамъ присемъ, прилагается въ величинахъ мѣра.

Ещежъ французской футъ раздѣляется на 1440 частей.

а лейденской футъ въ себѣ имѣетъ тѣхъ же частей 1390.

ЛОНДОН-

ЛОНДОНСКОЙ 1350, Булонской 1686, Флоренской 1580.
По тойже пропорции, и прочіе футы располагать.

ПАЛМЪ РИМСКОЙ 8 дюймовъ, 2 ліней: раздѣленъ на
493 части.

САЖЕНЬ ФЛОРЕНСКАЯ 21 дюймъ 6 ліней: раздѣлена на
293 части.

АРШИНЪ ГЕОМЕТРИЧЕСКОЙ, имѣетъ 9 футовъ
Французскихъ.

Ординарной аршинъ, одинъ футъ 6 дюймовъ.

Большой аршинъ 13 футовъ, 6 дюймовъ.

Аршинъ парижской, лѳонской, роанской имѣетъ
3 фута, 7 дюймовъ, 8 ліней.

Аршинъ шампанской 2 фута, 5 дюймовъ, 1
ліней.

Аршинъ амстердамской имѣетъ 2 фута, 1 дюймъ.
россійской аршинъ, имѣетъ Аглинскихъ 2 фута,

и одну треть: а французскихъ 2 фута, 2 дюйма, 3 ліней.

МАРШЪ, имѣетъ 2 фута, 6 дюймовъ парижскихъ: ларпанъ
имѣетъ 10 першъ: а всякая першъ, имѣетъ 18 футовъ.

СТУПЕНЬ ГЕОМЕТРИЧЕСКАЯ, считается по 5 футовъ
Французскихъ, ступень ординарная 3 фута

ТОАЗЪ парижской, имѣетъ 6 футовъ, сажень париж-
ская 5 футовъ.

РОССІЙСКАЯ САЖЕНЬ, имѣетъ 3 аршина, или 7
футовъ Аглинскихъ, а Французскихъ 6 футовъ, 6 дюймовъ, 9
ліней.

ПРОБЛЕМА, I.

О ПЕРПЕНДИКУЛЯРѢ.

Съ одной данной точки D, на линѣ АВ, болше одного
перпендикуляра поднять не возможно, какъ перпендикуляръ
CD, на линѣ АВ, а другіе всѣ ліней, какъ DE, и DF будутъ
обликъ, сирѣчь косые или наклонные.

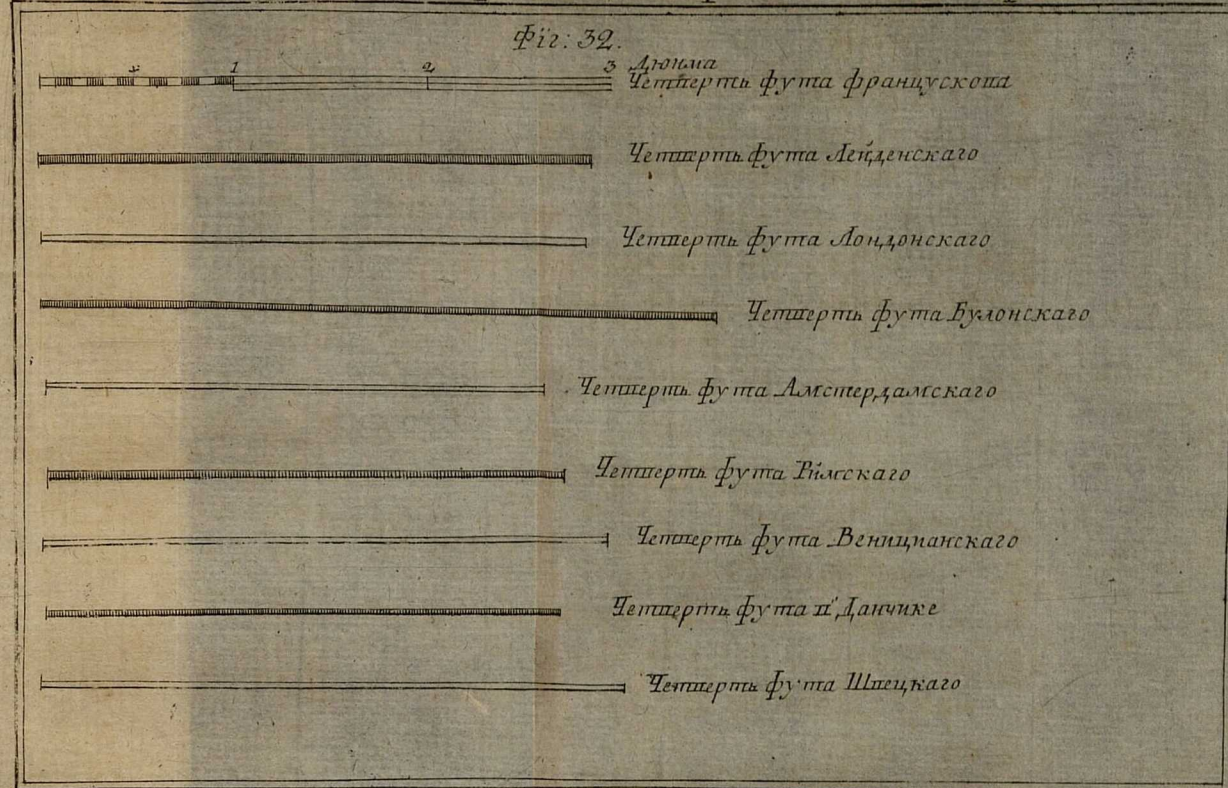
Отъ одной данной, точки какъ А, посторонъ ліней CD,
болше одного перпендикуляра поставитъ неможно жъ въ линѣ
CD, какъ ліней АВ, перпендикуляръ ліней CD: а другіе всѣ
ліней, какъ AE, AF, которые отъ точки А, всѣ обликъ
или наклонны.

Перпендикуляръ, всѣхъ другихъ ліней короче, какъ
ліней перпендикуляръ АВ, короче ліней AE, AF, и прочихъ
ліней, которые протянешъ отъ точки А, къ линѣ DC.

В

ПРОБ-

ПЛАНЪ 2: къ 12 страницѣмъ разныхъ мѣрахъ



ПЛАНЪ I.

Fig. 33

Fig. 34

Fig. 35

ПРОБЛЕМА. II.

о цѣркуляхъ, или округахъ.

I.

план: 1.

фиг: 2

Диаметръ раздѣляетъ цѣркуль или кругъ по поламъ, на двѣ части равныя, которые называются полукругія, по тому и сѣрк-конферансъ или окруженія, по поламъ же.

фиг: 35

Хорда, какъ EF , раздѣляетъ цѣркуль на двѣ части не равныя, которые называются большой сектманъ, и малой сектманъ, или сегментъ, поестъ сѣченіе: по тому же и сѣрк-конферансъ цѣркуля, или окруженія круга, на двѣ части не равныя, и заѣмаетъ большую и малую дугу.

II.

фиг: 35

1. Въ одномъ цѣркулѣ, или въ разныхъ (цѣркуляхъ,) когда хорды EF , IL равны, и дуги ихъ EGF , IML равны: по тому и въ равномъ разстояніи отъ центра будутъ.

2. Такожъ въ одномъ или въ разныхъ цѣркуляхъ у большой хорды какъ NO , большая и дуга NGO , которая ближе къ центру.

3. Диаметръ, всегда раздѣляетъ сѣрк-конферансъ или окруженія круга по поламъ: и прошелъ чрезъ центръ и больше всѣхъ хордъ.

III.

фиг: 36

Изъ одного центра A , множество можно на чертить цѣркулей или круговъ, и будутъ всѣ между собою параллели, и другъ друга не пересѣкутъ, и чѣмъ въ болѣе, то и въ маломъ цѣркулѣ или кругѣ градусовъ, того для что, какъ большой шакъ и малой цѣркуль или кругъ раздѣленъ на 360 градусовъ. Потому какъ въ болшомъ цѣркулѣ дуга DE , имѣетъ 60 градусовъ, такъ и въ маломъ цѣркулѣ дуга IC , столько же имѣетъ. понеже какъ дуга DE , болшова цѣркуля шестая часть, такъ и дуга IC , цѣркуля шестая же часть.

ПРОБЛЕМА. III.

о углахъ.

I.

фиг: 37

Когда прямая лінія упадетъ на другую, и учинитъ два угла BAC , BAD , тогда оба въкупѣ будутъ 180 градусовъ, или два прямыхъ угла.

Хотя

Хотя и многіе ліней протянешь отъ одной точки, изъ прямой ліней въ одну сторону, и здѣлаютъ многіе углы, которые всѣ въ купѣ будутъ 180 градусовъ: того для, что всѣ въ купѣ въ полукружїи, а полукружіе имѣетъ 180 градусовъ.

II.

Когда двѣ ліней другъ дружку пересѣкутъ, и здѣлаютъ 4 угла, и всѣ онѣ въ купѣ будутъ имѣть 4 прямыхъ, или 360 градусовъ.

Или хотя многіе ліней, пересѣкутся въ одной точкѣ, и отъ того будетъ много угловъ, а въ купѣ всѣ будутъ имѣть такожѣ, 360 градусовъ. Того для что всѣ въ купѣ, сколько ихъ ни есть, займутъ, цѣкуль или кругъ.

III.

Когда двѣ ліней пересѣченіемъ своимъ учинятъ четыре угла А, В, С, D. то уголъ А, равенъ всегда своему противолежащему С, а уголъ В, равенъ своему противному D. Того для, что два угла А, В, въ купѣ: такожѣ С, В, здѣлаютъ 180 градусовъ: (по X артикулу:) и по тому уголъ В, общей у обѣихъ: а останется уголъ А, равенъ углу С, своему противному. по тому жѣ доказательству и уголъ В, равенъ углу D.

fig: 38

ПРОБЛЕМА, IV.

О ПАРАЛЛЕЛАХЪ.

Когда одна прямая ліней, пересѣчетъ двѣ ліней параллели, то здѣлается 8 угловъ, и будутъ 4 угла эштеръ эоръ, сирѣчь внѣшнія: а 4 угла інтеръ эоръ, сирѣчь внутреннія, другъ другу противныя.

fig: 39

Какъ уголъ А, эштеръ эоръ, или внѣшній, противному углу Е, інтеръ эоръ, или внутреннему: такъ уголъ С, эштеръ эоръ, или внѣшній, противному углу F, інтеръ эоръ, или внутреннему: такожѣ равно, уголъ эштеръ эоръ G, противному углу інтеръ эоръ В, а эштеръ эоръ H, противенъ інтеръ эору D и называются два угла інтеръ эора D, и Е, или какъ В, и F, уголъ алтернъ.

I: Всякой уголъ эштеръ эоръ, или внѣшній, равенъ противному своему углу, інтеръ эору, какъ уголъ А, равенъ углу Е, а уголъ С, углу F, такъ и G, В, и H, D, такожѣ и углы алтерны, В, Е, и D, F, между собою, равны.

fig: 39

2 Когда прямая лінія пересѣчетъ двѣ параллели и два угла эушеръ зоръ, А, Н, на одной сторонѣ въ купѣ, будутъ 180 градусовъ: такожъ и два угла інтеръ зоръ D, E, которые на одной сторонѣ, въ купѣ, будутъ 180 градусовъ, (по 3, проблемѣ:)

3. Когда прямая лінія пересѣчетъ другіе двѣ лінеи, тогда (1:) Уголъ эушеръ зоръ и прошивный ему уголъ інтеръ зоръ, будутъ равны, а лінеи параллели. (2:) Когда углы Алшерны равны, то и лінеи параллели. (3:) Когда два угла інтеръ зора на одной сторонѣ, въ купѣ будутъ 180 градусовъ, то и двѣ лінеи будутъ параллели; такожъ равно, когда два угла эушеръ зора на одной сторонѣ, въ купѣ будутъ, 180 градусовъ, по тому же и лінеи параллели.

план: 1,
фиг: 40

4. Когда двѣ лінеи параллели, будутъ пресекаемы лініею параллельною, то и многими лініями могутъ быть параллельны, по доказательству первыхъ двухъ аршікуловъ.

ПРОБЛЕМА. V.

О ТРЕУГОЛНИКАХЪ.

1°

фиг: 41

Во всякомъ треугольникѣ, при угла А, В, С, купно имѣютъ 180 градусовъ, или равны полукругу.

1: Когда чрезъ уголъ В, протянешь прямую лінію параллель боку АС, и будутъ при угла D, В, E, которые въ одномъ полукругѣ FGH, (: и по III проблемѣ:) оные углы имѣютъ 180 градусовъ, (: а по IV проблемѣ:) уголъ А, равенъ углу E, а уголъ С, углу D: по тому и во всякомъ треугольникѣ при угла въ купѣ имѣютъ 180 градусовъ.

2: Когда въ треугольникѣ знаешь два угла, то можешь познать, и третей: за шѣмъ чпо, при угла всякаго треугольника, имѣютъ 180 градусовъ.

3: Во всякомъ треугольникѣ, не можетъ быть болше одного прямого, или одного тупаго угла: для того, что въ треугольникѣ, только 180 градусовъ.

2.

фиг: 42

1: Когда протянешь одинъ бокъ АС, далѣе треугольника ABC, тогда уголъ эушеръ зоръ или внѣшній G, равенъ будетъ угламъ інтеръ зорамъ или внутреннимъ А, и В, (по III проблемѣ:) по тому чпо, углы С, G, имѣютъ, 180 Градусовъ;

или

или половину круга. а во всякомъ треугольникѣ по сей проблемѣ, по I артикулу, въ трехъ углахъ А, В, С, 180 градусовъ, того для, всегда уголъ оутеръ ооръ, или виѣшній равенъ двумъ угламъ въ треугольникѣ.

фиг: 42

2. Когда протянешь одинъ бокъ АС, у треугольника АВС, и здѣлаешь уголъ оутеръ ооръ, изъ котораго протянешь линію параллельно боку АВ, и будутъ два угла Е, F, изъ которыхъ уголъ Е, равенъ углу В, а уголъ F, углу А, по IV проблемѣ

фиг: 43

3.

Во всякомъ треугольникѣ шесть членовъ: сирѣчь, три бока, и три угла. два треугольника, могутъ быть равны, ежели б членовъ, одного треугольника, равны шести членамъ другаго: и всякій членъ подобенъ своему члену: но довольно и того, ежели три члена одного треугольника равны тремъ членамъ, другаго треугольника: то и доспалные три члена будутъ равны, шолкобъ были боки или углы въ трехъ членахъ; три бока, или два бока, да уголъ, или одинъ бокъ, да два угла, какъ ниже показано:

1. Когда у дву треугольниковъ боки равны, то и углы будутъ равны, всякой уголъ или бокъ своему подобному, что и безъ всякаго доказательства ясно видѣть: когда положишь одинъ треугольникъ на другой равной, или боки одного треугольника, на равные боки другаго треугольника, тогда будетъ одинъ треугольникъ.

Когда у дву треугольниковъ АВС, уголъ В, да два бока АВ, ВС, (между которыхъ знаемъ уголъ В:) одного треугольника, тогда углы въ другомъ треугольникѣ равны угламъ, и боки бокамъ подобны, и оба треугольника равны будутъ, всякой уголъ А, и С, и бокъ АВ, что безъ всякаго доказательства ясно видѣть, когда положишь одинъ треугольникъ на другой, тогда будетъ одинъ треугольникъ.

фиг: 44

3. Когда у дву треугольниковъ АВС, два бока АВ, ВС да уголъ А. (:противной знаемому боку:) одного треугольника: равны другаго треугольника бокамъ, и подобны, а уголъ углу, такожъ равенъ и подобенъ, то и оба треугольника равны будутъ: и всякой уголъ равенъ своему подобному: и чшобъ бокъ ВС, (:которой противенъ знаемому или равному углу А:) протянутъ былъ равнымъ образомъ какъ въ одномъ, такъбы и въ другомъ треугольникѣ. а когда неравнымъ образомъ будетъ протянутъ бокъ, и тогда будетъ въ одномъ треугольникѣ уголъ С, тупой, а въ другомъ острый, по тому и оба треугольника не будутъ равны.

фиг: 44

4. Когда у дву треугольниковъ два угла равны всякой своему подобному, да одинъ бокъ, которой между тѣхъ дву угловъ или противной бокъ знаемому одному углу, то и оба треугольника будутъ равны.

Г

4.



5.

план: 1.
фиг: 45

Во всякомъ треугольникѣ изоселѣ, или ісосцелесѣ ABC , ежели протянешь изъ угла B . (: которой между дву равныхъ боковъ:) линію BD , и пересѣчешь противоположной боку AC , по поламъ, или перпендикулярно къ боку AC , или пересѣчешь уголъ B по поламъ (: которой между дву боковъ равныхъ:) И изъ нихъ трехъ членовъ, хотя одинъ членъ здѣлаетъ, тогда и другіе два члена будутъ.

1. Когда линія BD , пересѣчетъ боку AC , по поламъ: и въ то время будетъ перпендикуляръ, и пересѣчетъ уголъ B , по поламъ.

фиг: 45

Тогда будутъ два треугольника ABD , CBD по 3 артикулу, равны: для того, что 3 бока равны, по тому и три угла равны, всякой своему: и уголъ B , пересѣкся по поламъ, и два угла въ точкѣ D , будутъ равны, всякой по 90 градусовъ: для того что, оба въ купѣ 180 градусовъ, по сему и линія BD , будетъ перпендикуляръ къ боку AC , которой пересѣченъ по поламъ.

фиг: 45

2. Когда линія BD , перпендикуляръ боку AC , пересѣчетъ онъ боку по поламъ, и уголъ B , (: которой между дву боковъ равныхъ:) по поламъ же: тогда два треугольника ABD , CBD будутъ по 3 му артикулу равны. а доказывається такимъ же образомъ: положи одинъ треугольникъ на другой.

фиг: 45

фиг: 45

3. А когда линія BD , пересѣчетъ уголъ B , (: которой между двухъ боковъ равныхъ:) по поламъ, и будетъ линія BD , перпендикуляръ боку AC , по поламъ пересѣченному, тогда будутъ два треугольника ABD , CBD , равны по 3 артикулу. а доказывається такимъ же образомъ какъ и первые.

фиг: 45

6.

фиг: 46

1. Во всякомъ треугольникѣ изоселѣ или ісосцелѣ, то есть равноножномъ какъ ABC , углы противоположнѣ бокамъ равнымъ, равны: какъ уголъ A , равенъ углу C , а доказывається по 4 му артикулу.

2. Во всякомъ треугольникѣ, экилатералѣ, сирѣчь равнобѣжномъ, три угла между собою равны, понеже всякой, по 60 градусовъ: а доказывається такимъ же образомъ какъ триангль изоселѣ. сирѣчь треугольникъ равноножный.

3. Знаячи одинъ уголъ, въ треугольникѣ изоселѣ, или экилатералѣ, можно узнать и другія два.

7.

фиг: 47

Во всякомъ треугольникѣ ABC , большой уголъ противенъ большому боку, а средней среднему: а малой уголъ малому боку.

1.

1. Когда бока AC , болюой изъ трехъ, тогда уголъ B , противной ему будетъ болюой изъ трехъ: и прежде докажемъ, что болюе угла C .

На болюомъ бока AC , отмѣряй часть AD , равну боку AB , (которой противенъ углу C ;) и протяни линию BD , и когда здѣлалъ AD , равну AB , тогда будетъ треугольникъ ABD , или $исоселъ$ или $исосцелелъ$ ABD , въ которомъ будутъ два угла ABD , ADB равны, которые противны своимъ бокамъ равнымъ, и уголъ $эушеръ$ ADB , у треугольника DBC , болюе угла $интеръ$ $эора$ C , и равенъ, есть $объимъ$ въкупѣ $интеръ$ $эорамъ$ C , CBD : а уголъ ABD имъ $неравенъ$, и болюе угла C , по сему уголъ B , болюе угла C , двумя углами CBD , ABD .

Фиг: 47

2. Симъ образомъ доказывать, что уголъ B , болюе угла ACB : возми на болюомъ боку AC , (которой противенъ углу B ;) часть равну BC .

3. Также можешъ доказать: что уголъ A , противенъ среднему боку BC , болюе угла C , которой противенъ малому боку BA , и возми на бока BC , часть BE , равну боку BA .

ПРОБЛЕМА. VI.

О линіяхъ внѣшнихъ и внутреннихъ круга.

1.

Прямая линія, которая протянута въ кругъ, коснется до одной точки круга, не входя въ тотъ кругъ, называется касательная: Того ради, что коснулась до одной точки круга, а пофранцузски называется: $тунанъ$ или $танжантъ$: а полатини $тангенсъ$ того круга.

Фиг: 48

Линія, которая отъ самаго конца радиуса или дуги, протянута перпендикулярно какъ GF , къ другому радиусу, называется $синусъ$ угла GAF , или дуги DF , того для, что дуга DF , мѣра углу GAF , а радиуса часть GD , которая между $синуса$ и дуги называется: $синусъ$ версъ $шессть$ $обращный$ тогожъ угла.

Фиг: 26

Линія ID , перпендикулярно отъ конца радиуса въ кругъ, называется: $тангенсъ$ тогожъ угла GAF , и дуги FD .

Радиусъ AF , протянutoй изъ круга до $тангенса$, называется: $секансъ$ угла CAF , и дуги DF .

2.

Всѣ линіи, которые прошли перпендикулярно въ концы радиуса, до протунуся до круга.

Фиг: 26

1:

1. Какъ линия HC , перпендикуляръ концу радиуса AC , допронудася или коснулася до круга въ точкѣ C , а когда линия какъ HC , допронесся до круга въ одной точкѣ, то и радиусъ просянутой до той точки, будетъ перпендикуляръ.

план: 1
фиг: 20

2. Когда во всѣхъ пунктахъ или точки какъ H , линии HC въ разстояніи отъ круга, изъ центра A , къ точкѣ H , протянешь линію $АН$, та не будетъ перпендикуляръ линіи HC : Того ради что линія $АН$, длиннѣе радиуса AC .

3. Когда тангенсу HC , протянешь линію AC , перпендикулярно къ точкѣ C , въ которой она коснулася до круга; тогда линія AC , пройдетъ чрезъ центръ того круга.

3.

фиг: 49

1. Когда радиусъ AB , пересѣчетъ по поламъ хорду CE , во F , то и будетъ ей перпендикуляръ, AB , и пересѣчетъ по поламъ дугу CBE , въ B .

2. Когда радиусъ перпендикуляръ хордѣ, тогда онъ пересѣкъ еѣ, и дугу ея по поламъ.

3. Когда радиусъ пересѣчетъ дугу CBE по поламъ, тогда пересѣкъ, и хорду еѣ перпендикулярно по поламъ.

фиг: 49

Когда протянешь два радиуса AC , AE , по концамъ хорды, и будетъ треугольникъ изоселъ или исосцелесъ, сирѣчь равноножный, (: и по V проблемѣ: 4 регулы:) докажешь сію проблему.

4.

фиг: 50

Во всякомъ кругѣ, радиусъ равенъ хордѣ, 60 градусовъ.

1. Какъ радиусъ AC , ежели положишь на окруженіе круга, равенъ будетъ хордѣ AB , 60 градусамъ: и когда протянешь два радиуса CA , CB , къ концамъ хорды AB , и будетъ треугольникъ экюлатераль, тоестъ равнобочный: по тому и углы равны по 60 градусовъ, когда въ центрѣ уголъ ACB , 60 градусовъ; а мѣра ему хорда AB , которая равна радиусу, по тому всегда радиусъ равенъ хордѣ 60 градусовъ.

5.

фиг: 49

Во всякомъ кругѣ синусъ одной дуги, равенъ половинѣ хорды удвоенной дуги.

Какъ синусъ CF , дуги BC , равенъ половинѣ хорды CE , или удвоенной дугѣ CB .

фиг: 49

Когда радиусъ AB , перпендикуляръ синусу CF , то и хорду CFE и дугу CBE , пересѣкъ по поламъ, какъ въ сей проблемѣ въ (: 1 и 3:) сказано.

проб-

ПРОБЛЕМА. VII.

о углахъ внѣ и внутри круга.

1.

Уголъ въ центрѣ круга въ двое болшѣ того угла, который на окруженіи того круга, и который на той же дугѣ.

1. Говорю: уголъ ABC, который въ центрѣ, въ двое болшѣ угла ADC, который во окруженіи цѣркуля, какъ оба угла на одномъ діаметрѣ: фигура (:51:) или уголъ центра въ срединѣ, между прошедшихъ линей, отъ угла окруженія: фигура (:52:) или центръ поссторонъ боковъ угла окруженія: фигура (:53:) шокмоу на одной дугѣ оба были.

фиг: 51

фиг: 52

фиг: 53

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО НА ПЕРВУЮ ФИГУРУ:

Треугольникъ ABD ізосцель, въ которомъ два бока BA, BD равны: по тому что они полудіаметры. по тому и уголъ A, равенъ углу D, (:и по V проблемѣ 2 артикула) уголъ ABC, равенъ обѣмъ угламъ A, D, а уголъ A, равенъ углу D, и по тому уголъ ABC, въ двое угла D, что надлежало доказать. Равнымъ же образомъ докажешь и другую фигуру: протяни изъ угла D, чрезъ центръ прямую линію DBE, и будутъ два треугольника ADB, CDB ізосцели: и по первому доказательству уголъ ABE, въ двое болшѣ угла ADB, а уголъ CBE, въ двое болше угла BDC, по тому оба въ купѣ, или весь уголъ ABC, въ двое болшѣ угла ADC, что надлежало доказать.

фиг: 51

фиг: 52

фиг: 53

Таковымъ образомъ докажешь и третью фигуру: когда отъ угла D, протянешь чрезъ центръ, прямую линію DBE, сирѣчь діаметръ, тогда по первому доказательству, въ центрѣ уголъ CBE, въ двое болше угла CDE, а уголъ ABE, въ двое угла ADE, по тому и остатокъ, уголъ EBA, въ двое угла EDA, что надлежало доказать.

И по тѣмъ доказательствамъ, всѣ углы на окруженіи въ полы угловъ тѣхъ, которые въ центрѣ и на одной дугѣ.

фиг: 54

2. Всякой уголъ во окруженіи и на одной дугѣ, (:по онымъ доказательствамъ:) между собою равны, какъ ABC,

3. По тому всякому углу, (:которой во окруженіи цѣркуля:) мѣра, половина дуги содержащейся между боковъ его.

2.

1. Всѣ углы (:во окруженіи цѣркуля:) которые заняли половину круга боками своими: сирѣчь надъ діаметромъ, какъ ABC, мѣра имъ четверть круга, или 90 градусовъ, по тому что половину круга заняли.

фиг: 55

2.

план: 1.
фиг: 55

2. Всѣ углы (во окруженіи цѣркуля) которыя заняли дугу меншѣ полукружія; шѣ углы меншѣ 90 градусовѣ, какѣ DBF.

фиг: 55

3. Всѣ углы во окруженіи цѣркуля, которыя заняли дугу болшѣ полукружія; шѣ углы болшѣ 90 градусовѣ, какѣ EBG.

3.

фиг: 56

1. Всякой уголѣ на окруженіи цѣркуля, вѣ маломѣ сегментѣ, болше угла, которой вѣ болшемѣ сегментѣ на окруженіи: какѣ уголѣ ABC вѣ маломѣ сегментѣ, болшѣ угла ADC, которой вѣ болшемѣ сегментѣ.

фиг: 56

2. Когда у четырехъ лѣней AB, BC, CD, DA, по концамѣ пройдетѣ цѣркуль, и здѣлаются 4 угла A, C, или B, D, тогда противоположныя два угла, имѣютѣ мѣрою 180 градусовѣ: по тому что уголѣ A, занялѣ дугу ECD, а противоположной сво уголѣ C, занялѣ дугу BAD, и тако два угла заняли все окруженіе: такожѣ и уголѣ B, съ угломѣ D, заняли все окруженіе.

3. А обратнѣ взяты, когда 4 лѣней здѣлаютѣ 4 угла, изъ которыхъ 2 противоположныя, будутѣ имѣть себѣ мѣру 180 градусовѣ, то и окруженіе цѣркуля пройдетѣ по концамѣ шѣхъ лѣней.

4.

фиг: 57

1. Углу, (которой вѣ точкѣ круга между центра и окруженіа) какѣ ABC мѣра, есѣ дуга AC, которую занялѣ боками AB, BC и дуга DE, которую заняли сво боки ABE, CBD, до окруженіа протянушыя.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Протяни лѣнію AD, будетѣ уголѣ ABC, равенѣ двумѣ угламѣ ADB, и BAD, (по 5 проблемѣ 2 артикула, а по 1 му артикулу сея проблемы:) мѣра углу ADC, половина дуги AC, а углу DAE, половина дуги DE, и по тому мѣра углу ABC, будетѣ половина дуги AC, которую онѣ занялѣ, и половина дуги DE, которую заняли протянушыя сво боки BD, BE, что надлежало доказать.

фиг: 58

2. Всякому углу, который вѣ точкѣ внѣ цѣркуля какѣ уголѣ AEC, мѣра есѣ половина дуги AC, которую боками своими занялѣ внѣ центра, безѣ половины дуги DE, которая между боковъ сво выше центра.

ДОКАЗА

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Отъ края нижня дуги до края верхня дуги, протяни линию AE , или CD , и будетъ уголъ AEC , равенъ угламъ ABE , BAE (: по 5 проблемѣ:) по тому уголъ AEC , болшѣ угла ABC , угломъ BAE , и углу AEC мѣра, половина дуги AC , а углу EAD мѣра, половина дуги ED , и тако углу ABC мѣра, половина дуги AC , безъ половины дуги DE , чпо надлежало доказать.

1. Когда по концѣ хорды BC , протянешь тангенсъ ABD , дѣркулю $BGCE$, тогда малому углу ABC мѣра, половина дуги BEC малаго сегмента, а болшему углу DBC мѣра, половина дуги BGC большаго сегмента: по тому чпо оба угла имѣютъ 180 градусовъ, а мѣра имѣ обѣимъ половина всего круга.

Фиг: 59

2. Когда по концѣ хорды, протянешь прямую линию ABD , которая пересѣчетъ дѣркуль по концѣ хорды BC , въ B , тогда будетъ углу CBD (:у котораго оба бока въ кругѣ:) мѣра, половина дуги DC , которая между нѣхъ боковъ. а другому углу ABC , (:у котораго одинъ бокъ въ кругѣ:) мѣра, половина дуги BEC , и дуги BD , по тому чпо оба угла B , имѣютъ 180, градусовъ, а мѣра имѣ обѣимъ половина всего круга.

Фиг: 60

ПРОБЛЕМА. VIII.

О ПРАКТИКѢ.

I.

1. Изъ даннаго пункта на линіи поднять перпендікуляръ: какъ отъ пункта или отъ точки A , данной линіи BC .

Фиг: 61

Взявъ два разстоянія равныхъ AB , AC , и отъ нѣхъ пунктовъ B , и C , какъ изъ центровъ начерпи дуги, которые пересѣкутся въ точкѣ D , и будетъ протянутая линія AD , перпендікуляръ линіи BC .

Фиг: 61

2. Отъ данной точки поссторонъ линіи, поставишь перпендікуляръ: какъ отъ точки A , внѣ линіи BC .

Фиг: 62

Изъ данной точки A , начерпи дугу BC , которая пересѣчетъ данную линію въ точкахъ B , C , и изъ нѣхъ точекъ на черти двѣ дуги, которые пересѣкутся въ точкѣ E , тогда отъ данной точки A , къ точкѣ E , протяни линію AD , и будетъ перпендікуляръ данной линіи BC .

3. на концѣ данной линіи протяни перпендікуляръ: какъ отъ линіи AD , перпендікуляръ AE .

Возми

план: 1.
Фіг: 63

Возми точку, постороню данной ліней, какъ С, и изъ нея яко изъ центра начерти кругъ DAE, который пересѣчетъ данную лінію въ точкѣ D, и отъ той точки протяни лінію DCE, яко діаметръ; и когда протянешь лінію EA, будетъ перпендикуляръ ліней AD, уголъ А прямой, по шому что занялъ половину круга, по сей проблемѣ 2 арістикула.

Фіг: 63

4. Изъ данной точки Е, протяни перпендикуляръ концу данной ліней АВ.

Отъ точки Е, протяни лінію ED, которая пересѣчетъ вкось данную лінію AD, въ точкѣ D, и разстояніемъ AC, въ половинѣ черты ED взятымъ, начерти кругъ EAD. И отъ точки Е, яко отъ конца діаметра, протяни лінію EA къ точкѣ А. (: гдѣ кругъ пересѣкъ данную лінію :) и будетъ лінія EA, перпендикуляръ ліней DA.

5. Пересѣчь лінію АВ, по поламъ другою лінією CD, перпендикулярно.

Отъ обѣихъ концовъ А, и В, однимъ разстояніемъ циркуля, начерти двѣ дуги чтобъ пересѣклись въ точкахъ С, D, и чрезъ тѣ точки какъ протянешь лінію CD, пересѣчетъ лінію АВ, по поламъ перпендикулярно.

Фіг: 64

2.

чрезъ данную точку А, протяни параллель ліней ВС.

Изъ точки А, яко изъ центра начерти дугу ЕС, которая пересѣчетъ лінію ВС и гдѣ пересѣкла изъ точки С, тѣмъ же разстояніемъ начерти другую дугу АВ, и возми разстояніе отъ В, до точки А, и положи на дугу SE, и покажеть точку D, тогда чрезъ точку А, до D, протяни прямую лінію AD, и будетъ параллель ліней ВС.

Фіг: 65

И когда протянешь лінію AC, ясно видѣтъ безъ доказательства, что углы алтернъ межъ собою равны: понеже мѣра имъ обѣимъ, равные дуги АВ, CD.

Фіг: 66

разстояніе АВ, дано: протяни лініи AC, лінію параллель.

Лінії AC, поставь перпендикуляръ какъ AE, и возми данное разстояніе АВ, и потомъ, къ лінії AE, чрезъ точку В, протяни перпендикуляръ, и будетъ параллель данной лінії AC.

Фіг: 67

Или отъ ліней AA, даннымъ разстояніемъ, АВ, начерти дугу В на одномъ концѣ ліней: по томъ тѣмъ же разстояніемъ АВ, отъ другога конца начерти дугу В, и чрезъ тѣ дуги протяни лінію ВВ, и будетъ параллель данной ліней.

3.

Fig: 68

разбѣки уголъ ABC , по поламъ.
Возми равная разстоянія, на бокахъ AB , AC , отъ угла A , и отъ тѣхъ точекъ B , C , начерти двѣ дуги, которые пересѣкутся въ точкѣ D , и чрезъ точку D , и уголъ A , проложи линію AD , которая раздѣлитъ уголъ по поламъ.

4.

Fig: 69

разбѣчь дугу BC , по поламъ.
Отъ дву краевъ дуги, начерти на обѣ стороны маленькія дуги A , D , и чрезъ тѣ проложи линію AD , и пересѣчетъ дугу BC , по поламъ.

5.

Fig: 70

раздѣлитъ кругъ на 360 градусовъ.
Два діаметра AB , CD когда пересѣклись перпендикулярно, тогда раздѣляютъ кругъ на 4 части.

Когда половину діаметра GB , положишь на окруженіе круга, тогда займетъ дугу BE , 60 градусовъ, а дуга EC , останется 30 градусовъ, и когда раздѣлишь по поламъ, будутъ по 15 градусовъ, когдаже раздѣлишь всякую часть на трое, тогда всякая часть дѣленія, будетъ по 5 градусовъ: и такимъ образомъ раздѣлишь и на мнѣшны, и другіе четверти круга по тому же.

6.

Fig: 71

на одной линіи AC , начертить уголъ, на примѣръ 30 ти градусовъ.
Изъ точки A , начерти дугу DC , и тѣмъ же разстояніемъ циркуля, возми на дугѣ отъ точки C , и пересѣки въ точкѣ D , тогда будетъ дуга CD 60 градусовъ, которые раздѣлены по поламъ, покажутъ половину, сирѣчь 30 градусовъ въ точкѣ B , и чрезъ тое точку, проложи линію AB , и будетъ уголъ BAC , 30 градусовъ.

ПРОБЛЕМА. IX.

О площади четвероугольниковъ и треугольниковъ.

I.

ИСТОЛКОВАНІЕ.

Когда единаго треугольника боки и углы равны, другаго треугольника бокамъ и угламъ, тогда оба треугольника равны. а по сей проблемѣ, говорю: могутъ быть два треугольника, или два четвероугольника площадью равны, у которыхъ боки ниже углы, въ равенствѣ не будутъ.

Въ параллелограмы площадью могутъ быть равны, которые между дву параллелей, и одинъ, или равной базъ имѣютъ.

И

Говорю:

Fig: 72

Говорю: два параллелограма $ABCD$, $AEFD$, которые между дву параллелей, и одинъ базѣ имѣютъ площадью равны.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Два треугольника ABE , CDF , равны: того ради что боки у нихъ равны, боки AB , равенъ боку CD , а боки AE , равенъ боку DF , BE равенъ боку CF .

Fig: 72

А когда треугольники ABE , CDF , между собою равны, и треугольникъ CGE , въ обѣихъ треугольникахъ, общій; тогда по тому и остатки, сирѣчь параллелограмы $ABCD$, $AEFD$, между собою будутъ равны площадью, что надлежало доказать.

2.

Всѣ треугольники, площадью могутъ быть равны, которые между дву параллелей, или одну вышину, или одинъ равной базѣ имѣютъ.

Fig: 73

Говорю: треугольникъ ABC , равенъ площадью треугольнику AEC .

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Протяни CD , параллель боку AB , параллель CF , боку AE , и будутъ два параллелограма $ABDC$, $AEFC$, по первому доказательству равны: а треугольникъ ABC , половина своего параллелограма, и треугольникъ AEC , половина своего параллелограма, по тому треугольникъ AEC , равенъ треугольнику ABC , что надлежало доказать.

3.

Всѣ треугольники, которые имѣютъ одинъ базѣ, и одну вышину, или между дву параллелей, равны половинѣ параллелограма.

Говорю: треугольникъ ABD , равенъ половинѣ параллелограма $ACED$, у которыхъ одинъ базѣ, и одна вышина.

Fig: 74

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Протяни диагональ DC , и будутъ два треугольника ACD , CDE равны. Того ради что диагональ раздѣлилъ параллелограмъ по поламъ, а треугольникъ ACD , по второму доказательству, равенъ треугольнику ABD , у которыхъ одинъ базѣ, и одна

и одна вышина: по тому треугольник ABD , равен половине параллелограмма, что надлежало доказать.

4.

Всѣ параллелограммы, которые имѣютъ половину база треугольника, и равну вышину, или половину вышины и равной базѣ, равны будутъ площади ихъ треугольниковъ.

Говорю: параллелограмъ $ABCD$, равенъ треугольнику AEG , имѣя половину база, того треугольника: а параллелограмъ $FHIS$, равенъ треугольнику INS , имѣя половину вышины того треугольника, и одну базѣ.

фиг: 75

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда треугольникъ AEG , имѣя одну базѣ и вышину съ параллелограмомъ $ABCD$, равенъ половине того параллелограмма (: по 3. показанію:) по тому и параллелограмъ $ABCD$, равенъ треугольнику AEG , что надлежало доказать: равнообразно же докажешь, что и треугольникъ INS , равенъ параллелограму $FHIS$.

ПРОБЛЕМА. X.

О пропорціональности количествъ.
ИСТОЛКОВАНІЕ.

I.

Пропорціональность количествъ или какихъ вещей, примѣняя одну къ другой: какимъ образомъ одна вещь съ другою, или одна вещь чѣмъ превзошла другую, или сколько такихъ вещей сама въ себѣ имѣетъ, или содержитъ; такъ какъ 6. къ 3. двойнымъ числомъ, того ради, что 6. въ двое трехъ, а когда 3. къ 6. то половиннымъ числомъ. Того ради, что 3. къ 6. половина: равнымъ же образомъ пропорціональное содержаніе въ шрсе, и четверо, и прочая.

Примѣненіе въ пропорціональности всякихъ вещей, и всякихъ количествъ или чиселъ и корпусовъ, не токмо что для одной надобности мореплавателямъ, но и во всякихъ математическихъ наукахъ нужно есть.

Два содержанія равныя, разумѣется та: какимъ равнымъ числомъ или мѣрою. двѣ первые вещи содержатъ, вторыя двѣ, сирѣчь въ одной пропорціональности, равныя два содержанія, такимъ образомъ: какъ одна вещь, другую содержитъ, такую жѣ пропорцію, и иные двѣ вещи подобныя:

Подобные: одна другую содержитъ такъ, какъ 6. къ 3. такъ равно и 10. къ 5. ибо какъ въ одной, такъ и въ другой, первые содержатъ вторыхъ въ двое.

Суть два не равная содержанія, яко 6. къ 3. мѣ а 8. къ 2. мѣ понеже 8 въ четверо двухъ содержитъ, а 6 толко въ двое трехъ, что спало бытъ не равное содержаніе.

Равное двухъ содержаніе называется пропорціа такъ, какъ два содержанія 6. къ 3. мѣ, такъ 10. къ 5. ти; или какъ, 15. къ 5. такъ равно 12. къ 4. и прочее: и для сокращенія сная пропорціа назначается сущевымъ образомъ; 15. 5. :: 12. 4. между первыхъ и вторыхъ по одной точкѣ: а между второй и третей :: четыре точки для показанія, что равной пропорціи, какъ 15. къ 5. такъ и 12. къ 4. мѣ. въ сей пропорціи первая и четвертая літера, называются: крайніе: а другіе двѣ, вторая, и третія называются: средіе. сие же первая, и третія называются первыми: а вторая, и четвертая вторыми. Того ради какъ первая содержитъ вторую, такъ и третія содержитъ четвертую.

Когда три вещи содержатся въ одной пропорціи, какъ 2. къ 4. мѣ и 8, то называется пропорціа контеио: и назначается тако: 2. 4. 8. разумѣется какъ 2. къ 4. такъ равно 4. къ 8. среднее слово содержитъ два мѣста, или примѣняется къ двумъ, по тому и называется средняя пропорціональность.

А когда въ пропорціи будетъ болше трехъ словъ, то называется прогрессіо: и ссть прогрессіа геометрическая, и прогрессіа арифметическая, и назначается прогрессіонъ, или пропорціа геометрическая, тако $\div 2. 4. 8. 16. 32. 64.$ и проч: прогрессіа арифметическая, тако $\div 1. 2. 3. 4. 5. 6. 7.$ или $\div 3. 5. 7. 9. 11. 13.$ и проч: чтобъ между всякимъ числомъ равная пропорціа или разность была.

о пропорціи числъ.

Удву, или умногихъ содержаній равныхъ, сумма первыхъ, равна пропорцію, съ суммою вторыхъ, такъ какъ первые къ вторымъ.

1. Пропорціа 18. 6. :: 9. 3. и по сей пропорціи, первые въ трое вторыхъ, сирѣчь, 18. въ трое 6. а 9. въ трое 3. хъ такимъ же содержаніемъ, и сумма первыхъ въ трое будетъ вторыхъ.

18 . 6

9 . 3

2 . 7 . 9 :: 18 6 :: 9. 3.

2. равножъ хотя и вычтешъ первымъ изъ первыхъ, а вторыми изъ вторыхъ, одинаковажъ пропорція будетъ.

$$\begin{array}{r} 18 \cdot 6 \\ 9 \cdot 3 \\ \hline 9 \cdot 3 :: 18 \cdot 6 :: 9 \cdot 3 \end{array}$$

3. А когда умножишъ однимъ, то такуюже пропорцію будутъ, какъ были, по тому что одинъ умножилъ.

$$\begin{array}{r} 18 \cdot 6 \qquad 9 \cdot 3 \\ 3 \cdot 3 \qquad 3 \cdot 3 \\ \hline 54 \cdot 18 :: 18 \cdot 6 :: 27 \cdot 9 :: 9 \cdot 3 \end{array}$$

4. равножъ хотя чрезъ одно и раздѣлишъ, одинаковажъ пропорція будетъ.

$$\begin{array}{r} 18 \cdot 6 \qquad 9 \cdot 3 \\ 3 \cdot 3 \qquad 3 \cdot 3 \\ \hline 6 \cdot 2 :: 18 \cdot 6 :: 3 \cdot 1 \end{array}$$

2.

Когда число, или вещи, пропорціональны; перемѣняючи одинъ къ другому одинаковажъ будетъ, которая называется перемѣняющая.

1. Когда пропорція 16. 4. :: 12. 3. равножъ будетъ, хотя перемѣнишь первые со вторыми 4. 16. :: 3. 12. что безъ всякаго доказательства натурално видимо есть.

2. Или, когда первые въ мѣстѣ, и вторые въ мѣстѣ снесешъ, по тому и называется снесенная: и тако равно пропорціонално будетъ 16. 12. :: 4. 3. понеже среднѣ оба въ срединѣ, токмо мѣста свои перемѣнили.

3. Когда въ пропорціи къ первымъ приложишъ вторые, что называется прилагаемая; но и тогда содержаніемъ пропорціонално будетъ, понеже по равному содержанію прибавишя пропорція. 16. 4. :: 12. 3

$$\begin{array}{r} 4 \cdot \cdot \quad 3 \cdot \cdot \\ \hline 20 \cdot 4 :: 15 \cdot 3 \end{array}$$

По пропорціи первые, вторыхъ содержали въ четверо, а когда приложилися къ первымъ по одному содержанію, тогда по второму уже первые вторыхъ въ пятеро содержатъ.

4. А когда въ пропорціи первыхъ отнять повторымъ, или изъ первыхъ вычтешъ вторыми, что называется вычитенная, но и тогда содержаніемъ остатки пропорціональны будутъ, понеже по равному содержанію убудетъ.

Ж

Пропорція

$$\begin{array}{rcl} \text{Пропорція} & 16 & 4 :: 12. 3. \\ & 4. & 3. \end{array}$$

$$12. 4 :: 9. 3.$$

По пропорціи, первые вторыхъ содержали въ четверо, а по вычитаніи уже первые вторыхъ содержатъ въ трое.

5. Еще и иначе можно перемѣнять, разность первыхъ со вторыми, къ первымъ пропорціонально будеть.

$$\begin{array}{rcl} \text{Пропорція} & 16 . 4 . :: 12 . 3 . \\ & 4 . & 3 . \\ \hline & 12 . 16 :: 9 . 12 . \end{array}$$

Какъ 12 три четверти 16 ти, такъ 9 три четверти 12 ти.

6. Еще можно перемѣнить сумму, или разность, дву первыхъ къ одному первому, и сумму, или разность обѣихъ второму, и тако будутъ пропорціональны.

$$\text{Пропорція } 16 . 4 :: 12 . 3$$

$$\begin{array}{l} \text{сумма дву первыхъ къ одному} \\ \text{первому, а сумма вторыхъ къ} \\ \text{одному второму.} \end{array} \left\{ \begin{array}{l} 28 . 12 :: 7 . 4 \\ 28 . 16 :: 7 . 3 \end{array} \right.$$

или другимъ образомъ

$$\begin{array}{l} \text{разность между дву первыхъ} \\ \text{къ первому; а разность между} \\ \text{дву вторыхъ ко второму.} \end{array} \left\{ \begin{array}{l} 4 . 12 :: 1 . 3 \\ 4 . 16 :: 1 . 4 \end{array} \right.$$

Изъ всѣхъ оныхъ превращеней, довольно 4 хъ генеральныхъ перемѣнъ, какъ здесь ниже.

$$\begin{array}{rcl} \text{Пропорція} & - & - & - & 16 . 4 :: 12 . 3 \\ \text{перемѣняющая} & - & - & - & 4 . 16 :: 3 . 12 \\ \text{Снесенная} & - & - & - & 16 . 12 :: 4 . 3 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \text{Прилагаемая} \\ \text{Вычтенная} \end{array} \left\{ \begin{array}{l} 16+4.4 :: 12+3.3 \\ 20.4 :: 15.3 \\ 16-4.4 :: 12-3.3 \\ 12.4 :: 9.3 \end{array} \right.$$

1. Во всѣхъ пропорціяхъ умноженная сумма дву крайнихъ чиселъ, равна умноженной суммѣ дву среднихъ чиселъ
Про-

$$\begin{array}{rcll} \text{Пропорція} & - & - & 12. \quad 4. \quad :: \quad 9. \quad \left\{ \begin{array}{l} 3. \\ 4. \end{array} \right. \\ & & & \hline & & & 36. \end{array}$$

$$\begin{array}{rcll} \text{Иная пропорція} & - & - & 15. \quad 10. \quad :: \quad 9. \quad \left\{ \begin{array}{l} 6. \\ 10. \end{array} \right. \\ & & & \hline & & & 90. \end{array}$$

Сія пропорція подобна тройному правилу, когда знаешь три вещи, или какое число, тогда ищешь четвертое число; въ ту же пропорцію. НА примѣрѣ: 24 мѣ чловѣкамъ роздалъ денегъ шесть рублей, а такою же пропорцією раздавалъ, сирѣчь, по-толикомужь числу 8 чловѣкамъ: сколько надлежитъ; тогда умножишь второе число третьимъ, а раздѣлишь чрезъ первое, и дашь четвертое, 2. такою же пропорцією понеже 6. четвертая часть 24 хѣ. а 2. сысканныхъ четвертая часть осми.

$$\begin{array}{rcll} \text{Тройное правило} & 24. & \text{дали} & 6. \text{ что дадутъ} & 8. \\ \text{или} & 24. & , & 6. :: & \left\{ \begin{array}{l} 8. \\ 6. \end{array} \right. \\ & & & & \hline & & & & 48. \end{array}$$

А когда умножишь второе число третьимъ, а первое четвертымъ, то и будетъ сумма происходящая равна: 48.

Ито тройное правило не иное что, но токмо какъ самая пропорція.

2. Равнымъ же образомъ и въ пропорціи контеню, умноженная сумма дву крайнихъ чиселъ, равна каре или квадрату средней пропорціи само собою умноженной.

$$\begin{array}{rcll} \text{Пропорція контеню} & \equiv & 2. & \dots 4. & \dots 8 \\ & & & \hline & & & 16 \\ & & & \hline & & & 16 \end{array}$$

3. Равнымъ же образомъ и прогрессія геометрическая, умноженная сумма крайнихъ равна средней, какъ и въ пропорціи, токмо числа равнымъ разстояніемъ, отъ краевъ брать.

$$\begin{array}{rcll} \equiv & 2. & 4. & 8. & 16. & 32. & 64. & \text{и прочее} \\ & & & 128. & & & & \\ & & & 128. & & & & \\ & & & 128. & & & & \\ & & & \hline & & & \end{array}$$

4. А въ прогрессіи Аріѣметической сложенная сумма крайнихъ чиселъ, равна будетъ средней суммѣ равныхъ чиселъ разстояніемъ отъ краевъ.

÷ 1 . 2 . 3 . 4 . 5 . 6 . 7 . 8 и прочая.

9.

9.

9.

9.

4.

Когда два пропорціональныхъ содержанія, такимъ образомъ, что одного содержанія двѣ вещи, сирѣчь, первое и второе число одного содержанія будутъ по краямъ, а другога содержанія двѣ вещи, сирѣчь первое и второе одного содержанія будутъ въ срединѣ, называется она пропорція ресіпрокъ.

5.

1. Когда многія содержанія не равны, на примѣръ: двойное, тройное, пятерное и прочее, и какъ первые умножишь одно другимъ, а по томъ вторые, и будетъ сумма произшедшая первыхъ пропиво вторыхъ, какова сумма ихъ содержаней сичевымъ образомъ. 4.2 и 3.1, и 12.3

умножишь одно
другимъ.

4.2	содержаніе двойное,	-	2
3.1	тройное	- - - -	3
12.3	четверное	- - - -	4
144	6	- - - -	24

И будетъ умноженная сумма первыхъ ко вторымъ, такъ умноженная сумма ихъ содержаней ко одному сиче, 144 . 6 :: 24 . 1.

Того ради, когда умножилъ двойную чрезъ тройную, и отъ того произойдетъ одна сумма другую въ шестеро: а по томъ когда умножилъ четвернымъ, и будетъ одна другую содержать въ 24 раза, таковымъ же образомъ и прочіе будутъ.

Таковымъ же образомъ будетъ, хотя и равныя многіе содержанія одно другимъ умножишь, какъ произшедшая сумма первыхъ, къ произшедшей суммѣ вторыхъ, такъ произшедшая сумма содержанія ихъ къ одному, сичевымъ образомъ: 4.2 :: 2.1 :: 6.3 и прочее.

умножи одно съ другимъ	4.2 - - 2	содержаніе двойное
	2.1 - - 2	умножишь одно
	6.3 - - 2	съ другимъ
	486 :: 8	

II.

II. о пропорціи линей.

1.

1. Во всякомъ треугольникѣ, когда протянешь линию параллельно одному боку, какъ въ треугольникѣ ABC, линия DE, параллель боку BC, которая пересѣчетъ другія боки AB, AC, пропорціонально: тогда будутъ какъ, AD. BD::AE. EC.

Плз: 1.

Фиг: 76

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда протянешь линии BE, CD, и будутъ два треугольника BED, CDE равны: по тому что бокъ DE, общей во обоихъ треугольникахъ, и одна имъ вышина: ибо оба между однихъ параллелей BC, DE, и оныя два равные треугольника, въ равной пропорціональности съ треугольникомъ DAE, сиевымъ образомъ треугольникъ BED, съ треугольникомъ DEA, какъ BD, съ DA. Того ради что у нихъ одна вышина DE и на одной они линии AB, а треугольникъ CDE, съ треугольникомъ ADE, какъ CE, съ AE. такою же пропорціею равны и между собою они какъ BD. CE::DA. EA; что надлежало доказать.

Хотя и будешь перемѣнять пропорцію (: какъ выше показано :) будетъ равно превращительно, AD. BD::AE. EC. снотеніемъ BD. CE::DA. EA. приложеніемъ BA. DA::CA. EA. или AB. DB::AC. EC.

2. Превратишь сию пропорцію, когда линия DE, пересѣкла боки треугольника пропорціонально; то и базъ BC, будетъ съ ними пропорціоналенъ.

Говорю: въ треугольникѣ ABC, базъ, сирѣчь основаніе BC, къ параллели ево DE, какъ бокъ CA, къ ево части EA.

Фиг: 77

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда протянешь линию EF, параллель боку AB, и та линия EF, пересѣчетъ боки CA, CB пропорціонально, по первому доказательству, сиевымъ образомъ: какъ CA. EA::CB. ED. можно положить DE, въ мѣсто BF, по тому что онѣ равны: и будетъ, BC. DE::AC. AE.

И переменяючи, таковою же пропорціею будетъ, DE. BC::AE. AC. или BC. AC::DE. AE.

2.

Когда въ треугольникѣ ABC, пересѣчешь уголъ B, по поламъ линіею BD; говорю: оная линия пересѣчетъ противолѣжащей бокъ AC, на двѣ части пропорціональныя зъ другими двумя боками, сиевымъ образомъ: какъ AD. DC::AB. CB.

Фиг: 78

S

ДОКАЗА-

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

план: 1.

Фиг: 78

Отъ точки D, протяни лінію DE, параллель боку BC, и будетъ треугольникъ BDE, ізоселъ: уголъ BDE, равенъ углу DBC, (: по 4 проблемѣ:) а уголъ CBD, равенъ углу ABD, какъ выше сказано: по тому и бокъ BE, равенъ боку DE, и когда DE, параллель боку BC, то какъ выше сказано, AD. DC. :: AE. EB. и въ мѣсто EB, положишь ED, по тому что онѣ равны: и будетъ, AD. DC. :: AE. ED. или AE. ED. :: AB. BC. и по тому, AD. DC. :: AB. BC. что надлежало доказать.

3.

Когда два, или три треугольника, одинъ другому сходны, то боки ихъ пропорціональны.

Фиг: 79

Говорю: два треугольника ABC, DBE, одинъ зъ другимъ сходны, всякой уголъ одново треугольника, равенъ подобному себѣ углу, въ другомъ треугольникѣ: а боки ихъ одново треугольника, подобные бокамъ въ другомъ треугольникѣ пропорціональны, яко AB. DB. :: BC. BE. :: AC. DE.

Положи треугольникъ DBE, на треугольникахъ ABC, и докажешь по первому доказательству II. Регулы.

III.

О ПРОПОРЦИОНАЛЬНОСТИ,
Въ кругахъ и около круговъ, ліней,

1.

Въ разныхъ кругахъ хорда, въ равныхъ разстояніяхъ градусами, пропорціональна діаметрамъ своимъ.

Фиг: 80

Говорю: отъ діаметра AF, хорда AB, до 50 градусовъ, точки B, одново круга, пропорціональна съ хордою CD, протянушою отъ діаметра CG, до 50 градусовъ точки D, другога круга.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Протяни лініи BF, DG, и будутъ треугольники ABF, CDG, схожи по тому, что углы F, G равны: а углы B, D, прямые, по 7 проблемѣ. по тому и третїи углы A, C. будутъ равны: и тако, AB. CD. :: AF. CG. что надлежало доказать.

2.

Когда двѣ хорды въ одномъ кругѣ пересѣкутся, тогда тѣ части ихъ между собою, будутъ пропорціональны респектъ, сирѣчь части одной хорды, будутъ на краяхъ: а другой въ срединѣ въ пропорціи.

Говорю

Говорю: когда двѣ хорды АВ, DC, въ одномъ кругѣ пересѣклись въ точкѣ Е, части ихъ будутъ пропорціональны респектъ: какъ АЕ. ЕС. :: ED. EB.

Fig: 81

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Протяни линіи AD, BC, и будутъ два треугольника AED, CBE, схожи по тому: что углы равны одново треугольника, подобнымъ угламъ въ другомъ треугольникѣ, а именно: уголъ Е, противный, а уголъ А, углу С, по тому что на одной дугѣ BD, такожъ и углы В, D, на одной дугѣ AC, и тако примѣняя боки треугольниковъ противо лежащихъ, равныхъ угловъ, АЕ. ЕС. :: ED. EB. что надлежало доказать.

3.

Когда діаметръ пересѣчетъ хорду по поламъ перпендикулярно, то половина хорды, будетъ средняя пропорціональность, между дву частей діаметра.

Fig: 82

Говорю: по первому Артікулу, АЕ. ЕС. :: ED. EB. (: а ED. равна ЕС, по 6 проблемѣ:) то и будетъ АЕ. ЕС. :: ЕС. EB. или :: АЕ. ЕС. EB. что надлежало доказать.

Fig: 82

4.

Прощедше двѣ линіи СА, СЕ, въ цѣркулѣ изъ внѣ отъ точки С, съ частями своими вънутри и внѣ цѣркуля, между собою пропорціонально респектъ, говорю: какъ СА. СЕ. :: CD. СВ.

Fig: 83

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Протяни двѣ линіи AD, EB, и будутъ два треугольника CAD, CEB, схожи: понеже углы въ нихъ равны: уголъ С, общей, углы А, Е, равны по 7 проблемѣ, что на одной дугѣ BD, по тому и третіи углы В, D, между собою равны: и примѣняя боки противоположащія равнымъ угламъ будутъ пропорціональны, СА. СЕ. :: CD. СВ. и будетъ линія СА, на краю въ пропорціи, а часть еѣ СВ внѣ круга, на другомъ: а линія СЕ, съ частію своею CD, въ срединѣ: а когда будетъ линія СЕ, съ своею частію по краямъ, тогда линія СА, съ частію своею въ срединѣ: что надлежало доказать,

5.

Цѣркуля тангенсѣ СВ, будетъ средняя пропорція, между всея линіи СЕ, прощедшей въ кругъ отъ края тангенса внѣ круга, точки С, и части еѣ CD внѣ круга, сирѣчь какъ :: СЕ. СВ. CD.

Fig: 84

ДОКАЗА:

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда протянешь двѣ лініи BE , BD , и будутъ два треугольника EBC , BDC схожи: понеже углы въ нихъ равны: уголъ C , общей, а уголъ ($\therefore$ малова сегмана:) CBD , равенъ углу E , по тому что обоемъ одна мѣра, половина дуги BD , по 7 проблемѣ, по тому и прешіи ихъ углы CBE , CDB равны, а боки ихъ противолежащіе равнымъ угламъ будутъ пропорціональны, CE , CB : CB , CD . или $\therefore CE$, CD . что надлежало доказать.

6.

Во всѣхъ разныхъ кругахъ полудіаметры, сінусы, сінусы верзусы, тангенсы и секансы равнова числа градусовъ, между собою пропорціональны будутъ.

7.

Всякой радіусъ будетъ пропорціональность, между тангенса ево, и тангенса ево complemента.

Fig: 20

Говорю: радіусъ AD , или AC , будетъ средняя пропорціональность между тангенса DI , дуги DF , и тангенса CH , complemента ево дуги CF , сирѣчь, какъ тангенсъ DI , къ радіусу AD , такъ радіусъ AC , къ тангенсу complemента CH .

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Въ двухъ треугольникахъ прямоугольных ADI , ACH , углы алтернъ AID , CAI , равны, по 4 проблемѣ: понеже они между дву параллелей AC , DI , по тойже проблемѣ, другіе углы алтернъ HAD , AHC , и по прямому углу, по тому и будутъ боки пропорціональны по сей проблемѣ. (2) послѣдованія, какъ DI . AD :: AC . CH . что надлежало доказать.

8.

Тангенсъ двухъ дугъ ресіпрокъ, пропорціоналенъ сътангенсомъ своего complemента.

Fig: 85

Говорю: тангенсъ BI дуги BC , къ тангенсу BG дуги BD , такъ ресіпрокъ тангенсъ EI , complemента ево дуги BD , къ тангенсу EF , complemента первой дуги BC .

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда радіусъ AB , средняя пропорціональность между тангенса BI , и тангенса ево complemента EI , равнобразножъ и между тангенса BG , и тангенса ево complemента EF , по 7 му показанію сея проблемы.

9.

9.

Радиусъ будетъ средняя пропорціональность, между секанса всякой дуги, и сінуса комплементу той дуги.

Говорю: радиусъ АВ, или АД, средняя пропорціональность между секанса АС, дуги ВД, и сінуса АК, комплементу той дуги.

Фиг: 85

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда два треугольника АКД, АВГ, схожи, понеже углы имѣютъ равны, прямые углы К, В, уголъ А, общей, а боки ихъ пропорціональны по сей проблемѣ (2.) послѣдованія: какъ секансъ АС, къ радиусу АД, такъ радиусъ АВ, къ сінусу комплементу АК, что подлежало доказать.

10.

Секансы двухъ дугъ реципрокъ, пропорціональны съ сінусами комплементами тѣхъ дугъ.

Говорю: какъ секансъ АС, дуги ЕС, къ секансу АС, дуги ВД, такъ реципрокъ сінусъ АК, комплементу той же дуги ВД, къ сінусу АЛ, комплементу первыя дуги ВС.

Фиг: 85

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда радиусъ АВ, средняя пропорціональность между секанса АС, и сінуса комплементу АК, тогда равно же ипотъ радиусъ средняя пропорціональность, между секанса АС, и сінуса комплементу АЛ, (: по 10 му показанію:) по тому и секансъ АС, къ секансу АС, такъ сінусъ комплементу АК, къ сінусу комплементу АЛ, что надлежало доказать.

Всякой дуги или угла сінусъ, будетъ между половины радиуса, (: сирѣчь, четве верзуса удвоенныя дуги.

Говорю: сінусъ ДЕ, или ВН, дуги Г

ПРОБЛЕМА, XI.

о пропорціональности треугольниковъ.

1.

План: 1.
Фиг: 87

Въ треугольникѣ прямоугольномъ ABC , изъ прямова угла B , прошедшей перпендикуляръ BD , ко основанію AC , завлаетъ три треуголика схожихъ: общей ABC , и два BDC , BDA , части сво.

1. Общей треугольникъ ABC , схожъ частями своими треуголику BDC , по тому что уголъ C , общей: а уголъ ABC , равенъ углу D , и оба прямые: по тому и третіи углы A , CBD равны.

2. Общей треугольникъ ABC , схожъ, части своея треуголику BAD , въ обоихъ треугольникахъ уголъ A , общей: а углы B , D , прямые: по тому и третіи углы, C , ABD равны.

3. Два малые треуголика BDA , BDC , схожи: въ обоихъ углы D , прямые: а уголъ C , равенъ углу ABD , а уголъ A , равенъ углу CBD , по первымъ двумъ показаніямъ.

А для лучшаго признанія, которой уголъ которому равенъ во оныхъ треугольникахъ, равные признаки положены, однѣ равные черны, а другіе оставлены бѣлы: по тому и значить, что черный уголъ черному, а бѣлый бѣлому, равны.

2.

Въ треугольникѣ прямоугольномъ ABC , прошедшей изъ прямова угла B , перпендикуляръ BD , завлаетъ три среднія пропорціональности.

Фиг: 87

1. Перпендикуляръ BD , средняя пропорціональность между двухъ частей основанія, говорю, $\therefore AD \cdot DB \cdot DC$.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда два треуголика малыхъ BDA , BDC , схожи; тогда будетъ, какъ бокъ AD , противолежащей углу бѣлому, къ боку BD , противолежащему углу бѣлому, такъ тотъ же бокъ BD , противолежащій углу черному, къ боку DC , противолежащему углу черному. и по тому бокъ BD , сирѣчь перпендикуляръ, въ обоихъ треугольникахъ противолежащей не равнымъ угламъ, того ради перпендикуляръ BD , средія пропорціональности $\therefore AD \cdot DB \cdot DC$. что надлежало доказать.

Фиг: 87

2. Малой бокъ BC , болшова треуголика ABC , средія пропорція, или въ средней пропорціональности, межъ всего основанія AC , и малой его части DC , говорю: $AC \cdot BC \cdot DC \therefore$

ДОКАЗА:

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда треугольник ABC , схожъ малому треуголнику BCS , тогда будетъ, какъ боку AC , противолежащей прямому углу B , къ боку BC , противолежащему прямому углу D , такъ боку BC , противолежащей черному углу A , къ боку DC , противолежащему черному углу BSC , и тако будетъ $AC : BC :: BC : DC$, или $\div AC \cdot BC \cdot DC$, что надлежало доказать.

3. Большой боку AB , большая треугольника ABC , средняя пропорція между всею основанія AC , и меньшей части сво, DC , говорю: $\div AC \cdot BA \cdot DC$, что надлежало доказать.

Фиг: 87

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда треугольникъ ABC , схожъ треуголнику ABD , тогда будетъ, какъ боку AC , противолежащей прямому углу B , къ боку AB , лежащему противъ прямого угла D , такъ боку AB , противолежащей бѣлому углу C , къ боку AD , лежащему противъ бѣлова угла DBA , и тако будетъ, $AC : AB :: AB : AD$, или $\div AC \cdot AB \cdot AD$, что надлежало доказать.

Фиг: 87

3.

Во всякомъ треугольникѣ прямоугольномъ, квадратъ гипотенусы, равенъ квадратамъ двухъ боковъ.

Говорю: въ треугольникѣ прямоугольномъ ABC , квадратъ гипотенуса AC , равенъ суммамъ квадратамъ двухъ боковъ AB , BC .

Фиг: 88

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Протяни изъ прямого угла B линію BDF , перпендикуляръ гипотенусы AC , и протяни линіи BE , BG , и AI , CH .

Будутъ два треугольника BAE , CAH равны, у которыхъ два бока AB , AE , одного треугольника, равны бокамъ AC , AH , другаго треугольника: уголъ содержащийся между равныхъ боковъ одного треугольника BAE , равенъ углу CAH , другаго треугольника: понеже во всякомъ по прямому углу, а уголъ BAC общей.

Равнобрюжъ треугольникъ CEG , равенъ треуголнику ACI , по тому что боку CG , равенъ боку CA , а боку CB , равенъ боку CI , уголъ BCG , равенъ углу ACI , въ которыхъ по прямому углу, а уголъ BCA общей.

Когда треугольникъ CAH , съ параллелограмомъ $ABPH$, одно основаніе AH , и одну вышину имѣютъ, сирѣчь между однихъ параллелей IC , HA , Того ради треугольникъ ACH , по 9 проблемѣ, въ половину параллелограма $ABPH$, такимъ же образомъ,

образомъ познаемъ треугольникъ BAE , въ половину параллелограма $ADFE$, по тому что на одномъ базѣ AE , ACH , ABE , и между однѣхъ параллелей BF , AE , а когда треугольники равны между собою, и въ половину своихъ параллелограмовъ, по тому и ихъ параллелограмы будутъ между собою равны, сирѣчь квадратъ $ABPH$, равенъ параллелограму $ADFE$.

Равномѣрнымъ же образомъ доказать, что квадратъ $CBSI$, равенъ параллелограму $CDFG$, а въ мѣстѣ оба параллелограма $CDFG$, $ADFE$, сирѣчь квадратъ $ACGE$, равенъ обоимъ квадратамъ $ABPH$, $CBSI$, что надлежало доказать.

КРАТКОЕ ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Фиг: 88

Изъ прямова угла B , протяни чрезъ квадратъ перпендикуляръ BDE , Ip ошенусъ AC , и раздѣлишь квадратъ на двѣ части: въ треугольникъ ABC , большой бокъ BC , по вышесказанному въ средней пропорціональности между Ip ошенусы AC , и большой части сво DC , по тому и квадратъ бока BC , равенъ будетъ параллелограму прямоугольному здѣланному изъ база или Ip ошенусы AC , и изъ части DC , а какъ AC , равна CG , такъ квадратъ бока BC , равенъ параллелограму $CDFG$.

Равнымъ же образомъ малова бока AB , квадратъ равенъ параллелограму $ADFE$, того ради что бокъ AB , по вышесказанному въ средней пропорціональности между Ip ошенусы AC , и меньшей части сво AD .

А какъ оба параллелограма $DCGF$, $ADFE$, въ купѣ равны, Ip ошенусы или база AC , квадрату: по тому и оба квадрата двухъ боковъ AB , BC , равны квадрату Ip ошенусы или основанія AC , что надлежало доказать.

4.

У всякаго треугольника тупоугольна, квадратъ бока противолежащаго тупому углу, больше суммы дву квадратовъ другихъ боковъ двумя параллелограмами прямоугольными, сотворенными базомъ, и протянутаю до перпендикуляра линією.

Фиг: 89

Говорю: треугольника тупоугольна ABC , квадратъ бока AB , противолежащаго тупому углу C , больше квадратовъ другихъ дву боковъ AC , BC , двумя параллелограмами сотворенными базомъ AC , и протянутаю линією CD , отъ база до перпендикуляра, когда изъ острова угла какъ B , поставишь перпендикуляръ BD , протянутаю базу, сирѣчь основанію.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Фиг: 89

Отъ острого угла какъ B , протяни перпендикуляръ BD , протянутаю другому боку AC , и будетъ треугольникъ ABD ,

ABD, прямоугольной. и по сей проблемѣ (3) показаніе: бол-
шова бока АВ, или попенусы квадратъ ABEF, равенъ
квадратамъ BDIK, ADPS, другихъ двухъ боковъ AD, BD.

По тому же показанію квадратъ бока ВС, равенъ двумъ
квадратамъ боковъ BD, CD, а квадратъ ACGH, бока AC,
меньше квадрата ADPS, бока AD, квадратомъ GOPL, бока CD,
и двумя параллелограмми DCGL, GHOS, сотворенными
изъ боковъ AC, CD, того ради что боку AC, равны боки CG,
GH, а боку CD, боки GL, GO, равны же.

Когда квадратъ болшова бока АВ, равенъ квадрату
перпендикуляра BD, и протянутаго до перпендикуляра, бока
AD, а квадратъ бока ВС, равенъ перпендикуляра BD, квадрату
BDIK, и квадрату GOPL, протянутыя отъ тупова угла
до перпендикуляра, линии CD, а квадратъ ACGH, бока AC,
меньше квадрата ADPS, протянута бока AD до перпендикуляра
двумя параллелограмми прямоугольными ADLG, HGOS, и
квадратомъ GOPL, по тому квадратъ ABIF, болшова бока АВ,
противолежаща тупому углу С, болше двухъ квадратовъ
ACGH BCNR, другихъ боковъ AC, BC, двумя параллело-
грамми CDLG, HGOS, что надлежало доказать.

§.

У всякаго треуголника, квадратъ противолежаща бока
острому углу, меньше квадратовъ другихъ боковъ, двумя
параллелограмми прямоугольными всего основанія, и части
сво отдѣленной перпендикуляромъ.

Говорю: треуголника ABC, квадратъ бока BC, меньше
суммы дву квадратовъ другихъ дву боковъ AC, AB, двумя
параллелограмми прямоугольными сотворенными базомъ или
основаніемъ AC, и частию сво до перпендикуляра AD, когда
въ немъ протянешь перпендикуляръ BD.

фиг: 90

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Протяни изъ угла В, ко основанію AC, перпендикуляръ BD,
который раздѣлитъ треуголникъ на двѣ части, и будетъ
квадратъ бока АВ, равенъ квадрату бока AD, и квадрату
перпендикуляра BD, по 3 му сея проблемы показанію.

Квадратъ бока AC, содержитъ квадраты боковъ AD,
DC, и два параллелограмма прямоугольных, подъ AD, и DC,
содержимыхъ: а два квадрата вкупѣ боковъ AB, AC, содержатъ
въ себѣ два квадрата AD, квадратъ BD, и квадратъ CD, и
два параллелограмма прямоугольных подъ AD, и CD
содержимыхъ.

И

Квад-

Квадратъ AD , съ параллелограмомъ содержимымъ подъ боками AD, DC , безъ всякаго доказательства видимо естъ, что равенъ будетъ параллелограму прямоугольному, подъ боками AC, AD содержимому, а два квадрата AD , съ двумя параллелограммами прямоугольными подъ AD , и DC , по тому жъ равны двумъ параллелограммамъ прямоугольнымъ, подъ AC , чрезъ AD , содержимымъ.

А квадратъ BC , (: по 3 му показанію:) равенъ квадрату бока DC , и квадрату того же перпендикуляра ED .

Когда отоймешь общіе два квадрата, перпендикуляра ED , бока DC , отъ суммы квадратовъ, дву боковъ AB, AC ; тогда остатокъ превзойдетъ, квадратъ бока BC , двумя параллелограммами прямоугольными бока AC , чрезъ AD , содержимыми: и тако квадратъ малаго бока BC , противоположащей острому углу A , меньше квадратовъ дву боковъ AB, AC , двумя параллелограммами прямоугольными бока AC , чрезъ AD , частью того же бока до перпендикуляра: что надлежало доказать.

Равномѣрножъ докажешь, что квадратъ бока AB , меньше квадратовъ AC, BC , двумя параллелограммами прямоугольными, подъ бокомъ AC , чрезъ CD содержимыми.

6.

фиг: 91

У всякаго треугольника прямоугольнаго, сумма дву треугольниковъ равнобоковыхъ, сотворенныхъ изъ дву боковъ, равна одному треуголнику равнобочному изъ іпопенусы сотворенному.

Говорю: когда треугольника ABC , изъ боковъ AB, BC , сотворишь треугольники равнобочныя, тогда сумма ихъ площадей, равна будетъ одному треуголнику равнобочному, изъ іпопенусы AC сотворенному.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда квадратъ іпопенусы, у котораго боки равны, равенъ суммѣ квадратовъ дву боковъ, по тому и треугольникъ равнобочной іпопенусы AC , равенъ двумъ треуголникамъ равнобочнымъ сотвореннымъ изъ боковъ AB, BC .

ПРОБЛЕМА XII. о практикѣ.

1.

Когда три лінии какъ AB, BC, AD даны, надобно сыскать четвертую лінію, пропорціональную тѣмъ даннымъ.

Положи

Положи данные двѣ первые лінеи АВ, ВС, на одной лінії АС, которые за хватаютъ лінію АВС, а третію лінію АД, положи угломъ съ первою лініею АВ, (:разстояніемъ угла по со изволению:) на лінію АЕ, самымъ концомъ А, въ точку А, отъ которой началась первая лінія, а по томъ отъ конца В, первой, и второй лінії С, протяни лінію ВД, къ концу Д третіея лінії, и по томъ отъ конца С вторыя лінії, протяни лінію СЕ, параллель ВД, и покажетъ искомую четвертую лінію ДЕ, въ пропорціональность шѣхъ.

Фиг: 92

Д О К А З А Н І Е.

Когда въ треугольникѣ САЕ, лінея ВД, паралель базу СЕ, то по проблемѣ. 2. послѣдованію, лінія ДЕ, будетъ съ данными тремя въ пропорцію какъ АВ. ВС. :: АД. ДЕ. что надлежало доказать.

2.

Когда двѣ лінії даны, какъ АВ, ЕС, сыскать третію пропорціональную.

Фиг: 93

Сія пропорція не разнится съ первою, токмо вторую дважды у помянешъ, какъ АВ. ВС. :: ВС. ДС.

3.

Сыскать среднюю пропорціональность, между дву данными лінеи, какъ АВ, ВЕ,

Фиг: 94

Положи обѣ данные лінії на одну черту АЕ, и возми ту составленную изъ двухъ лінію, за діаметръ круга, и начерши полукружіе, и отъ точки В, гдѣ двѣ лінії совокупились, поставь перпендікуляръ ВД, до окруженія полукружія: и будетъ оной перпендікуляръ ВД, средняя пропорціанность между дву ліней.

по (ii.) проблемѣ (3.) послѣдованію (3.) показанію когда діаметръ пересѣчетъ хорду по поламъ перпендікулярно, иша половина хорды средняя пропорціональность, между двухъ частей діаметра.

4.

Здѣлать квадратъ равенъ площадью параллелограму прямоугольному АВЕФ.

Фиг: 94

По 3 му показанію, сыскать среднюю пропорціональность ВД, между боковъ АВ, ВЕ, и будетъ квадратъ перпендікуляра ВД, равенъ параллелограму прямоугольному АВЕФ.

Здѣлать

5.

Fig: 95

Здѣлать квадратъ, равенъ треугольнику данному, какъ ABC;

Возьми среднюю пропорціональность, между половиною база AC, и того треугольника вышиною BD: или между база, и половиною вышины. квадратъ здѣланной изъ средня пропорціональности, равенъ будетъ треугольнику данному.

6.

Сыскать среднюю пропорціональность въ числѣ, между двухъ данныхъ числѣ, на примѣрѣ между 4. и 16.

умножь одно съ другимъ, и будетъ 64. и раздѣли квадратнымъ дѣленіемъ и дастъ 8, среднюю пропорціональность, чего искалъ; и будетъ $\pm 4.8.16$.

Когда сумма даннаго числа, произойдетъ квадратно, то числомъ сыщется и средняя пропорціональность, какъ показано: а ежели сумма дву данныхъ числѣ произойдетъ не квадратно, тогда прямо въ вѣрность средня пропорціональности не сыщется, не такъ какъ лѣніями, на примѣрѣ между дву числѣ 2. и 9. у которыхъ произойдетъ сумма 18 не квадратна; и для того въ вѣрность средня пропорціональности числомъ, всякія суммы привести не возможно.

7.

Здѣлать квадратъ, равенъ суммѣ трехъ квадратовъ данныхъ, какъ AB. AC. AD;

Fig: 96

Протяни боку AD, перпендикуляръ DE, равенъ боку AC, и протяни лѣнію AE, и будетъ треугольникъ прямоугольной ADE, квадратъ іпопенусы AE, равенъ квадрату AD, и квадрату DE (или AC, по II, проблемѣ 3, показанія:) а когда къ іпопенусѣ AE, протянешь перпендикуляръ AF, равный боку AB, и совокупишь лѣнію EF, тогда будетъ треугольникъ прямоугольной AEF, а іпопенусы EF квадратъ, равенъ квадрату бока AF, или AB и квадрату AE, или квадратамъ AC AD, и тако квадратъ іпопенусы EF, равенъ тремъ даннымъ квадратамъ AB, AC, AD.

8.

Здѣлать треугольникъ равнобочной, равенъ двумъ треугольникамъ равнобочнымъ, какъ AB. AC.

Fig: 97

Протяни боку AC, перпендикуляръ CD, равный боку AB, и совокупи прямою лѣнію AD, будетъ треугольникъ равнобочной ADE, равенъ даннымъ двумъ треугольникамъ AB, AC. по (II) проблемѣ 6, показанія.

ПОЛНОЕ

къ боку AC, того ради, что какъ въ одномъ треугольникѣ ADC, сінусъ угла A, къ боку CD, такъ и въ другомъ треугольникѣ BCD, сінусъ угла B, къ тому же боку CD, а сінусъ *топаль* угла D, въ одномъ треугольникѣ къ боку AC, тотъ же сінусъ, *Топаль* и въ другомъ треугольникѣ къ боку BC, по тому пропорціональны, какъ уголъ A, съ угломъ B, такъ и боки имъ противолежащія, BC, съ AC. а перемѣня равножъ будетъ, какъ сінусъ угла A, къ противолежащему боку BC, такъ и сінусъ угла B, къ противолежащему боку AC, что надлежало доказать.

фиг: 99

* цѣлый *

* цѣлый *

С Х О Л І О Н Ъ.

Равнымъ же образомъ докажешь, какъ сінусъ угла A, къ противолежащему боку BC, или сінусъ угла B къ противолежащему боку AC, такъ сінусъ угла C, будетъ пропорціоналенъ противолежащему ево боку AB. для того доказательства, изъ угла A, или B, протянуть перпендикуляръ противолежащему боку.

К О Р О Л Л Е Р Ъ.

По сей теоремѣ, когда уголъ и два бока знаешь, третьей боку и углы сыщешь; или когда два угла, и боку знаешь, третьей уголъ, и боки сыщешь.

Т Е О Р Е М А V.

два треугольника, могутъ быть неравные, у которыхъ два бока равныхъ всякой своему, и уголъ противолежащей равномужъ боку.

Отъ конца A, лінеи AB, начерти дугу CDE, и отъ другога конца B, протяни лінію прямую BE, которая пересѣчетъ ту дугу въ двѣ точкихъ, D, E: по томъ изъ центра A, протяни двѣ лінеи AD, AE, и будетъ въ двѣ треугольникахъ ADB, AED, боку AD, равенъ боку AE, а боку AB, общей, во обѣихъ оныхъ и уголъ B, общей: которой противоравныхъ боковъ AD, AE, а треугольники между собою не равны, что надлежало доказать.

фиг: 100

Т Е О Р Е М А VI.

Во всякомъ треугольникѣ не равнобочномъ, какъ сумма двухъ неравныхъ боковъ, къ ихъ разности: такъ тангенсъ половина суммы противолежащихъ угловъ, къ тангенсу половины разности между тѣхъ угловъ.

Въ треугольникѣ ABC, двухъ боковъ AB, BC, какъ сумма къ ихъ разности, такъ тангенсъ половина суммы угловъ A, C, къ тангенсу половины разности между тѣхъ же угловъ A, C.

фиг: 101

К

ДЛЯ

план: 1.
Фиг: 101

ДЛЯ ДОКАЗАТЕЛЬСТВА ПРИУГОТОВЛЕНІЕ.

Изъ даннаго угла B , яко изъ центра, разстояніемъ циркуля, взявъ за полудіаметръ малой бокъ BC , начерти кругъ пресѣкающій бокъ AB , въ точкѣ F , и протяни бокъ AB , до окруженія циркуля къ точкѣ D , и будетъ бокъ BC , равенъ BD , по тому лінія AD , равна суммѣ двухъ боковъ AB , BC , а часть AF , діфференсъ или разность между тѣхъ боковъ.

А какъ протянешъ хорду CF , и будетъ треугোলникъ ізоселъ CBF , уголъ BCF , равенъ углу BFC , и всякой уголъ равенъ половинѣ суммы угловъ A , C .

Когда протянешъ изъ угла F , лінію FG , параллель боку AC , и будетъ уголъ BFG , равенъ углу A , а уголъ ACF , равенъ CFG , по 4 проблемѣ геометрической. по тому уголъ GFC будетъ половина разности между угла ACB , и угла A .

Когда отъ точки D , къ углу C , протянешъ хорду CD , и будетъ треуголикъ DCF , прямой уголъ C , по 7 проблемѣ, геометрической, и сжели хорду FC , возьмешъ за половину діаметра, и начертишь дугу CH , лінея CD , будетъ тангенсъ угла F , сирѣчь половина суммы угловъ A , C : а лінія CG , тангенсъ угла CFG , или половина разности между тѣхъ же угловъ.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

И будетъ сумма дву боковъ AB , BC , сирѣчь лінія DA , къ разности ихъ AF , такъ тангенсъ DC , угла BFC , сирѣчь половина суммы дву угловъ A , C , къ тангенсу GC , угла CFG , или половина разности между тѣхъ же угловъ A , C по геометрической 10 проблемѣ, 2 послѣдованія. понеже два треугोलника ADC , FDC схожи: уголъ D , общий: а уголъ BFG , равенъ углу A , а уголъ C , равенъ углу DCA , по 4 проблемѣ геометрической: по тому и боки ихъ пропорціональны DA , FA , :: DC , GC . что надлежало доказать.

КОРОЛЛЕРЪ.

По сей теоремѣ: когда въ треугোলникѣ будешъ знать два бока, и уголъ между ими содержимый, тогда сыщешъ другіе два угла, и третей бокъ.

ТЕОРЕМА VII.

Въ треугোলникѣ не равнобожномъ, когда протянешъ изъ одного угла къ противоположащему ео боку, сирѣчь къ базу перпендікуляръ, которой раздѣлишь на два сегмана не равныхъ; тогда будетъ пропорціонально, какъ большой бокъ къ суммѣ дву боковъ; такъ разность тѣхъ боковъ, къ разности сегмановъ.

Въ треугোলникѣ ABC , изъ большова угла C , между не рав-

не равныхъ боковъ AC , BC , къ противоположному боку AB , протянутой перпендикуляръ CF , раздѣлитъ на два сегмента неравныхъ AF , BF , и будетъ пропорціонально: какъ большой бокъ AB , къ суммѣ дву не равныхъ боковъ AC , BC , такъ ихъ разность, къ разности сегментовъ AF , BF .

фиг: 102

ПРИГОТОВЛЕНІЕ ДЛЯ ДОКАЗАТЕЛЬСТВА.

Изъ большаго угла C , яко изъ центра, разтвореніемъ циркуля, взявъ за полудіаметръ малой бокъ AC , начерти кругъ, который пересѣчетъ оба большія бока, въ точкахъ G , E , изъ того же большаго угла C , протяни линію CG , къ точкѣ G , гдѣ циркуль пересѣкъ большой бокъ AB , и будетъ треугольникъ ACG , *ізоцелъ* потому что боки CA , CG , полудіаметры и между собою равны, и перпендикуляръ CF , раздѣлитъ базъ AG , по поламъ по геометрической (V) проблемѣ: по тому между сегмента AF , и BF , диференсъ или разность GB , того для, что сегментъ AF , равенъ сегменту FG : а когда средній бокъ BC , протянешь до окруженія въ точку D , тогда будетъ линія CD , равна боку CA , для того что CA , и CD , и CE , и CG полудіаметры: по тому BD , будетъ сумма дву боковъ BC , AC , а часть BE , диференсъ, или разность между ихъ.

фиг: 102

схѣ, 1.

* равнонож-
ный: *

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Какъ большой бокъ, или основаніе AB , къ линіи BD , къ суммѣ дву боковъ BC , AC , по геометрической 10, проблемѣ: такъ разность между ихъ BE , къ разности BG , между дву сегментовъ AF , BF , что надлежало доказать.

СХОЛІОНЪ:

Подобножъ тому докажешь, хотя изъ острова угла A , въ треугольникъ ABC , перпендикуляръ AG , пройдетъ въ треугольника къ протянутому базу BC , между сегментовъ GF , GB , база BC : тогда между боковъ AC , AB , будетъ разность, часть BE , и будетъ: какъ разность между сегментовъ или базъ BC , къ разности BE , между боковъ AB , AC , такъ сумма ихъ боковъ или линія BD , къ линіи BF , что надлежало доказать.

фиг: 102

схѣ, 2.

Равнымъ же образомъ докажешь, когда протянешь перпендикуляръ изъ острова угла B .

КОРОЛЛЕРЪ.

По сей теоремѣ въ треугольникъ ABC , когда знаешь при бока, сыдешь сегменты AF , BF , по тому что разность BG , между ихъ знаешь, и когда ту разность BG , изъ всего бока AB , вычтешь, тогда останется AG , которое взявъ по поламъ будетъ

фиг: 102

схѣ, 1.

будетъ малой сегментъ АЕ, а какъ приложишь разность ВС, и будетъ большому сегменту ВЕ.

ПРЕДЛОГЪ ВТОРЫЙ

О исчисленіи треугোলниковъ.

Исчисленіе треуголиковъ, или розыскъ называется то, чтобъ сыскать, сколько которому боку въ треугোলникъ футовъ или сажень, или миль, или другихъ какихъ мѣръ: а углу градусовъ и минутъ;

ПРОБЛЕМА I.

Знаючи два бока, сыскать два угла острыхъ.

план: 1.

фиг: 103

Въ треугোলникъ прямоугломъ АС, когда боку АВ 106 футовъ, другому боку АС 77 футовъ, и прямой уголъ А, знаешь, сыскать острой уголъ С, одному изъ боковъ знае-мому АВ, противолежащій по 1 теоремѣ, сицевымъ аналожіемъ, то есть уподобленіемъ.

какъ большой бокъ АВ, къ противолежащему боку АС, искомова угла, такъ радіусъ угла А, къ тангенсу угла В.

$$\begin{array}{r} \text{АВ. } 106 \quad \text{АС, } 77 \quad 100000 \\ \hline 100000 \\ 106 \overline{) 7700000} \quad 72641. \text{ число тангенса} \\ \text{угла В.} \end{array}$$

Сыщи въ таблицахъ тангенсовъ, и покажетъ 36 градусовъ, углу В, чего искалъ: а прошию того на другой спраницѣ комплементъ ево 54 градуса углу С.

О взысканіи чрезъ логаріемы по той же аналожіи.

$$\begin{array}{r} \text{АВ, } 106 \quad \text{АС, } 77 \quad 10:0000000 \\ \text{АС} \quad \cdot \quad \text{лог: } 1.8874907 \\ \text{А} \quad \cdot \quad \text{радіу: лог: } 10:0000000 \\ \hline \text{сумма ихъ} \quad \cdot \quad 11.8849076 \\ \text{АВ вычши лог: } 2.0253069 \\ \hline \text{остатокъ} \quad \cdot \quad 0.8011848 \end{array} \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{логаріемы тан-} \\ \text{генса угла В.} \end{array} \right.$$

Сыщи въ таблицахъ логаріемы тангенсовъ, и покажутъ 36 град: углу В, а прошию ево на другой спраницѣ комплементъ ево, 54 градус: углу С.

* уподобле-
ніемъ *

равнымъ же * аналожіемъ * сыщешь уголъ С, знаючи прилега-ющей бокъ.

какъ прилегающей бокъ АС, къ противолежащему боку АВ искомова угла, такъ радіусъ къ тангенсу угла С.

$$\begin{array}{r} \text{АС, } 77 \quad \text{АВ, } 106 \quad 100000 \\ \hline 100000 \\ 77 \overline{) 10600000} \quad 137562. \text{ число тангенса} \\ \text{угла С.} \end{array}$$

Сыщи



ПОЛНОЕ СОБРАНИЕ

О НАВИГАЦИИ

ЧАСТИ ПЕРВЫЯ

КНИГА ВТОРАЯ

О ТРИГОНОМЕТРИИ.



ТРИГОНОМЕТРІА часть Геометріи, и обучаетъ разбѣривать треуголники изысканіемъ количесва боковъ и угловъ, одного другимъ по пропорціональности ихъ какъ треуголниковъ прямолинейныхъ, такъ и Сферическиххъ: понеже во всякомъ треуголникѣ шесть вещей (или членовъ:) имѣется, три бока, да три угла, и знаячи изъ нѣхъ какіе три вещи, сыщешъ и другіе три, какъ здесь ниже показано.

Двойка есть ТРИГОНОМЕТРІЯ, одна называется трігонометрія рекшелинъ, или прямолинейная; а другая трігонометрія Сферическая: но какъ въ одной, такъ и въ другой, изыскиваются количесва боковъ углами, и углы боками. Чего ради, трігонометрію полагаю въ двухъ раздѣленіяхъ: въ первомъ, показую о Трігонометріи прямолинейной, а во второмъ, о Трігонометріи Сферической.

РАЗДѢЛЕНІЕ ПЕРВОЕ

О ТРИГОНОМЕТРІИ ПРЯМОЛІНЕЙНОЙ.

ТРИГОНОМЕТРІЯ РЕКТЕЛИНЪ, или прямолінейная, обучаетъ изыскивать количества боковъ и угловъ, во всякомъ треугольникѣ по синусамъ, тангенсамъ, и секансамъ: и для того прежде надобно знать пропорціональность, угловъ съ боками, какъ прямоугольныхъ, такъ и тупоугольныхъ треугольниковъ ректелинь; или прямолінейныхъ. Чего ради первое раздѣленіе, раздѣляю на три предлога: въ 1 мѣ, о показаніи пропорціональности угловъ съ боками: во 2 мѣ, о взысканіи количества боковъ и угловъ въ треугольникахъ прямоугольныхъ: въ 3 мѣ, о взысканіи треугольниковъ не прямоугольныхъ.

ПРЕДЛОГЪ ПЕРВЫЙ

О ПРОПОРЦІОНАЛЬНОСТИ УГЛОВЪ СЪ БОКАМИ.

ТЕОРЕМА 1.

Во всякомъ треугольникѣ ректелинь, какъ одинъ бокъ къ другому, такъ равно пропорціонано полудіаметръ или радіусъ къ тангенсу угла, противоположащаго одному боку.

план: 1.

фиг: 98

Въ треугольникѣ АВС, у котораго прямой уголъ А, на примѣръ: какъ бокъ АВ, къ боку АС, такъ синусъ прямого угла, къ тангенсу угла В, противоположащаго боку АС.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда изъ угла В, яко изъ центра на чертишь, по произволію дугу DE, которая мѣра углу В; часть бока ВD, будетъ * цѣлый * радіусъ, онъ же будетъ синусъ прямого угла; синусъ * пошаль * а ось точки D, поднятой перпендикуляръ DE, будетъ тангенсъ угла В, и дуги DE, по тому что она мѣра углу В, и треугольникъ ректелинь BDE, * экіантъ * съ треугольникомъ * равно- * ВАС, и по геометрической 10. проблемѣ, 2 послѣдованія, будетъ: * угольный * какъ бокъ АВ, къ боку АС, такъ радіусъ ВD, къ тангенсу DE, что надлежало было доказать.

СХОЛІОНЪ

Равнымъ же образомъ доказать, какъ бокъ АС, къ боку АВ, * цѣлый * такъ синусъ * пошаль * къ тангенсу угла С, противоположащаго боку АВ.

Для доказательства изъ угла С, такъ какъ изъ угла В, на черти дугу.

корол:

к о р о л л е р ъ.

По сей Теоремѣ въ треугольникѣ АВС, когда знаешь два бока АВ, АС: тогда сыщешь углы В, С: а ежели въ томъ же треугольникѣ знаешь уголъ, и одинъ бокъ, тогда ими сыщешь и другой бокъ.

Т Е О Р Е М А II.

Во всякомъ треугольникѣ ректелинѣ, какъ бокъ к ѡпопенусѣ, равно пропорціонално будетъ, сѣнусъ * по-
паль * къ Секансу угла, подлѣ бока лежащаго.

* дѣльный *
или
радіусъ

Въ треугольникѣ АВС, у котораго прямой уголъ А, какъ бокъ АВ, к ѡпопенусѣ ВС, такъ радіусъ къ секансу угла В.

Д О К А З А Т Е Л Ъ С Т В О.

Такоежъ на чертѣ дугу DE и поднять перпендикуляръ DF, какъ въ первомъ доказательствѣ показано, и будетъ BF, Секансъ угла В, или дуги DE, и тако пропорціонално, какъ бокъ АВ, к ѡпопенусѣ ВС, такъ радіусъ BD, къ секансу BF, что надлежало доказать.

фиг: 98

С Х О Л І О Н ъ.

равножъ докажешь, какъ бокъ АС, къ той же ѡпопенусѣ ВС, такъ сѣнусъ * попаль * къ секансу угла АСВ, когда изъ угла С, на чертишь дугу, такъ какъ изъ угла В.

* дѣльный *

к о р о л л е р ъ.

По сей Теоремѣ въ треугольникѣ АВС, знаячи ѡпопенусу ВС, и одинъ бокъ, сыщешь уголъ которой похочешь: а когда въ томъ же треугольникѣ знаешь ѡпопенусу и уголъ: тогда сыщешь бокъ, которой пожелаешь: или когда знаешь уголъ и бокъ, сыщешь ѡпопенусу.

Т Е О Р Е М А III.

Во всякомъ треугольникѣ ректелинѣ, или прямоугольномъ, такъ ѡпопенуса к ѡ одному боку, какъ сѣнусъ * попаль * къ сѣнусу угла противоположащаго тому боку.

* дѣльный *

Въ треугольникѣ АВС, у котораго прямой уголъ А, какъ ѡпопенуса ВС, къ боку АС, такъ радіусъ къ сѣнусу угла В, противоположащаго боку АС.

фиг: 98

Д О К А З А Т Е Л Ъ С Т В О.

Когда изъ угла В, яко изъ центра начертишь дугу DE, и отъ точки G, протянешъ радіусу BD, перпендикуляръ EG, которой

Плани: 1.

Фіг: 98

* равно-

угловой *

* цѣлый *

которой будетъ синусъ угла В, или дуги DE, по тому что она мѣра углу В, и треугольникъ ректангль или прямоугольный ABC, * экіангль * треугольнику ректелинь GBE. и по геометрической 10. проблемѣ, 2. показанія, какъ Іпопенуса ВС, къ боку AC, такъ радіусъ или синусъ * топаль * BD, къ синусу EG, угла В, что надлежало доказать.

С Х О Л І О Н Ъ.

Равножъ докажешъ, какъ та же Іпопенуса ВС, къ боку АВ, * цѣлый * такъ синусъ * топаль * къ синусу угла С, ежели на чертишь изъ угла С дугу, такъ какъ изъ угла В.

К О Р О Л Л Е Р Ъ.

По сей Теоремѣ въ треугольникѣ ректелинь, когда знаешъ одинъ уголъ и бокъ, тогда сыщешъ другой бокъ и Іпопенусу; знаячи уголъ и Іпопенусу, [сыщешъ бокъ, которой пожелаешъ; или еще, знаячи Іпопенусу и одинъ бокъ, сыщешъ углы.

Т Е О Р Е М А І V.

Во всякомъ треугольникѣ ректелинь, синусы угловъ пропорціональны, противолежащимъ бокамъ.

Фіг: 98

* цѣлый *

Въ треугольникѣ ректелинь ABC, у котораго прямой уголъ А, какъ синусъ * топаль * къ Іпопенусѣ ВС, такъ синусъ угла В, къ противолежащему боку AC.

Д О К А З А Т Е Л Ъ С Т В О .

Фіг: 98

* цѣлый *

По первымъ доказательствамъ на чертишь дугу DE, и протянуть EG, синусъ угла В, и будутъ пропорціональны: какъ синусъ * топаль * BE, (:угла А :) къ Іпопенусѣ ВС, такъ синусъ EG, (:угла В :) къ противолежащему боку AC, по Геометрической (10) проблемѣ.

Фіг: 99

* цѣлый *

* цѣлый *

Равножъ и въ треугольникѣ не прямоугольномъ AEC, синусы угловъ пропорціональны съ противолежащими боками: когда протянешъ изъ одного угла, какъ изъ С, противолежащему боку АВ, перпендикуляръ CD, и будетъ въ треугольникѣ прямоугольномъ ACD, какъ синусъ * топаль * угла D, ко Іпопенусѣ AC, такъ синусъ угла А, къ противолежащему боку CD. а въ треугольникѣ прямоугольномъ BCD, какъ синусъ * топаль * угла D, къ Іпопенусѣ BC, такъ синусъ угла В, къ противолежащему боку CD, по вышепоказанному доказательству: и для того по пропорціи уравнено будетъ, какъ синусъ угла А, къ синусу угла В, такъ и бокъ ВС, къ боку

Сыщи въ таблицахъ тангенсовъ, и покажетъ 54 градуса углу С.

О взысканті чрезъ логаріѣмы.

АС. 77	АВ 106	10:000000
1.8164907	2.0253059	
	10.0000020	
	12.0253359	
	18864007	

логаріѣ: 10.1388152 тангенсъ угла С.

Сыщи въ таблицахъ тангенсовъ логаріѣмы, и покажутъ 54 градуса углу С.

или другимъ * аналогіемъ *

Какъ бокъ АС, къ радіусу, такъ бокъ АВ, къ тангенсу угла С.

* уподобленіемъ.*

ПРОБЛЕМА II.

Знаячи іпшенусу и одинъ бокъ, сыщешъ оба угла.

Фіг: 104

Въ треугольникѣ прямоугольномъ АВС, когда боку АВ, 106 футовъ, а іпшенусъ ВС, 131 футъ: сыскашъ уголъ В, по 2 еоремѣ, сицевымъ аналогіемъ.

Какъ бокъ АВ, къ іпшенусѣ ВС, такъ радіусъ, къ секансу угла В.

АВ, 106	ВС, 131	рад: 100000
	100000	

106 | 13100000 | 123585 число секанса углу С.

Сыщи въ таблицахъ секансовъ, и покажутъ 35 градусовъ, 59 минутъ углу В, а прршиво пово на другой сторонѣ, комплементъ его 54 градуса 1 минута углу С.

Разнымъ же образомъ сыщешъ уголъ С, по еоремѣ 3, сицевымъ аналогіемъ.

Какъ іпшенуса ВС, къ боку АВ, такъ радіусъ, къ сінусу угла С.

ВС, 131	АВ, 106	100000
	100000	

131 | 10600 | 80916 число сінуса угла С.

Сыщешъ въ таблицахъ сінусъ углу С, 54 градуса 1 минута.

ДРУГИМЪ АНАЛОЖІЕМЪ.

Какъ іпшенуса ВС, къ радіусу, такъ бокъ АВ, къ сінусу угла С.

Взявъ въ таблицахъ число логаріѣмическое, сыщешъ углу С, 55 градусовъ.

Л

ПРОБЛЕ-

ПРОБЛЕМА III.

дан. 6.
Фіг: 105

Знаючи одинъ уголъ, и одинъ бокъ: сыскашь другой уголъ.
Въ треугольникъ прямоугломъ АВС, на примѣрѣ: уголъ В 36 градусовъ, бокъ АВ 106 футовъ: сыскашь бокъ АС, по 1 еоремѣ, сицевымъ аналожіемъ.

Какъ радіусъ, къ тангенсу угла В, такъ бокъ АВ, къ боку АС.
По сей аналожіи сыщешъ въ таблицахъ, боку АС 77 футовъ.

ДРУГИМЪ АНАЛОЖІЕМЪ.

Какъ сінусъ угла С, къ противолежащему боку АВ,
такъ сінусъ угла В, къ противолежащему боку АС.

Тоже число 77 футовъ сыщешъ бокъ АС, по сей аналожіи по 3 еоремѣ.

ПРОБЛЕМА IV.

Знаючи уголъ и бокъ, сыщешъ іпопенусу.

Фіг: 105

Въ треугольникъ прямоугломъ АВС, на примѣрѣ: уголъ В 36 градусовъ, бокъ АВ 106 футовъ: сыскашь іпопенусу ВС, по 2 еоремѣ, сицевымъ аналожіемъ.

Какъ радіусъ, къ секансу угла В, такъ бокъ АВ, къ іпопенусѣ ВС.

Сыщешъ 131 футъ, іпопенусѣ ВС: а по 3 еоремѣ сыщешъ сицевымъ аналожіемъ.

Какъ сінусъ угла С, къ радіусу: такъ бокъ АВ, къ іпопенусѣ ВС.

ПРОБЛЕМА V.

Знаючи уголъ и іпопенусу, сыскашь боки.

Фіг: 106

Въ треугольникъ прямоугломъ АВС, на примѣрѣ: уголъ В, 36 градусовъ, іпопенуса ВС 131 футъ: сыскашь боки АВ, АС: по 3 еоремѣ, сыщешъ бокъ АВ, 106 футовъ, сицевымъ аналожіемъ.

Какъ радіусъ, къ іпопенусѣ ВС: такъ сінусъ угла С,
къ противолежащему боку АВ.

Другимъ аналожіемъ по 2 еоремѣ.

Какъ секансъ угла В, къ радіусу: такъ іпопенуса ВС, къ боку АВ.

ПРОБЛЕМА VI.

Знаючи іпопенусу и одинъ бокъ, сыскашь другой бокъ.

Фіг: 106

Въ треугольникъ прямоугломъ АВС, бокъ АВ 106 футовъ, іпопенуса 131 футъ: сыскашь другой бокъ АС.

Прежде надобно сыскашь углы В, С, по 2 проблемѣ: а по томъ бокъ АС, по 3 или по 5 проблемѣ: еще жъ можно сыскашь бокъ сицевымъ образомъ:

Умножи іпопенусы ВС, число 131 чрезъ тоже число, произведеніе будешъ квадратъ 17161, такожъ и бока АВ, число 106 и будешъ

и будетъ 11236, квадратъ, который вычти изъ квадрата Іпопенусы 17161, и останется 5925 квадратъ бока АВ, по 11 проблемѣ, 3 показанія: и когда раздѣлишь 5925 квадратнымъ дѣленіемъ, тогда выйдетъ бока АС, 77 футовъ.

ПРОБЛЕМА VII.

Знаячи два бока, сыскашь Іпопенусу.

Въ треугольникѣ прямоугольномъ АВС, бока АВ, 106 футовъ, другой бока АС, 77 футовъ, сыскашь Іпопенусу ВС. фиг: 163

Прежде сыскашь по 1 проблемѣ углы В, С, а потомъ Іпопенусу ВС, по 4 проблемѣ.

По 11 проблемѣ, 3 показанія: сумма дву квадратовъ, боковъ АВ, АС, будетъ квадратъ Іпопенусы ВС, 17165, которую раздѣлишь квадратнымъ дѣленіемъ, будетъ Іпопенусъ ВС, 131 футовъ.

ПРЕДЛОГЪ ТРЕТІЙ.

О исчисленіи треугольниковъ непрямоугольных.

Взыскиваютъ количесво боковъ и угловъ, подобно какъ и въ прямоугольныхъ треугольникахъ, по пропорціональности угловъ съ боками.

ПРОБЛЕМА I.

Знаячи два бока, и одинъ уголъ противолежащей знаемому боку, сыскашь другіе два угла.

Въ треугольникѣ непрямоугольномъ, АВС, бока АВ 168 футовъ, бока ВС 156 футовъ, противолежащей боку ВС, уголъ А, 53 градуса, 8 мінутъ: сыскашь другія углы В, С; по 4 еоремѣ, сыщешь уголъ С, 59 градусовъ 29 мінутъ, сицевымъ аналогіемъ. фиг: 167

какъ бока ВС, къ противолежащему углу А, такъ бока АВ, къ противолежащему углу С.

А ежели уголъ С, будетъ тупой, тогда по 5, еоремѣ вычтешь изъ 180 градусовъ, 59 град: 29 мінутъ, и останется уголъ С, а когда сложишь уголъ А, съ угломъ С, и сумму вычтешь изъ 180, градусовъ; тогда останется третьему углу В.

ПРОБЛЕМА II.

Знаячи углы и одинъ бока, сыскашь другіе бока.

Въ треугольникѣ непрямоугольномъ АВС, уголъ А 53 градуса 8 мінутъ, уголъ В 67 градусовъ 23 мінуты, по тому третей уголъ С, будетъ 59 градусовъ 29 мінутъ, бока АС, 180 футовъ: сыскашь бока АВ, ВС, и по 4 еоремѣ, сыщешь бока АВ, 168 футовъ, сицевымъ аналогіемъ. фиг: 167

какъ

какъ сінусъ угла В, къ противоположаему боку АС,
такъ сінусъ угла С, къ противоположаему боку АВ.

ПРОБЛЕМА III.

Знаючи два бока и содержимый между ими уголъ,
сыскасть другія два угла.

план: 1.
фиг: 101

Въ треугольникѣ непрямоугольномъ АЕС, бокъ АВ 168 футовъ, бокъ АС 180 футовъ, и между ими уголъ А, 53 градуса 8 мінутъ: сыскасть другія два угла В, С, сичевымъ образомъ.

Сложи число дву боковъ АВ, АС, сумма будетъ 348. а изъ болшова бока АС 180 футовъ, вычти малой бокъ АВ, 168 футовъ: и будетъ между ими разность, 12. по томъ вычти уголъ А, 53 град: 8 мінутъ: изъ 180, градусовъ, и останется, 126 градусовъ, 52 мінуты, сумма двухъ угловъ В, С: и по 6 теоремъ сичевымъ аналогіемъ разыскивай.

какъ сумма дву боковъ АВ, АС, къ разности ихъ,
такъ тангенсъ полусуммы дву угловъ В, С,
къ тангенсу полуразности ихъ.

И сыщешь тангенсъ полуразности, между двухъ угловъ В, С, 3 град: 57 мін: которые приложи къ половинѣ суммы двухъ угловъ, 63 мѣ градусамъ, 25 мін: и будетъ 67 граду: 23 мін: болшому углу В. а какъ вычтешь изъ полусуммы двухъ угловъ, такъ останется 59 граду: 29 мін: меншому углу С.

ДРУГИМЪ ОБРАЗОМЪ.

фиг: 102

Изъ незнаемаго одного угла, какъ изъ С, прошиши противолежаему знаему боку АВ, перпендікуляръ CD, и будутъ два треугольника прямоуглыхъ АCD, BCD, прямые углы у нихъ въ D: и будетъ уголъ ACD 36 градусовъ 52 мінуты, по тому что комплементъ угла А, іпошенусу АС, треугольника АCD, знаемъ: сыскасть перпендікуляръ CD, и сегментъ AD по 5, проблемѣ 2, предлога, сичевымъ аналогіемъ.

какъ радіусъ, къ іпошенусу АС,
такъ сінусъ угла А, къ перпендікуляру, CD.

И сыщешь перпендікуляръ CD, 144 фута.

какъ радіусъ, къ іпошенусу АВ,
такъ сінусъ угла BAD, къ сегменту DC.

Сыщешь сегменту 108 футовъ, которые вычти изъ всево бока АВ, останется 60 футовъ, сегменту BD.

Въ треугольникѣ прямоугольномъ BCD, знаючи перпендікуляръ CD, и сегментъ BD, сыщешь углу В, 67 граду: 23 мін: по 1 проблемѣ, втораго предлога, сичевымъ аналогіемъ.

какъ

какъ сегмантъ BD, къ перпендикуляру CD,
такъ радиусъ, къ тангенсу угла В.

Другимъ аналогіемъ.

какъ сегмантъ BD, къ радиусу;
такъ перпендикуляръ CD, къ тангенсу угла В.

фиг: 108

Ежели треуголника изосея знаемая, боки AC, AB равны,
то и углы А, В, будутъ между собою равны.

ПРОБЛЕМА IV.

Знаючи два бока, и уголъ между ими, сыскашь третей бока.

Въ треуголникѣ не прямоугломѣ ABC, бока АВ 168
футовъ, бока AC 180 футовъ, а уголъ между ими А
53 град: 8 мін: сыскашь третей бока ВС.

фиг: 108

Прежде сыскашь (: по 3 проблемѣ:) перпендикуляръ CD, и сег-
мантъ BD, а по 7 проблемѣ, 2 предлога: бока ВС,

ПРОБЛЕМА V.

Знаючи три бока, сыскашь углы.

Въ треуголникѣ непрямоугломѣ ABC, бока АВ 168
футовъ, бока IC 180 футовъ, бока AC 156 футовъ,
сыскашь изъ трехъ одинъ уголъ, которой пожелаешь,
на примѣрѣ А.

фиг: 102

Протянушь изъ угла С, пропиволежащему боку АВ,
перпендикуляръ CD, и по 7 еоремѣ сыщешь сегманты AF, BF,
сыскавъ прежде разность между ими, сицевымъ аналогіемъ.

какъ бока АВ, къ суммѣ другихъ боковъ AC, BC;
такъ тѣхъ боковъ разность BE, къ разности сегмантовъ BG.

Сыщешь разность 48 футовъ, которые приложи къ боку АВ 168 футамъ,
будетъ сумма 216, которыхъ половина 108 футовъ, большому сегманту BF,
а малой сегмантъ AF 60 футовъ.

Знаючи два сегманта, и во всякомъ треуголникѣ прямоугл-
номъ AFC, BFC, гипотенусы AC, BC, по 2 проблемѣ,
2 предлога, сыскашь въ треуголникѣ ACF, уголъ А, сицевымъ
аналогіемъ.

какъ сегмантъ AF, къ гипотенусѣ AC, такъ радиусъ, къ секансу угла А.

Сыщешь углу А, 53 градуса, 8 мінутъ, равнобрножъ
сыщешь углу В, 67 градусовъ, 23 мінуты, въ треуголникѣ BCF;
таковымъ же аналогіемъ.

какъ сегмантъ BF, къ гипотенусѣ BC, такъ радиусъ, къ секансу угла В;

ПРИТЯЖАНІЕ

Знаючи три угла, да сумму трехъ боковъ, сыскашь
всякой бока порознь.

Въ треуголникѣ не прямоугломѣ ABC, уголъ А 52
град: 10 мін: уголъ С 56 град: 6 мін: уголъ В

фиг: 108

М

71

71 град: 44 мін: сумма трехъ боковъ 74: сыскашь всякой бокъ особливо.

Протяни тайно основаніе AC, на обѣ стороны до почекъ D, E: чтобъ AD, равно было боку AB, а разстояніе CE, равно было боку BC; по тому вся лінія DE, равна будетъ суммѣ трехъ боковъ треугольника ABC, и по томъ отъ верхнева угла B, протяни лініи BD, DE тайныя.

Въ треугольникѣ ABD, уголъ D, равенъ углу ABD, по тому что противолежащія боки ихъ AB, AD, равны, а въ треугольникѣ BCE, уголъ E равенъ углу CBE, по тому что противолежащія ихъ боки CE, CB, между собою равны.

И тако уголъ D, въ половину угла BAC, по тому что уголъ BAC, равенъ суммѣ двухъ угловъ D, ABD, которые между собою равны.

Равнымъ же образомъ и уголъ E, половина угла ACB.

углы ---	{	ABC	- - -	71	граду:	44.	мін:
		ABD	- - -	26:		5.	
		CBE	- - -	28:		3.	

Сумма углу DBE - - - 125 граду: 52 мін:

Въ треугольникѣ DBE, знаешь всѣ три угла, да базъ DE, которой равенъ суммѣ трехъ боковъ треугольника ABC, по 2 проблемѣ, сыщешь 43 футовъ боку BD, сицевымъ аналогіемъ.

Какъ сінусъ угла DBE, къ базу DE;
такъ сінусъ угла E, къ боку BD.

Въ треугольникѣ ABD, знаешь всѣ три угла, да бокъ BD, по 2 проблемѣ, сыщешь боку AB, 24 футовъ, сицевымъ аналогіемъ.

Какъ сінусъ угла A, къ боку BD;
такъ сінусъ угла D, къ боку AB.

Въ треугольникѣ ABC, знаешь всѣ три угла, да бокъ AB, по той же проблемѣ таковымъ же аналогіемъ, сыщешь и другіе оба бока AC, 27 футовъ, BC 23 футовъ.

Другимъ краткимъ образомъ сыскашь боки.

Взять въ таблицахъ число сінусовъ даннымъ угламъ, и сложить въ мѣстѣ, и дѣлать чрезъ тройное правило сицевымъ образомъ.

Какъ сумма сінусовъ трехъ угловъ, къ суммѣ боковъ;
такъ сінусъ всякаго угла, къ противолежащему ему боку.

ABC

ABC	- - -	71 - Граду:	44	мін:	94961	Сінусы:
ACB	- - -	56 - Граду:	6	мін:	83001	
BAC	- - -	52 - Граду:	10	мін:	73980	

сумма 256942: сінусовъ

256942	—	74	{	94961	27	боку	АС.	{	фута:
				83001	24	боку	АВ.		
				73980	23	боку	ВС.		

РАЗДѢЛЕНІЕ ВТОРОЕ о тригонометріи сферической.

Тригонометрія Сферическая обучаетъ, сыскивать количество боковъ, шакъ равно какъ и Тригонометрія *ректелинъ* по сінусамъ, тангенсамъ, секансамъ; и для того прежде надобно знать, пропорціональность въ треугольникахъ угловъ съ боками, какъ прямоугольных, шакъ и тупоугольных. Чего ради впорое раздѣленіе, располагаю на три Предлога; въ первомъ показую, о пропорціональности угловъ съ боками, во второмъ, о разысканіи количества боковъ и угловъ треугольниковъ прямоугольных, въ третьемъ о разысканіи треугольниковъ тупоугольных.

ПРЕДЛОГЪ ПЕРВЫЙ.

о пропорціональности угловъ и боковъ, въ треугольникахъ сферическихъ.

ТЕОРЕМА. I.

1.

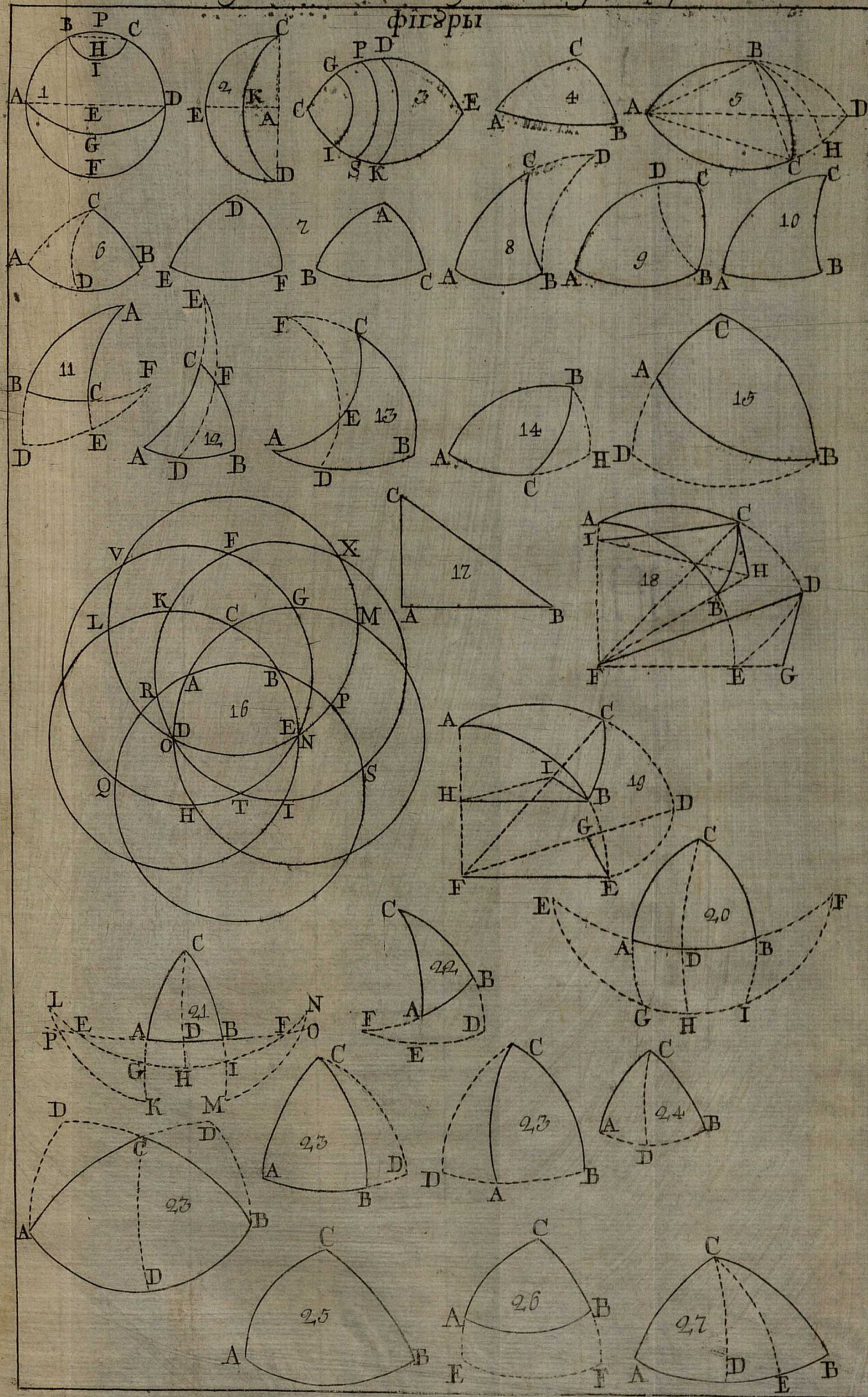
Всѣ большіе круги, которые сѣкутся на поверхности Сферы, и *планами* своими прошли чрезъ сферы центръ Е, сѣкутъ другъ друга и Сферу по поламъ, какъ ABCD, и AGD, а малые круги не одинъ центръ со Сферою имѣють, и планами своими сѣкутъ Сферу, въ разныхъ мѣстахъ и разстояніяхъ отъ центра Сферы; какъ малой кругъ BCI, по тому и Сферу не наравные части раздѣляютъ.

2.

У всякаго круга, на поверхности Сферы подва поля, яко точки, которые отстоятъ отъ него въ равномъ разстояніи по 90 градусовъ, какъ Р, и Е, большаго круга Сферы AGD, фгг: 4

ибо

фигуры



ибо полъ Р, отъ поля Е, отстоитъ диаметрально 180 градусовъ, а малыя круги яко ВСІ, не могутъ быть въ равномъ разстояніи отъ дву полей, за тѣмъ что не одинъ центръ со Сферою имѣютъ, и по тому къ одному полю Сферы ближѣ, а отъ другога далѣ.

3.

Всякой уголъ Сферической сотворенъ двумя дугами, двухъ большихъ круговъ Сферы, у которыхъ со Сферою одинъ центръ гдѣ пересѣклись на поверхности Сферы, какъ уголъ ЕДК, или ЕСК, сотворенъ двумя дугами дву большихъ круговъ Сферы ДКС, DEC, или DK, DE, пересѣченіемъ своимъ на поверхности Сферы.

4.

Мѣра углу Сферическому, (сирѣчь число градусовъ и минутъ,) дуга большого круга, которая между дву боковъ того угла, въ разстояніи отъ того угла 90 градусовъ, какъ дуга DK, мѣра угла Сферическаго DCK. Того ради что дуга DK, большого круга въ равномъ разстояніи отъ дву точекъ С, Е, прошла по срединѣ въ общемъ разстояніи между двухъ большихъ круговъ CDE, CKE, а которые дуги будутъ между дуги DK, параллельны какъ PS, GI, и точекъ С, Е, тѣ всѣ меньше. И по тому уголъ DCK, равенъ углу DEK, что одна имѣ мѣра, дуга большого круга DK, которая планомъ своимъ, прошла по срединѣ ихъ, чрезъ центръ Сферы, и имѣетъ тѣ углы въ поляхъ своихъ, такъ какъ дуги экваторные, которые между дву меридіановъ: и какову они часть экватора между себя имѣютъ, таковымъ угломъ и въ полѣ пересѣклись: за тѣмъ что экваторъ прошолъ по срединѣ въ равномъ разстояніи между дву полей, и раздѣлилъ меридіаны съ полями своими по четвертямъ, (сирѣчь по 90 градусовъ,) равно такъ и всѣ углы сферическіе, какову часть большого круга Сферы, между боковъ своихъ имѣютъ, въ разстояніи четверти круга, таковымъ угломъ оны боки въ поляхъ того круга и сѣкутся.

О Б О Р Е М А II.

1.

Всякой треугольникъ Сферической, сотворенъ на поверхности Сферы тремя дугами большихъ круговъ, тоя Сферы, какъ СКD.

2.

план: 3.

фиг: 4

фиг: 3

фиг: 3

2

Во всякомъ треугольникѣ Сферическомъ, всегда два бока^а вмѣстѣ, больше шретьяго, на примѣрѣ: треугольника АВС. два бока АС, ВС, вмѣстѣ, больше шретьева бока АВ, которой больше другихъ. и ежели бы малые два бока АС, ВС, равны были болшему боку АВ, тобѣ онѣ не здѣлали между себя угла АСВ, и былабѣ токмо одна дуга, какъ АВ, и тѣбы круги, которые сотворили уголъ АСВ, непересѣклись бы между собою въ уголѣ С, но былъ бы токмо одинъ кругъ, что ясно можно видѣть всякіе два бока вмѣстѣ, больше одного шретьяго.

фиг: 4

3.

Во всякомъ треугольникѣ Сферическомъ, при угла въ мѣстѣ, какъ А, В, С. треугольника АВС, больше 180. градусовъ, того ради, что треугольникъ * ректелинь * АВС, сотворенный изъ трехъ ліней, имѣетъ 180 градусовъ, о чѣмъ въ геометріи доказано: а треугольникъ сферической больше ево, по тому что изъ трехъ дугъ сотворенъ: которые ошѣ одного угла къ другому не прямыми лінеями прошли, но дугами.

* прямочер-
тежной *
фиг: 5

Всегда уголъ эуперъ - зоръ сирѣчь внѣшней, треугольника Сферическаго, какъ CBD, меньше суммы внутреннихъ двухъ угловъ А, С, по тому что два угла АВС, CBD, вмѣстѣ оба толко 180 градусовъ, а сумма трехъ внутреннихъ угловъ А, В, С, (: какъ вышѣ сказано:) больше 180 градусовъ.

фиг: 5

4.

1. Всегда во всякомъ треугольникѣ по величинѣ угла, каковъ уголъ великъ, таковъ и бока ево противоположащій великъ: а по величинѣ бока, таковъ великъ и уголъ ево противоположащей: а пропиво малаго угла, малой и бока.

2. Когда въ треугольникѣ Сферическомъ, какъ АВС, уголъ С, больше угла А, то и бока АВ, противоположащей болшому углу С, больше бока ВС, противоположащаго малому углу А.

фиг: 4

3. Когда въ треугольникѣ какъ АВС, два бока АС, ВС, между собою равны, то и углы ихъ противные А, В, равныжъ между собою будутъ; а когда углы равны, то и боки ихъ противные, между собою равныжъ.

фиг: 6

5.

Ежели перпендикуляръ CD, протянутой изъ угла С, къ боку АВ, раздѣлитъ уголъ АСВ, по поламъ, по тому и бока АС, равенъ будетъ боку ВС, а уголъ А, углу В, а когда въ
Н
треугол-

фиг: 6

треугольникъ два бока равны, тогда и углы противные имъ равны: и когда протянешь, изъ третьяго угла перпендикуляръ къ третьему боку, между тѣхъ равныхъ дву угловъ и боковъ; тогда раздѣлитъ онъ какъ уголъ изъ котораго пошелъ; такъ и бокъ сво противной по поламъ.

О Т О Р Е М А III.

план: 3°

фиг: 7

Два треугольника Сферическія, могутъ быть равны между собою, когда треугольника АВС. бокъ АВ, равенъ боку DE, другоа треугольника DEF: а бокъ АС, равенъ боку DF, а уголъ А, равенъ углу D то и третьей бокъ ВС, будетъ равенъ третьему боку EF: также и доспалные два угла равныхъ будутъ, уголъ В, равенъ углу Е, а уголъ С, углу F. сего ради и весь треугольникъ АВС, равенъ будетъ треуголнику DEF по тому что, когда боки и углы равны у треугольниковъ, то и сами будутъ равны другъ другу.

Также когда удвухъ треугольниковъ, всѣ три бока одного треугольника, премъ бокамъ другаго треугольника, всякой бокъ своему подобному равенъ, то и оба треугольника между собою будутъ равны.

О Т О Р Е М А IV.

фиг: 5

Когда бокъ АС, треугольника Сферическаго АВС, протянешь до 180 градусовъ точки D, и уголъ внѣшней BCD, равенъ будетъ внутреннему углу А, противно того на тойже сторонѣ бока; тогда будетъ сумма дву боковъ АВ, ВС, (: которые сотворили тѣ углы съ бокомъ: АСD :) равна 180 градусамъ, то есть полу кругу. Того ради: когда протянешь АВ, до D, 180 градусовъ, сирѣчь половины круга и будетъ уголъ D, равенъ углу А, по тому что оба яко въ поляхъ между однѣхъ полу круговъ: а уголъ А, равенъ углу BCD, по тому и уголъ D, равенъ углу BCD, а когда онѣ между собою равны, тогда и боки ихъ противные ВС, BD, между собою равны, то и сумма двухъ боковъ АВ, ВС, 180 градусовъ, равна полу кругу ABD, а когда сумма дву боковъ АВ, ВС равна полу кругу; то и уголъ А, съ угломъ С, вмѣстѣ здѣлаютъ 180 градусовъ, того ради что уголъ А, равенъ углу BCD, а уголъ BCD, съ угломъ BСA, всегда 180 градусовъ.

Ежели сумма дву боковъ АВ, ВС, больше 180 градусовъ, то уголъ BCD, меньше угла А, для того что сумма дву боковъ АВ, ВС, больше бока BD, то и уголъ D, или А, больше

Болше угла BSC , то и сумма дву угловъ A, C , болше
будетъ 180 градусовъ: а когда сумма дву боковъ AB, BC ,
менше 180 градусовъ, то уголъ BSC , болше угла A , для
того что сумма дву боковъ AB, BC менше полукруга
 ABD , и бокъ BD , будетъ болше бока BC , то и уголъ BSC ,
болше угла D , или угла A , то и сумма дву угловъ A, C ,
менше 180 градусовъ. фиг: 5

Т Е О Р Е М А V.

Во всякомъ треугольникѣ сферическомъ прямоугольномъ,
какъ ABC , у котораго прямой уголъ A : когда бокъ AC , фиг: 8
менше четверти круга, то уголъ B противной ему менше
 90 градусовъ. Того ради, что протянешь бокъ AC до D ,
 90 градусовъ, а отъ D , до угла B на черпишь дугу AB ,
и возмешь точку D , за полюс Сферы, а бокъ AB , за Экваторъ:
то боки DA, DB будутъ мериданы, а уголъ A прямой,
(: какъ выше сказано:) по тому и уголъ ABD , будетъ прямой,
почеже мериданы, ськутъ Экваторъ перпендикулярно: а уголъ
 ABC , менше угла ABD .

А когда треугольника Сферическаго ABC , въ которомъ
прямой уголъ A , бокъ AC , болше 90 градусовъ, то
и уголъ B , противной ему будетъ тупой. Того ради, когда фиг: 9
убавишь бока AC , до 90 градусовъ AD , и отъ точки D ,
четверти круга до угла B , протянешь дугу циркуля BD ,
то будетъ уголъ ABD , 90 градусовъ, для вышеписанныхъ же
резоновъ.

А ежели случится треугольника Сферическаго AEC , въ
которомъ прямой уголъ какъ A , бокъ AC , четверть круга, фиг: 10
то и уголъ B , противной ему будетъ прямой, то есть 90
градусовъ.

Т Е О Р Е М А VI.

Когда у треугольника Сферическаго прямоугольнаго какъ
 ABC въ которомъ прямой уголъ B боки AB, BC , всякой фиг: 11
менше четверти круга, то гипотенуса AC , будетъ менше.

Д О К А З А Т Е Л Ъ С Т В О.

Когда протянешь оба боки AB, BC , всякой до 90 градусовъ,
тогда и будутъ боки ABD, BCF : по томъ когда отъ точки
 D , четверти круга до E , начерпишь четвертижь круга дугу
 DE .

DF, тогда пересѣчетъ іпопенусу проптянутую до 90 градусовъ ACE, въ точкѣ Е, по тому и разумѣемъ: что іпопенуса меньше четверти круга, сирѣчь 90 градусовъ.

2

план: 3°

фиг: 12

Когда у треугольника Сферическаго ABC, прямой уголъ В боки АВ, ВС, всякой больше четверти круга, тогда іпопенуса AC, будетъ меньше 90 градусовъ.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда отъ прямова угла В, боки назначишь по четверти круга BD, BE, и чрезъ тѣ точки D, E, начертишь дугу большаго круга DEE, до проптянутыя іпопенусы ACE, въ 90 градусовъ точку Е; тогда прямой уголъ В, будетъ яко въ полюсѣ Сферы, а дуга DE, яко экваторъ между дву меридіановъ; равная четверти круга, для того, что уголъ въ полюсѣ: разстояніемъ 90 градусовъ. по тому разумѣемъ: что іпопенуса меньше четверти круга, и что между тѣхъ же меридіановъ ВА, ВС, какъ Экваторъ DF,

3

фиг: 13

Когда у треугольника Сферическаго ABC, прямой уголъ В, одинъ бокъ СВ, меньше четверти круга, другой бокъ ВА, больше; то іпопенуса AC, будетъ больше четверти круга,

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда проптянешь бокъ ВС, до четверти круга въ точку F, и изъ угла В, яко изъ поля Сферы, разстояніемъ четверти круга, начертишь дугу DEF большаго круга яко экваторъ, и пересѣчетъ іпопенусу AC, въ точкѣ Е, въ разстояніи отъ угла В, 90 градусовъ; тогда увидишь, что іпопенуса AC, больше четверти круга.

4

фиг: 14

Когда у треугольника Сферическаго ABC, прямой уголъ А, боки АВ, AC, оба по четверти круга, тогда іпопенуса BC, такожъ четверть круга. по тому что, тогда прямой уголъ А, будетъ яко полюс Сферы, а іпопенуса BC, яко Экваторъ и равенъ мѣрою углу А, какъ въ теоремѣ сказано о мѣрѣ угла.

5

1. Когда въ треугольникѣ Сферическомъ прямоугольномъ оба углы, всякой меньше четверти круга: или оба, боки всякой больше, то іпопенуса меньше четверти круга. того ради, что когда углы меньше четверти круга, то и боки ихъ против-

противные меньше, а когда углы больше; то и боки противные больше. (: о чемъ въ V теоремѣ показано :) по тому и Ипопенуса меньше четверти круга, что будетъ между поламъ и Экваторомъ.

2. А когда одинъ уголъ меньше, а другой больше четверти круга; тогда и Ипопенуса будетъ больше четверти круга.

3. А когда оба угла, всякой по 90 градусовъ; тогда и Ипопенуса будетъ четверть круга.

6.

Когда Ипопенуса съ однимъ бокомъ, треугольника Сферическаго, однимъ подобіемъ; всякой меньше четверти круга, или всякой больше; тогда другой бокъ треугольника будетъ меньше четверти круга. а когда Ипопенуса съ однимъ бокомъ разнымъ подобіемъ; одинъ меньше, а другой больше четверти круга; тогда другой бокъ будетъ больше четверти круга. равножъ и углы, вышепереченнымъ доказательствамъ, Ипопенусамъ, какъ боки, и что всякой бокъ съ противнымъ своимъ угломъ однимъ подобіемъ бывають.

ТЕОРЕМА VII.

Когда въ треугольникѣ Сферическомъ какъ АВС, два бока АС, ВС, будутъ однимъ подобіемъ, сирѣчь всякой меньше, или больше четверти круга; или углы противные имъ А, В, будутъ одинаковы: тупыя или острыя; тогда перпендикуляръ CD, протянутой изъ претвьяго угла С, къ боку АВ, будетъ въ срединѣ между боковъ АС, ВС, и угловъ А, В, того ради, что боки АС, ВС, одинаковымъ наклономъ съ бокомъ АВ, дѣлають углы А, В, тупыя или острыя.

фиг: 6

А когда перпендикуляръ какъ CD, изъ угла С, упадетъ къ противоположному боку АВ, въ треугольникѣ между другихъ дву угловъ А, В, тогда какъ боки АС, ВС, такъ и углы А, В, между собою однимъ подобіемъ, меньше или больше, четверти круга.

фиг: 6

2

А когда боки, или углы противные имъ, разнымъ положеніемъ; тогда перпендикуляръ ВН, которой протянутъ изъ претвьяго угла В, придетъ къ боку АС, когда его протянешъ до точки Н, въ треугольника. того ради что боки ВА, СВ, разными наклонами дѣлають съ бокомъ АС, углы А, С, одинъ тупой, а другой острый, по тому что оба боки наклонились на одну сторону треугольника.

фиг: 14

О

А когда

иран: 3
Фиг: 14

А когда перпендикуляръ какъ $НВ$, изъ угла $В$, упадетъ за треугольникъ къ протянутому боку $АСН$; тогда какъ боки $АВ$, $ВС$, такъ и углы $А$, $С$, между собою не одинаковы, ибо одни болше четверти круга, а другія менше.

Т Е О Р Е М А VIII

Фиг: 3

1. Когда въ Сферическомъ треугольникѣ: какъ EPS , всѣ три бока одинаковы; всякой болше четверти круга: то и углы ихъ противныя, всякой болше четверти круга, сирѣчь тупыя: того ради, что всякому Сферическому углу мбра, какъ въ первой теоремѣ 4 пункта показано; дуга болшого круга какъ DK , (: въ разстояніи 90 град: отъ него, яко экваторъ отъ поля :) которая будетъ болше 90 градусовъ, и что бокъ PS , въ разстояніи отъ угла $Е$, болше четверти круга, по тому и уголъ $Е$, болше 90 градусовъ. равнымъ же образомъ и прочіе два угла, всякой болше 90 градусовъ.

А когда въ треугольникѣ сферическомъ, по тому жъ доказанію, всѣ три угла тупыя, тогда и боки ихъ будутъ, всякой болше четверти круга:

Когда два угла будутъ тупыя, и одинъ бокъ между ими болше 90 град: тогда и уголъ противной тому боку будетъ тупой, а другіе два бока противныя тупымъ своимъ угламъ будутъ, всякой болше четверти круга: или два бока и уголъ между ими содержимый, всякой болше четверти круга: то и другіе два угла будутъ тупыя.

2. Когда въ сферическомъ треугольникѣ какъ CGI , всѣ три бока, всякой менше четверти круга; тогда углы ихъ противныя будутъ острые, по тому жъ доказательству, какъ въ 1 теоремѣ показано о мбрѣ угловъ.

А когда всѣ три угла, будутъ острые; тогда (: по тому жъ :) боки ихъ будутъ, всякой менше четверти круга.

А когда два угла будутъ острые, и бокъ между ими будетъ менше четверти круга; то и уголъ противной тому боку будетъ острой, по тому жъ.

3. Когда въ Сферическомъ треугольникѣ, одинъ бокъ менше четверти круга, а другіе два, всякой болше; по тому жъ доказательству, ихъ противныя одинаковымъ подобіемъ: противу малаго боку, острой будетъ уголъ: а противу болшихъ тупыя. по тому жъ, и по угламъ будутъ боки однимъ подобіемъ.

4.

Когда въ Сферическомъ треугольникѣ какъ АВС, будетъ фиг: 15
одинъ бокъ АС, меньше четверти круга; а другой ВС равенъ,
а третей бокъ АВ больше; тогда два угла А, В, которые
противо малыхъ боковъ будутъ острые, а третей уголъ
С будетъ тупой, которой противо большаго бока АВ.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда начертишь дугу ВD, изъ угла С, (которой фиг: 15
составленъ двумя малыми боками АС, ВС: яко изъ поля
Экваторъ) въ разстояніи четверти круга, каковъ бокъ ВС;
протянешь бокъ АС, до дуги ВD, тогда пересѣкутся прямымъ
угломъ, и будутъ углы D, DEC, между собою равны, по 90
градусовъ, по первой теоремѣ: по тому уже уголъ BAD,
острой, когда уголъ ABD острой; чпо въ треугольникѣ ABD,
у котораго прямой уголъ DBC: Ипопенуса АВ больше чет-
верти круга, по шестой теоремѣ 6 артікула: и уголъ ВАС
тупой. а уголъ BAD, по тому острой, и уголъ С, будетъ
тупой: когда бокъ AD (треугольника прямоугольнаго ADB:)
меньше четверти круга, по тому чпо CD, четверть круга,
того ради чпо уже бокъ DB, больше четверти круга, когда
Ипопенуса АВ, съ угломъ BAD, однимъ подбѣемъ, и будетъ
бокъ ВD, мѣра углу С, по первой теоремѣ; чпо онъ отъ
угла въ разстояніи четверть круга, яко экваторъ отъ
своего поля.

ТЕОРЕМА IX

Два Сферическія треугольника могутъ быть между собою
не равны, имѣя у себя по два угла другъ другу равныхъ,
и одинъ бокъ.

Когда у Сферическаго треугольника АВС, два бока АС, ЕС,
вмѣстѣ будутъ имѣть 180 градусовъ: и когда протя- фиг: 14
нешь третей бокъ АВ, и отъ угла до протянутаго
бока АС, по своему изволенію начертишь дугу большаго
круга СН; тогда будутъ два треугольника не равныя АВН, ВСН,
у которыхъ по два угла одинакихъ: уголъ А, въ обоихъ
треугольникахъ одинъ, а уголъ А равенъ углу В, по 5
теоремѣ; а бокъ АВ, въ обоихъ одинъ, которой при равныхъ
углахъ А, В, чего надлежитъ примѣчать.

ТЕОРЕМА X.

Когда изъ трехъ угловъ, сферическаго треугольника какъ
АВС, на чертишь три большихъ круга, которые составятъ
иной треугольникъ DEF, и будетъ количество бокамъ его
ошибкамъ

план: 7
фиг: 16

остатокъ 180 градусовъ, отъ противныхъ угловъ перводаннаго треугольника, а именно: боку DE, остатокъ 180 градусовъ, отъ противнаго угла С, а боку DF, остатокъ 180 град: отъ противнаго угла В, а боку EF, остатокъ 180 градусовъ отъ угла А.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО

фиг: 16

Точка или уголъ А, будетъ полъ дуги EF, а дуги AP, AH, по четверти круга, по 5 еоремъ, такожъ и точка или уголъ В, полъ дуги DF, а дуги BI, DS, будутъ по четверти круга; такожъ когда точка С, полъ дуги DE, то и дуги CN, CO, по четверти круга, и будетъ 6 дугъ: AP, AH, BI, BS, CN, CO равныхъ: всѣ по четверти круга.

Когда дуга AB, прошла чрезъ полъ А, дуги EF, и чрезъ полъ В, дуги DF, тогда углы P, Q, R, S, будутъ прые: обратнѣ двѣ дуги EF, DF, пройдутъ чрезъ полъ дуги AB, въ точкахъ F, T, гдѣ тѣ двѣ дуги EF, DF, пересѣклись; по тому дуги FR, FP, будутъ по четверти круга, такожъ и дуга AC, прошла чрезъ полъ А, дуги EF, и чрезъ полъ С, дуги DE: углы C, H, M, O, будутъ прые, обратнѣ же двѣ дуги EF, DF, прошли чрезъ полъ дуги AC, которые поли ихъ E, V, гдѣ двѣ дуги EF, DV, пересѣклись: и дуги EO, EH, будутъ по четверти круга, такожъ и дуга BC, прошла чрезъ полъ В, дуги DF, и чрезъ полъ С, дуги DE, углы I, K, L, N, будутъ прые, обратнѣ двѣ дуги DE, DF, пройдутъ чрезъ полъ дуги DC, которые поли D, X, гдѣ тѣ двѣ дуги DE, DF, пересѣклись; и будутъ шесть дугъ FR, FP, EO, EH, DL, DI, по четверти круга и между собою равны.

Когда дуга OL, мѣра углу OCL, которой остатокъ 180 градусовъ отъ угла ACB, по тому и бокъ DE, равенъ остатку отъ 180 градусовъ, угла С, въ треугольникѣ ABC, такожъ когда дуги FR, DI по четверти круга, по тому и равны между собою: и когда ко всякой изъ тѣхъ двухъ дугъ, приложишь общую часть дуги DR, и будутъ DF, RI равны, и когда дуга RI, мѣра углу RBI, которой остатокъ 180 градусовъ отъ угла ABC, по тому и бокъ DF, равенъ остатку 180 градусовъ отъ угла В, въ треугольникѣ ABC. такожъ когда двѣ дуги PE, EH, по четверти круга; по тому и равны между собою: и когда ко всякой изъ тѣхъ двухъ дугъ приложишь общую часть дуги RE, или EF, равную RH, которая мѣра

мѣра углу НАР, которой остатокъ 180 градусовъ, отъ угла ВАС, по тому и бокъ ЕР, равенъ остатку 180 градусовъ отъ угла А, треугольника АВС, что надлежало доказать; обратно тому всѣ углы треугольника АЕР, равны остаткамъ 180 градусовъ, боковъ противныхъ треугольника АВС.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда изъ дву четвертей круга АР, ВS, вынешь общую часть ВР, тогда будетъ бокъ АВ равенъ дугѣ РS сирѣчь углу РТS, (которой остатокъ 180 градусовъ угла DTE, или DEF, которые равны) тако жѣ, когда изъ дву четвертей круга СN, ВI вынешь общую часть EN, тогда будетъ бокъ ВС равенъ дугѣ NI, сирѣчь углу NDI, которой остатокъ 180 градусовъ угла EDF. тако жѣ, когда отъ дву четвертей круга СО, АН, отъ вынешь общую часть АО, останется бокъ АС, равенъ дугѣ ОН, сирѣчь углу ОЕН, которой остатокъ 180 градусовъ угла DEF, что надлежало доказать.

ТЕОРЕМА XI

Во всякомъ Сферическомъ треугольникѣ АВС, какъ сумма синусовъ дву угловъ на примѣръ: А, В, къ разности тѣхъ же синусовъ, такъ тангенсъ половины суммы тѣхъ же угловъ, къ тангенсу половины разности.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО

Равное доказательство какъ въ плоской Тригонометріи въ 4 теоремѣ, углы А, В, одною пропорціею съ боками противными своими ВС, АС: какъ синусъ угла А, къ синусу угла В, такъ бокъ ВС, къ боку АС, перемѣня равножѣ будетъ: какъ синусъ угла А, къ боку ВС, такъ синусъ угла В, къ боку АС. тѣмъ же резюмъ: какъ синусъ дву угловъ, къ синусу ихъ разности, такъ половина суммы дву угловъ, тѣхъ же тангенсовъ, къ половинѣ разности тѣхъ же тангенсовъ, по 6 теоремѣ, перваго раздѣленія всей книгѣ, докажешъ.

ТЕОРЕМА XII

Во всякомъ Сферическомъ треугольникѣ прямоугломъ: фиг: 19 какъ АВС, будетъ пропорціонално, какъ синусъ прямова угла С, къ синусу котораго нибудь прилежащаго бока, на примѣръ АС, такъ тангенсъ прилежащаго его угла А, къ тангенсу противоположащаго ему бока ВС.

П

О ПРИГОТОВ-

О ПРИГОТОВЛЕНІИ КЪ ДОКАЗАТЕЛЬСТВУ:

план: 3
фиг: 18

Протяни бока AC , и $Ипотенусу$ AB , до четверти круга AD , AE и начерти изъ угла A такъ какъ изъ поля большаго круга: дугу DE , которая будетъ мѣра углу A , по 1 теоремѣ 4 аршѣкула: за тѣмъ что оная дуга DE , въ разстояніи отъ угла A , четверть круга AD , AE , по томъ протяни изъ (сферы) центра F , до поверхности ея въ точки A , B , C , D , E , полу-діаметры FA , FB , FC , FD , FE , и отъ точки C , къ полу-діаметру FC , перпендикуляръ CH , которой дойдетъ до полу-діаметра FB , протянутого до H , и будетъ перпендикуляръ CH , боку BC , тангенсъ или касатель по 6 проблемѣ геометрической: за тѣмъ что онъ коснулся боку BC въ точкѣ C а отъ точки D , полу-діаметра FD , такожъ когда протянешъ перпендикуляръ DG которой дойдетъ до полу-діаметра FE , протянутого до G , и будетъ тангенсъ по тойже проблемѣ дуги DE , или угла A , за тѣмъ что мѣра углу A дуга DE , и протяни еще отъ точки C къ полу-діаметру AF перпендикуляръ CI , которой будетъ синусъ бока AC , по 6 проблемѣ геометрической: а отъ точки H , до I , прямую лінію въ планѣ дуги BC , которая пройдетъ перпендикулярно въ планѣ дуги AC , за тѣмъ что Сферической уголъ C , прямой: такожъ и тангенсъ DG , въ планѣ дуги DE , которой перпендикуляръ плану дуги AD , за тѣмъ что уголъ D Сферической прямой, а полу-діаметръ FD , будетъ синусъ дуги AD , или угла D и C , по 2 теоремѣ.

фиг: 19

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Когда тангенсы CH , DG , перпендикуляры полу-діаметрамъ FC , FD , и дуги ихъ BC , DE , между собою параллели, и прямыми углами сѣкутъ дугу AD , въ точкахъ D , C , по тому и они между собою параллели: такожъ и полу-діаметры FC , FD , а когда синусъ CI , бока AC , перпендикуляръ полу-діаметру FA , по тому онъ и параллель полу-діаметру FD , а лінія HI , синусу прямому угла F , лінеи FG , будетъ параллель, по тому и углы G , H , будутъ равны: и будутъ два треугольника прямоугольныя CHI , FGD , подобныя и между собою пропорціональныя: какъ синусъ FD , прямова угла или дуги AD , къ синусу CI , дуги AC , такъ тангенсъ DG , дуги DE , или угла A , къ тангенсу CH , бока BC , что надлежало доказать, равнымъ же образомъ какъ синусъ прямова угла C , къ синусу бока BC , такъ тангенсъ угла B , къ тангенсу противнаго бока AC .
протянувъ

фиг: 18

протянувъ бокъ ВС, такъ какъ бокъ АС, на противу того въ томъ же треугольникѣ АВС, знаючи два бока АС, АВ, сыдещь, копорой захочешъ уголъ А, или В.

Т Е О Р Е М А XIII.

Во всякомъ треугольникѣ Сферическомъ прямоугольномъ АВС, пропорціонално будетъ: какъ синусъ прямова угла С, къ синусу Іпотенусы АВ, такъ синусъ угла А, къ синусу противоположащаго ему бока ВС.

фиг: 18

П Р И Г О Т О В Л Е Н І Е КЪ ДОКАЗАТЕЛЬСТВУ.

Протяни бокъ АС, и Іпотенусу АВ, по четверти круга АД, АЕ, изъ угла А, такъ какъ изъ поля начерти большаго круга дугу DE, которая будетъ мѣра углу А, по теоремѣ: и изъ центра F, до поверхности сферы къ точкамъ А С D, E, протяни полудіаметры FA, FC, FD, FE, и отъ точки В, къ полудіаметру AF: перпендикуляръ ВН, будетъ синусъ Іпотенусы АВ, а полудіаметру FC, протянешъ перпендикуляръ ВІ, синусъ бока ВС, по 6 проблемѣ геометріи, еще протяни отъ точки E, полудіаметру FD, перпендикуляръ EG, которой будетъ синусъ дуги ED, или угла А, и отъ I, до H, протяни прямую линію, а полудіаметръ FE, будетъ синусъ четверти круга АД, или прямова угла, по 12 теоремѣ.

Д О К А З А Т Е Л Ъ С Т В О.

Когда прямова угла, синусъ EF, и синусъ ВН Іпотенусы АВ, перпендикуляры полудіаметру AF, по тому они и параллели, а синусы GE, ВІ, дугъ BF, BC, перпендикуляры полудіаметрамъ FD, FC, то и они между собою параллели же и углы FEG, НВІ, равны: и будутъ два треугольника FGE, НІВ подобные, углы у нихъ въ обоихъ прямые G, I, также и углы FEG, НВІ, равны: а боки подобныя параллели другъ другу, и будетъ какъ синусъ FE, четверти круга АД, (или прямова угла) къ синусу ВН, (Іпотенусы АВ) такъ синусъ EG, (угла А, или дуги ED,) къ синусу ВІ, (бока ВС,) что надлежало доказать.

фиг: 19

равнымъ же образомъ, въ томъ же треугольникѣ: какъ прямой уголъ С, къ синусу Іпотенусы АВ, такъ синусъ угла В, къ синусу противоположащаго бока АС.

НА

На противо того въ томъ же треугольникѣ, знаячи *іпопенусу*, и одинъ которой нибудь боковъ, можно сыскать противной ему уголъ.

Т Е О Р Е М А XIV

план: 3°
фиг: 6

Во всякомъ Сферическомъ треугольникѣ, какъ въ прямоу-
угольномъ такъ и въ тупоугольномъ: *сінусъ* боковъ по про-
порціи *сінусовъ* противныхъ угловъ, на примѣрѣ: въ Сферическомъ треугольникѣ ABC, *сінусъ* угла A, къ *сінусу* противоположаго ему бока BC, такъ *сінусъ* угла B, къ *сінусу* противоположаго ему бока AC.

Д О К А З А Т Е Л Ъ С Т В О .

фиг: 6

Протяни изъ угла C, къ противному его боку AB, перпендикуляръ CD, и будутъ два треугольника прямо-
угольны ADC BDC, по 13 теоремѣ: что въ треугольникѣ
прямоугольномъ ADC, *сінусъ* угла A, къ *сінусу* против-
наго бока CD, такъ и *сінусъ* прямова угла D, къ *сінусу*
іпопенусы AC, а въ треугольникѣ BDC, *сінусъ* бока DC, къ *сінусу*
противнаго угла B, такъ и *сінусъ* *іпопенусы* BC, къ *сінусу*
прямова угла B. равножъ въ пропорцію, какъ *сінусъ* угла A, къ *сінусу* угла B, такъ и *сінусъ* бока BC, къ *сінусу* бока AC. перемѣня, какъ *сінусъ* угла A, къ *сінусу* бока BC, такъ *сінусъ* угла B, къ *сінусу* бока AC, что надлежало доказать.

фиг: 6

равнымъ же образомъ доказать: какъ *сінусъ* угла A, къ *сінусу* противнаго бока BC, такъ и *сінусъ* угла C, къ *сінусу* противнаго бока AB. когда протянешъ перпендикуляръ изъ котораго нибудь угла, какъ B, къ противному боку AC, то хотя въ срединѣ или внѣ треугольника пройдетъ, равно доказывается.

Противножъ тому въ томъ же треугольникѣ ABC, знаячи два угла, и одинъ боковъ противной одному известному углу, можешъ познать и другіе боки и уголъ.

Т Е О Р Е М А XV.

Во всякомъ Сферическомъ треугольникѣ, *сінусы* сегментовъ основанія, здѣланныхъ перпендикуляромъ, будутъ реципрокѣ, то естьъ обратно пропорціональны съ тангенсомъ угла прилежащаго къ тому базу, на примѣрѣ: въ треугольникѣ Сферическомъ ABC, въ которомъ перпендикуляръ CD, въ раздѣленномъ базѣ AB, *сінусъ* сегмента AD, къ *сінусу* сегмента жъ BD, такъ тангенсъ угла B, къ тангенсу угла A.

ДОКАЗАТЕЛЬ-

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Перпендикуляръ CD , дѣлаетъ два треугольника прямо-
угольныхъ ADC , и BDC , и будетъ какъ прямой уголъ
(по 13 теоремѣ) къ синусу бока сирѣчь сегмента AD , такъ
тангенсъ угла A , къ тангенсу бока CD , такожъ въ
треугольникѣ BDC , какъ синусъ бока или сегмента BD ,
къ синусу прямова угла D , такъ тангенсъ бока CD , къ
тангенсу угла B , равножъ какъ синусъ сегмента AD , къ
синусу сегмента BD , такъ тангенсъ угла B , къ тангенсу
угла A , равножъ какъ синусъ надлежало доказать.

фиг: 6

ТЕОРЕМА. XVI.

Во всякомъ треугольникѣ Сферическомъ, комплементы
сегментовъ база, пропорціональны будутъ къ синусамъ ком-
плементамъ другихъ двухъ боковъ, на примѣрѣ: въ треугол-
никѣ Сферическомъ ABC , въ которомъ перпендикуляромъ CD ,
раздѣлено во основаніи AB , синусъ комплементъ сегмента
 AD , къ синусу комплементу сегмента BD , такъ и синусъ
комплементъ бока AC , къ синусу комплементу бока BC .

фиг: 20

ПРИГОТОВЛЕНІЕ КЪ ДОКАЗАТЕЛЬСТВУ.

Изъ угла C , такъ какъ изъ поля, начерти болшаго круга
дугу EHF , въ разстояніи отъ поля C , четверть круга:
и пересѣчь базъ AB , въ точкахъ E , F , какъ его протянешъ,
и протяни оба бока AC , BC , и перпендикуляръ по четверти
круга, до точекъ G , H , I : и будутъ всѣ три угла G , H , I ,
прямые, за тѣмъ что CG , CH , CI , по четверти круга, и
точки E , F , такъ какъ поли въ разстояніи отъ дуги DH , по
четвертижъ круга, по тому и будетъ AE , комплементъ
сегмента AD , а BF комплементъ сегмента BD , такожъ
 AG , комплементъ бока AC , а BI , комплементъ бока BC .

фиг: 20

Углы E , F , между собою равны, по тому что одна имъ
мѣра, дуга DH .

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

Въ треугольникѣ AGE , какъ синусъ прямова угла G , къ
синусу угла E , такъ синусъ дуги AE , (которая комплементъ
сегмента AD ,) къ синусу дуги AG , (которая комплементъ
боку AC ,) подобножъ въ треугольникѣ BIF , какъ синусъ
прямова угла I , къ синусу угла F , которой равенъ углу
 E , такъ синусъ дуги BF , которая комплементъ сегмента
 BD .

фиг: 20

BD, кб сінусу дуги BI, комплементу бока BC, по тому резону сінусъ комплементъ AE, сегманта AD, кб сінусу комплементу BF, сегманта BD, такъ сінусъ комплементъ AG, бока AC, кб сінусу комплементу BI, бока BC, что надлежитъ докозати.

О Е О Р Е М А XVII.

план: 3°
фиг: 20

Во всякомъ треугольникѣ Сферическомъ, сінусы комплементы дву угловъ здѣланныхъ перпендикуляромъ, будутъ пропорціональны тангенсамъ комплементамъ обѣихъ боковъ, на примѣръ: въ треугольникѣ Сферическомъ ABC, отъ прошедшаго перпендикуляра CD, кб базу AB: будетъ сінусъ комплементъ угла ACD, кб сінусу комплементу угла BCD, такъ тангенсъ комплементъ бока AC, кб тангенсу комплементу бока BC.

Д О К А З А Т Е Л Ъ С Т В О.

фиг: 20

Приготовленіе кб доказательству устроивается равнымъ образомъ какъ 16 теорема: и будетъ углу ACD, мѣра дуга GH, а комплементъ его дуга EG, а углу BCD, мѣра дуга HI, а комплементъ его дуга FI. и въ треугольникѣ AGE, какъ сінусъ прямова угла G, кб тангенсу угла E, по 13 теоремѣ, такъ сінусъ комплементъ угла ACD, дуга EG, кб тангенсу комплементу бока AC, дуги AG. равножъ и въ треугольникѣ BIF, какъ сінусъ прямова угла I, кб тангенсу угла F, которой равенъ углу E, такъ сінусъ комплементъ угла BCD, дуга FI, кб тангенсу дуги BI, комплементу бока BC: по тому резону, какъ сінусъ комплементъ угла ACD, кб сінусу комплементу угла BCD, такъ тангенсъ комплементъ бока AC, кб тангенсу комплементу бока BC, что надлежало докозати.

О Е О Р Е М А XVIII.

фиг: 21

Во всякомъ треугольникѣ Сферическомъ, сінусы дву угловъ здѣланныхъ перпендикуляромъ, пропорціональны сь сінусами комплементами дву угловъ прилежащихъ кб базу, на примѣръ: въ треугольникѣ сферическомъ ABC, сотворенныя перпендикуляромъ CD, углы пропорціональны: какъ сінусъ угла ACD, кб сінусу угла BCD, такъ сінусъ комплементъ угла A, кб сінусу комплементу угла B.

П Р И Г О Т О В Л Е Н І Е К Б Д О К А З А Т Е Л Ъ С Т В У.

Приготовленіе подобно первымъ: кб тому жъ, изъ угловъ A, B, такъ какъ изъ полей въ разстояніи четверти круга, начерти болшаго круга дуги KL, MN: потомъ протяни оба бока CA, CB, до дугъ KL, MN, и будутъ по четверти круга

круга $AK, CG, HC, AP, KL, HE, GL, BM, CI, BO, MN, HF, IN$, и будутъ прямые углы K, P, M, O , дуга KP , мбра углу A , а дуга PL , его комплементъ: дуга MO , мбра углу B , а дуга ON , его комплементъ: дуги HG, EL , мбра углу ACD , а дуга GE , его комплементъ: дуги HI, FN , мбра углу $B CD$, а дуга IF , его комплементъ: а углы AEG, BFI равны, за тѣмъ что одна имъ мбра, дуга DN , такожъ и прошивныя ихъ углы PEL, NFO , равныжъ.

фиг: 21

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

По сему приготовленію будетъ въ треугольникѣ LPE : какъ синусъ прямова угла P , къ синусу угла E , такъ синусъ гипотенузы LE , которой равенъ углу ACD , къ синусу бока LP , которой комплементъ углу A . такожъ и въ треугольникѣ NOF , синусъ прямова угла O , къ синусу угла F , (или E , за тѣмъ что они равны) такъ синусъ гипотенузы FN , которой равенъ углу $B CD$, къ синусу бока NO , комплементу угла B . по тому какъ синусъ гипотенузы LE , къ синусу гипотенузы FN , сирѣчь уголъ ACD къ углу $B CD$, такъ синусъ комплементъ угла A , дуга LP , къ синусу комплементу угла B , дугѣ NO , что надлежало доказать.

фиг: 21

ТЕОРЕМА XIX

Во всякомъ треугольникѣ сферическомъ, синусъ комплементъ дву угловъ, которые здѣланы перпендикуляромъ, обратительною пропорціею съ тангенсами обѣихъ боковъ. на примѣръ: въ треугольникѣ сферическомъ ABC , сотворенныя опъ перпендикуляра CD , углы: какъ синусъ комплементъ угла ACD , къ синусу комплементу угла $B CD$, такъ тангенсъ бока BC , къ тангенсу бока AC .

фиг: 20

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО.

По силѣ 17 теоремы, какъ синусъ комплементъ угла ACD , дуга GE , къ синусу комплементу угла $B CD$, дуги IF , такъ тангенсъ AG , комплементъ бока AC , къ тангенсу BI , комплементу бока BC , (по силѣ геометрической 10 проблемы II показанія 8 артикула) какъ тангенсъ комплементъ бока AC , къ тангенсу комплементу бока BC , такъ тангенсъ бока BC , къ тангенсу бока AC . и по тому, какъ синусъ комплементъ угла ACD , къ синусу комплементу угла $B CD$, такъ тангенсъ бока BC , къ тангенсу боку AC , что надлежитъ доказать.

предлогъ

ПРЕДЛОГЪ ВТОРЫЙ.

о розысканіи треугольниковъ прямоугольныхъ

Исчисленіе Сферическихъ треугольниковъ, или розыскъ называется то: чтобъ сыскать, сколько которому боку (въ треугольникѣ, какъ прямоугольномъ, такъ и въ тупоугольномъ,) градусовъ и мінусъ; такъ равно, какъ въ плоской тригонометріи прямолинейныхъ треугольниковъ по синусамъ, тангенсамъ и секансамъ.

ПРОБЛЕМА I.

Знаячи два бока и прямой уголъ, сыскать углы.

план: 3.
фиг: 18

Въ сферическомъ треугольникѣ прямоугольномъ ABC, знаячи боки AB, BC, и прямой уголъ B, сыскать одинъ которой пожелаешь, на примѣръ: уголъ A, сиевымъ аналогіемъ.

1. Аналогіе по 12 еоремѣ.

Какъ синусъ бока AB, къ синусу прямого угла B,
такъ тангенсъ бока BC, къ тангенсу угла A.

2. Аналогіе по 10 геометрической проблемѣ, 3 показанія, 9 артікула.

Какъ прямой уголъ (или радиусъ)
къ секансу комплементу бока AB,
такъ тангенсъ бока BC, къ тангенсу угла A.

3. Аналогіе по 10 геометрической проблемѣ, 3 показанія, 7 артікула.

Какъ прямой уголъ (или радиусъ) къ синусу бока AB,
такъ тангенсъ комплементъ бока BC,
къ тангенсу комплементу угла A.

Сіевыми образы взявъ число въ логаріемѣ, сыщешь уголъ A:
такимъ же образомъ ищется, и другой уголъ C.

ПРОБЛЕМА II.

Знаячи одинъ уголъ косой, и прилежающей ему бокъ,
сыскать другой уголъ косой.

фиг: 22

Въ треугольникѣ Сферическомъ прямоугольномъ ABC, знаячи косой уголъ A, и прилежающей ему бокъ AB, и прямой уголъ B, сыскать другой косой уголъ C.

Изъ угла C, такъ какъ изъ поля въ разстояніи четверти круга CD, CF, на черти дугу DEF, такожъ четверть круга, которая зъ бокомъ BA, пересѣчется въ точкѣ F, когда его просянешъ до 90 градусовъ, и будетъ дуга BD, комплементъ бока BC: дуга DE, мѣра углу C, а дуга EF, комплементъ его, дуга AE, комплементъ гипотенузы AC, дуга

дуга AF , комплементъ бока AB , и когда сыщешъ, и будешъ знать комплементъ угла, или бока, то будешъ знать, и тотъ бокъ, или уголъ, котораго ищешъ: и разыскивать по сей аналогїи по 13 теоремъ.

какъ синусъ прямова угла E , къ синусу комплементу бока AB , такъ синусъ угла A , къ синусу комплементу угла C .

ПРОБЛЕМА III

Знаячи косой уголъ, и противной ему бокъ, сыскать другой уголъ косой.

Въ треугольникъ сферическомъ ABC , знаячи косой уголъ C , и противной ему бокъ AB , и прямой уголъ B , сыскать уголъ A , по сиевымъ аналогїямъ.

фиг: 22

1. Аналогїа по 13 теоремъ (2) раздѣленїя.

какъ синусъ комплементъ бока AB , къ синусу прямова угла E , такъ синусъ комплементъ угла C , къ синусу угла A .

2. Аналогїа по 10 геометрической проблемѣ, 3 показанїя, 9 артикула.

какъ синусъ прямова угла, (сирѣчь радиусъ) къ секансу бока AB , такъ синусъ комплементъ угла C , къ синусу угла A .

ПРОБЛЕМА IV.

Знаячи гипотенусу и одинъ бокъ, сыскать уголъ противной боку.

Въ треугольникъ сферическомъ ABC , знаячи гипотенусу AC , и бокъ AB , и прямой уголъ B , сыскать уголъ C , противной боку AB , по сиевымъ аналогїямъ.

фиг: 10

1. Аналогїа по 13 теоремъ.

какъ синусъ гипотенусы AC , къ синусу прямова угла B , такъ синусъ бока AB , къ синусу угла C .

фиг: 10

2. Аналогїа по 10 геометрической проблемѣ, 3 показанїя, 9 артикула.

какъ синусъ прямова угла (сирѣчь радиусъ) къ секансу комплементу гипотенусы AC , такъ синусъ бока AB , къ синусу угла C .

ПРОБЛЕМА V.

Знаячи гипотенусу и одинъ бокъ, сыскать одинъ уголъ прилежащей къ ней.

Въ треугольникъ сферическомъ ABC , знаячи гипотенусу AC , бокъ BC , и прямой уголъ B , сыскать уголъ C , по симъ аналогїямъ по приговору 2 проблемъ.

фиг: 22

С

1 аналогїя

1. Аналогія по 12 теоремъ.

Какъ тангенсъ угла F , комплементъ бока BC , къ синусу прямова угла E , такъ тангенсъ дуги AE , комплементъ іпошенусы AC , къ синусу дуги EF , комплементу угла C .

2. Аналогія по 10 геометрической проблемѣ, 3 показанія, 7 артикула.

Какъ синусъ прямова угла, къ тангенсу бока BC , такъ тангенсъ комплементъ іпошенусы AC , къ синусу комплементу угла C .

ПРОБЛЕМА VI.

Знаячи іпошенусу, и косой уголъ, сыскать другой косой уголъ.

План: 3.
Фиг: 22

Въ треугольникѣ Сферическомъ ABC , знаячи іпошенусу AC , уголъ A , и прямой уголъ B . сыскать другой косой уголъ C , по приговору 2 проблемы, по сей аналогіи.

ПРОБЛЕМА IX.

Знаючи одинъ косой уголъ, и противной ему бокъ, сыскашь другой бокъ.

Въ треугольникѣ сферическомъ ABC, знаючи уголъ C, фиг: 10 и противной ему бокъ AB, и прямой уголъ B, сыскашь другой бокъ BC, по симъ аналогіямъ.

1. Аналогія (12) теоремы.

Какъ тангенсъ угла C, къ синусу прямого угла B, такъ тангенсъ бока AB, къ синусу бока BC.

2. Аналогія по 10 Геометрической проблемѣ, 3 показанія, 7 артикула.

Какъ синусъ прямого угла, къ тангенсу комплементу угла C, такъ тангенсъ бока AB, къ синусу бока BC.

ПРОБЛЕМА X.

Знаючи гипотенусу и одинъ уголъ косой, сыскашь противной знаемому углу бокъ.

Въ треугольникѣ сферическомъ ABC, знаючи гипотенусу AC, и уголъ A, и прямой уголъ B, сыскашь противной знаемому углу бокъ BC, по 13 теоремѣ симъ аналогіямъ. фиг: 10

Какъ синусъ прямого угла B, къ синусу гипотенусы AC, такъ синусъ угла A, къ синусу бока BC.

ПРОБЛЕМА XI.

Знаючи гипотенусу, и одинъ косой уголъ, сыскашь прилежащей ему бокъ.

Въ треугольникѣ сферическомъ ABC, знаючи гипотенусу AC, фиг: 22 косой уголъ C, и прямой уголъ B, сыскашь бокъ BC, по симъ аналогіямъ.

1. Аналогія (12) теоремы.

Какъ синусъ комплементу угла C, къ синусу прямого угла, такъ тангенсъ гипотенусы AC, къ тангенсу комплементу бока BC.

2. Аналогія (5) проблемы сего предлога.

Какъ тангенсъ компле: гипотенусы AC, къ синусу угла прямого, такъ синусъ компле: угла C, къ тангенсу бока BC.

3. Аналогія по 10 геометрич: проблемѣ, 3 показанія, 9 артикула.

Какъ синусъ прямого угла, къ синусу угла C, такъ танген: компле: гипотену: AC, къ тангенсу компле: бока BC.

4. аналогія

4. Аналогія по 7 артікулу того жб показанія.

Какб сінусб прямова угла, кб тангенсу іпотенусы АС,
такб сінусб компле: угла С, кб тангенсу бока ВС.

ПРОБЛЕМА XII.

Знаючи іпотенусу, и бокб, сыскашь другой бокб.

план: 3.
фїг: 22

Вб треуголникб, сферическомб АВС, знаючи іпотенусу АС,
бокб АВ, и прямой уголб В: сыскашь другой бокб ВС,
приготовя по второй проблемб, по симб аналогіямб.

1. Аналогія (13) теоремы.

Какб сінусб компле: бока АВ, кб сінусу прямова угла, такб сінусб
комплементб іпотенусы АС, кб сінусу комплемен: бока ВС.

2. Аналогія по 10 геометроїи: пробле: 3. показа: 9 артікула.

Какб сінусб прямова угла, кб секансу бока АВ,
такб сінусб компле: іпотенусы АС, кб сінусу компле: бока ВС.

ПРОБЛЕМА XIII.

Знаючи два угла косыя, сыскашь іпотенусу.

фїг: 22

Вб треуголникб сферическомб АВС, знаючи оба угла
косыя А, С, и прямой уголб В: сыскашь іпотенусу АС,
по симб аналогіямб.

1. Аналогія (12) теоремы.

Какб тангенсб угла А, кб сінусу прямова угла В,
такб танге: компле: угла С, кб сінусу компле: іпотенусы АС.

2. Аналогія по 10 геометроической проблемб, 3 показанія, 7 артікула.

Какб сінусб прямова угла, кб танген: компле: угла А,
такб танге: компле: угла С, кб сінусу компле: іпотенусы АС.

ПРОБЛЕМА XIV.

Знаючи одинб косой уголб, и противной ему бокб,
сыскашь іпотенусу.

фїг: 10

Вб треуголникб сферическомб АВС, знаючи косой уголб А,
и противной ему бокб ВС, и прямой уголб В, сыскашь
іпотенусу АС, по симб аналогіямб.

1. Аналогія (13) теоремы.

Какб сінусб угла А, кб сінусу бока ВС,
такб сінусб прямова угла В, кб сінусу іпотенусы АС.

2. аналогія

2. Аналогія, пробле: 10 геометрі: показа: 3. Архіку: 9.

Какъ сінусъ прямова угла, къ секансу угла А,
такъ сінусъ бока ВС, къ сінусу іпопенусу АС.

ПРОБЛЕМА XV.

Знаючи одинъ уголъ и прилягающей ему бокъ,
сыскашь іпопенусу.

Въ треугольникѣ Сферическомѣ АЕС знаючи уголъ С, бокъ ВС, и прямой уголъ В. сыскашь іпопенусу АС, сея аналогіи по 12 теоремѣ. фиг: 24

Какъ сінусъ прямова угла, къ сінусу компле: угла С,
такъ тангенсъ комплементна бока ВС, къ тангенсу компле: іпопенусѣ АС.

ПРОБЛЕМА XVI.

Знаючи два бока, сыскашь іпопенусу.

Въ треугольникѣ Сферическомѣ АВС, знаючи оба бока АВ, ВС, и прямой уголъ В, сыскашь іпопенусу АС, по сей аналогіи.

Какъ сінусъ прямова угла С, къ сінусу компле: бока АВ,
такъ сінусъ компле: бока ВС, къ сінусу компле: іпопенусу АС.

ПРЕДЛОГЪ ТРЕТІЙ.

О исчисленіи треугольниковъ тупоугольных.

ПРОБЛЕМА I.

Знаючи два угла, и одинъ бокъ знаемому углу противной,
сыскашь третій уголъ.

Въ треугольникѣ Сферическомѣ АВС, знаючи два угла А, В, и бокъ ВС, противной знаемому углу А, сыскашь третій уголъ С. фиг: 20

Протяни перпендикуляръ DC, изъ угла С, къ противному боку АВ.

1. аналогія по 6 проблемѣ 2 предлога.

Какъ сінусъ прямова угла I, къ сінусу компле: бока ВС,
такъ тангенсъ угла В, къ тангенсу компле: угла BCD.

Сыскавъ уголъ BCD, сыщешъ уголъ ACD, по (18) теоремѣ

(2) раздѣленія, по сей аналогіи.

Какъ сінусъ компле: угла В, къ сінусу компле: угла А,
такъ сінусъ угла BCD, къ сінусу угла ACD.

Т

И когда

план: 3.
фиг: 18

И когда сыщешъ углы ACD , $B CD$, сложи въ мѣстѣ: сумма будетъ уголъ C , котораго искалъ, ежели перпендикуляръ CD , внутри треугольника; а когда въ нѣ треугольника, какъ фигура 23, тогда разность между сысканныхъ треугольниковъ, будетъ число угла C , котораго искалъ.

ПРОБЛЕМА II.

Знаючи два угла и бокъ которой между ими сыскашь третей уголъ.

фиг: 20

Въ треугольникѣ сферическомъ ABC , знаючи два угла B , C , и бокъ BC , которой между ими: сыскашь третей уголъ A ; протянувъ изъ котораго нибудь знаемаго угла, на примѣрѣ C , перпендикуляръ CD , по аналогіи 6 проблемы (2) предлога.

Какъ сѣнусъ прямого угла, къ сѣнусу комплементу бока BC , такъ тангенсъ угла B , къ тангенсу компле: угла $B CD$.

Вычши сысканной уголъ $B CD$ изъ знаемаго всего угла C , останеся уголъ ACD , а по томъ по аналогіи (18) теоремы, сыщешъ уголъ A .

Какъ сѣнусъ угла $B CD$, къ сѣнусу угла ACD , такъ сѣнусъ компле: угла B , къ сѣнусу компле: угла A .

ПРОБЛЕМА III.

Знаючи два бока, и одинъ прошивной знаемому боку уголъ, сыскашь между знаемыхъ боковъ уголъ.

фиг: 21

Въ треугольникѣ сферическомъ ABC , знаючи два бока AC , BC , и прошивной знаемому боку AC , уголъ B : сыскашь средней между знаемыхъ боковъ уголъ C ; протянувъ перпендикуляръ CD , изъ угла C , боку AB , первое по аналогіи 6 проблемы (2) предлога.

Какъ сѣнусъ прямого угла, къ сѣнусу компле: бока BC , такъ тангенсъ угла B , къ тангенсу комплементу бока $B CD$.

Когда сыщешъ уголъ $B CD$, по аналогіи (19) теоремы сыщешъ и уголъ ACD .

Какъ тангенсъ бока AC , къ тангенсу бока BC , такъ сѣнусъ комплементу угла $B CD$, къ сѣнусу компле: угла ACD .

Какъ сложишъ въ мѣстѣ два угла ACD , $B CD$, сумма будетъ уголъ ACB , чего искалъ; ежели перпендикуляръ CD , въ нутри треугольника ABC ; а когда въ нѣ треугольника какъ фигура 23, тогда разность ихъ.

ПРОБЛЕМА IV.

Знаючи два бока, и уголъ между ими: сыскашь уголъ другой, которой ниестъ;

фиг: 24

Въ треугольникѣ сферическомъ ABC , знаючи два бока AB , AC ,

АВ, ВС, и между ими уголъ В, сыскать другой уголъ, кошорой пожелаешъ на примѣрѣ А: протинувъ перпендикуляръ изъ угла С, раздѣли бокъ АВ, на два сегманта АД, ВD, первѣе по аналогіи (11) проблемы (2) предлога, сыскать сегмантъ ВD.

какъ сѣнусъ прямога угла, къ сѣнусу компле: угла В,
такъ тангенсъ бока ВС, къ тангенсу сегманта бока ВD.

Когда сыщешъ сегмантъ ВD, тогда и другой сегмантъ АД, будешъ знать, за тѣмъ что весь бокъ АВ, знаешъ, по шомъ, по аналогіи (15) еоремы сыщешъ уголъ А.

какъ сѣнусъ сегманта АД, къ сѣнусу сегманта ВD,
такъ тангенсъ угла В, къ тангенсу угла А.

ПРОБЛЕМА V.

Знаячи два бока, и одинъ противной одному знаемому боку
уголъ, сыскать другой уголъ противной.

Въ треугольникѣ Сферическомъ АВС, знаячи два бока АВ, ВС, и противной одному знаемому боку уголъ, на примѣрѣ В: сыскать уголъ А, противной другому знаемому боку; по (14) еоремѣ по сей аналогіи. фиг: 25

какъ сѣнусъ бока АС, къ сѣнусу противнаго угла В,
такъ сѣнусъ бока ВС, къ сѣнусу противнаго угла А.

ПРОБЛЕМА VI.

Знаячи два угла, и одинъ бокъ одному знаемому углу противной;
сыскать между знаемыхъ угловъ бокъ;

Въ треугольникѣ сферическомъ АВС, знаячи два угла А, В, и бокъ ВС, противной углу А: сыскать бокъ АВ, принадлежащей къ знаемому углу А; протинувъ перпендикуляръ CD, изъ претвѣго угла С, кошорой раздѣлитъ базъ АВ, на два сегманта АД, ВD, прежде сегмантъ ВD, сыскать по 10 проблемѣ сей аналогіи. фиг: 2

какъ сѣнусъ прямога угла, къ сѣнусу компле: угла В,
такъ тангенсъ бока ВС, къ тангенсу сегманта ВD.

Сыскать другой сегмантъ АД, по 15 еоремѣ сею аналогією.

какъ тангенсъ угла А, къ тангенсу угла В,
такъ сѣнусъ сегманта ВD, къ сѣнусу сегманта АД.

Когда перпендикуляръ CD, въ срединѣ треугольника АВС, тогда оба сысканная сегманта АД, ВD, сложи: сумма будешъ бокъ искомой АД, а когда перпендикуляръ въ нѣ треугольника будешъ, какъ фигура 23; тогда разность сегмантовъ, будешъ число искомому боку АВ.

ПРОБЛЕМА

ПРОБЛЕМА VII.

план: 3
фиг: 20

Знаючи два угла, и одинъ между знаемыхъ угловъ бокъ,
сыскашь другой бокъ.

Въ треугольникѣ сферическомъ ABC, знаючи два угла
B, C, и бокъ BC: сыскашь другой бокъ, который пожелаешь,
на примѣръ AC; протянувъ перпендикуляръ CD, по 6 проблемѣ (2)
предлога симъ аналожіемъ.

Какъ прямой уголъ, къ синусу компле: бока BC,
такъ тангенсъ угла B, къ танге: компле: угла BCD.

Когда сыскалъ уголъ BCD, будешь знать и уголъ ACD,
за тѣмъ что уголъ C, весь данъ. по томъ по 17 теоремѣ симъ
аналожіемъ.

Какъ синусъ компле: угла BCD, къ синусу компле: угла ACD,
такъ тангенсъ комплементъ бока BC, къ тангенсу комплементу бока AC.

ПРОБЛЕМА VIII.

Знаючи два угла и одинъ бокъ, знаемому углу противной,
сыскашь другой бокъ, другому знаемому углу противной.

фиг: 25

Въ треугольникѣ сферическомъ ABC, знаючи два угла A, B,
и бокъ BC: сыскашь бокъ AC, по 14 теоремѣ симъ аналожіемъ.

Какъ синусъ угла A, къ синусу противнаго бока BC,
такъ синусъ угла B, къ синусу противнаго бока AC.

ПРОБЛЕМА IX.

Знаючи два бока, и одинъ уголъ знаемому
боку противной, сыскашь третей бокъ.

фиг: 20

Въ треугольникѣ сферическомъ ABC, знаючи два бока AC,
BC, и уголъ противной знаемому боку B, сыскашь третей
бокъ AB, протянувъ перпендикуляръ CD, искомому боку изъ противнаго
ему угла C, по 11 проблемѣ (2) предлога, прежде сыщешь сегментъ BD,
симъ аналожіемъ.

Какъ синусъ прямого угла, къ синусу компле: угла B,
такъ танге: бока BC, къ тангенсу сегмента BD.

Сыскашь другой сегментъ AD, по 16 теоремѣ симъ аналожіемъ:
Какъ синусъ компле: бока BC, къ синусу компле: бока AC,
такъ синусъ комплементъ сегмента BD, къ синусу компле: сегмента AD.

И какъ сложишь оба сысканные сегмента AD, BD, сумма
будетъ бокъ AB, ежели перпендикуляръ CD, въ срединѣ
треугольника; а ежели въ нѣ, тогда разность сегментовъ,
будетъ число боку искомому AB.

проб-

ПРОБЛЕМА X.

Знаючи два бока и между ими уголъ, сыскашь третей бокъ.

Въ треугольникѣ сферическомъ ABC, знаючи два бока AB, BC, и между ими уголъ B, сыскашь третей бокъ AC, протянувъ перпендикуляръ CD, знаемому боку AB, изъ противнаго ему угла C. и по (11) проблемѣ (2) предлога симъ аналожемъ. фиг: 20

какъ сѣнусъ прямова угла, къ сѣнусу компле: угла B,
такъ тангенсѣ бока BC, къ тангенсу сегманта BD.

Сыскавъ одинъ сегмантъ BD, будешь знать и другой сегмантъ AD, понеже знаешь бокъ AB. а по 16 теоремѣ сыщешь бокъ AC, симъ аналожемъ.

какъ сѣнусъ компле: сегман: BD, къ сѣнусу комплементта сегм: AD,
такъ сѣнусъ компле: бока BC, къ сѣнусу комплементу бока AC.

ПРОБЛЕМА XI.

Знаючи три бока, сыскашь одинъ уголъ.

Въ треугольникѣ сферическомъ ABC, знаючи три бока, сыскашь одинъ уголъ, которой пожелаешь на примѣрѣ уголъ A.

Начерти изъ одного котораго нибудь угла B, или C, (такъ какъ изъ поля угла C,) дугу DE, въ разстоянтіи 90 градусовъ, которая пересѣчетъ три бока, протянутыхъ въ трехъ точкахъ D, E, F. и прежде по сей аналожіи искашь. фиг: 20

какъ сѣнусъ диферансѣ, или разности, комплемен: боковъ AC, BC,
къ суммѣ тѣхъ же сѣнусовъ, комплементовъ.

такъ танген: половины бока AB,
къ тангенсу половины суммы дугъ BF, AE.

Ежели уголъ A, острѣ, бокъ AC, болше бока BC, а сумма дву дугъ BF, AE, менше 180 градусовъ, которыя суммы половину сыщешь въ таблицахъ: а что уголъ A, тупой, или острый, то можешь познать по 8 теоремѣ, 4 пункта. и ежели сумма дву дугъ BF, AE, произойдетъ болше 180 градусовъ, тогда вычтешь надлежитъ изъ того 180 градусовъ, и когда изъ сысканной половины суммы дугъ BF, AE, вычтешь знаемой бокъ AB, тогда останется дуга AE, которая попенусою въ треугольникѣ AGE, въ которомъ прямой уголъ G, а бокъ AG, комплементъ бока AC, и по 5 проблемѣ втораго предлога сыщешь уголъ A, по сей аналожіи.

какъ прямой уголъ, къ тангенсу комплемен: бока AC,
такъ тангенсѣ комплемен: дуги AE, къ сѣнусу комплемен: угла A.

У

ДОКАЗА-

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО НА 1 АНАЛОЖІЮ ГЕОМЕТРИЧЕСКИ.

план: 3.

фиг: 20

Въ треугольникѣ ВІЕ, въ которомъ, прямой уголъ І, какъ синусъ четверти круга, къ синусу угла Е, такъ синусъ Іпопенусы ВЕ, къ синусу бока ВІ, по 12 теоремѣ. равножѣ въ треугольникѣ АЕГ, въ которомъ прямой уголъ Г, какъ синусъ четверти круга, къ синусу угла Е, такъ синусъ Іпопенусы АЕ, къ синусу бока АГ, такъ какъ синусъ дуги ВЕ, къ синусу дуги АЕ, такъ синусъ дуги ВІ, комплементъ бока ВС, къ синусу дуги АГ, комплементу боку СА, чего для умножительно въ сей аналогіи будетъ пропорціональножѣ: какъ сумма синусовъ дугъ АЕ, ВЕ, къ синусу дуги АГ, такъ сумма синуса дугъ АЕ, ВД, къ синусу дуги АГ, такожѣ и раздѣлительно пропорціею Геометрическою: какъ разность синуса дугъ АГ, ВЕ, къ синусу дуги АГ, такъ разность синуса дугъ АЕ, ВД, къ синусу дуги АЕ. по томужѣ равно будетъ: какъ сумма синусовъ дугъ АЕ, ВД, къ разности тогожѣ синуса, такъ сумма синусовъ дугъ АГ, ВЕ, къ разности тогожѣ синуса, и въ мѣсто суммы разность синуса дугъ АГ, ВЕ, а тангенсъ половина суммы и половина разности АВ, тѣхъ же дугъ АГ, ВД, будутъ одною пропорціею по 11 теоремѣ, какъ разность синусъ комплементъ боковъ АС, ВС, къ суммѣ тогожѣ синуса, такъ тангенсъ половины бока АВ, къ тангенсу половины суммы дугъ АЕ, ВЕ, что надлежало доказать.

ДРУГИМЪ ОБРАЗОМЪ РАЗВЯЗЫВАТЬ СІЮ ПРОБЛЕМУ.

Можно развязывать сію проблему, однимъ аналожіемъ; прежде изъ половины суммы трехъ боковъ, двумя боками (всякимъ) АВ, АС, которые дѣлаютъ искомой уголъ А, по сей аналогіи.

Какъ ректангль синуса дву боковъ АВ, АС, которые дѣлали искомой уголъ А.

Къ карѣ сирѣчь къ квадрату радіуса, такъ ректангль, ко остаткамъ дву боковъ къ карѣ, сирѣчь къ квадрату синуса половины угла А.

Ежели по геометріи возьмешъ чрезъ дѣленіе квадратное четвертой пропорціонель, будетъ синусъ половины угла А. Но токмо когда будешъ дѣлать по логаріемѣ, то очень сокращенно, надобно сложить число логаріемовъ двухъ остатковъ

остатковъ боковъ АВ, АС, къ удвоенному числу логарѣмовъ сѣнуса, ректангла или прямова угла.

И по томъ вычестъ изъ той суммы, сумму логарѣмовъ сѣнусовъ дву боковъ АВ, АС, которые зѣблали искомой уголъ А, и останешся число логарѣмовъ, сѣнуса половины угла А.

третимъ образомъ развязывать сѣю проблему.

Изъ большова угла С, къ большому противному боку АВ, проиянутъ перпендікуляръ CD, по томъ изъ тогожъ угла С, къ большому сегманшу DV, проиянутъ прямую лінію CE, чтобъ была равна боку АС, по тому и DE, равна AD, и будетъ преанглъ ізосель АСЕ: по тому что два бока АС, СЕ, равны и базъ АЕ, раздѣленъ на два сегманша равныхъ перпендікулярѣмъ CD. надобно сыскать прежде сегмантъ ЕВ, подобно какъ въ плоской тригонометріи: прежде возми половину числа большова бока, какъ АВ, по томъ вычти числомъ малаго бока АС, изъ среднева бока ЕС, и останешся разность, которая возми половину и сумму дву боковъ АС, ВС, возми по поламъ и ищи по тангенсамъ сѣнусымъ аналожіемъ рессіпрокмантъ.

Какъ тангенсъ половины большова бока АВ,
къ тангенсу половины суммы дву боковъ АС, ВС.

такъ тангенсъ половина разности дву боковъ АС, ВС,
къ тангенсу половины сегманша ВЕ.

Какъ сычешъ половину сегманша ВЕ, сложи вмѣстѣ и будетъ число сегманшу ВЕ, что вычти изъ всего бока АВ, и останешся число АЕ, а половину того возмешъ и будетъ сегмантъ AD, въ треуголникѣ ACD, въ которомъ будешъ знать бокъ AD, да іпопенусу АС, и прямой уголъ D, и сычешъ уголъ А, по 5 проблемѣ (2) предлога симъ аналожіемъ.

какъ тангенсъ комплементъ бока AD, къ тангенсу комплементу іпопенусы АС,
такъ сѣнусъ прямова угла, къ сѣнусу комплементу угла А.

А когда одинъ уголъ сычешъ, то и другіе свободно сыскать.

о треуголникѣ равнобочномъ.

А ежели случится треуголникъ ABC, равнобочной или ізосель, а искомой уголъ на примѣрѣ С, будетъ между равныхъ боковъ, то свободно можешъ развязать однимъ аналожіемъ: проиянутъ прежде два бока АС, ВС, между которыхъ искомой уголъ С, до чешверти круга изъ угла С, такъ какъ

какъ изъ поля начертить дугу EF , въ разстояніи четвертій круга, которая дуга EF , мѣра углу C , и сицевымъ аналогіемъ сыскашь уголъ C .

Какъ сінусъ бока AC , или BC , къ сінусу четверти круга CE , такъ сінусъ бока AB , къ сінусу угла C , сирѣчь дуги EF .

ПРОБЛЕМА XII.

Знаючи три угла, сыскашь три бока.

Въ треугольникѣ сферическомъ ABC , знаючи всѣ три угла, сыскашь одинъ бокъ, на примѣрѣ AB : изъ противнаго угла C , просяни перпендикуляръ CD , и ежели въ срединѣ будетъ треугольника, то сицевымъ аналогіемъ ищи уголъ C , подобно 11 проблемѣ сего предлога, знаючи три бока, сыскашь три угла.

Какъ сумма сінуса комплементъ дву угламъ A , B , между которыхъ искомой бокъ, къ разности тогожъ сінуса, такъ тангенсъ половины претьяго угла C , къ тангенсу половины разности дву угламъ ACD , BCD .

А ежели въ треугольникѣ ABC , перпендикуляръ CD , пройдетъ внѣ треугольника, то сицевымъ аналогіемъ.

Какъ разность сінуса комплементъ дву угламъ A , B , къ суммѣ тѣхъ же дву угламъ сінусу.

Такъ тангенсъ половины претьяго угла C , къ тангенсу половины суммы дву угламъ ACD , BCD .

Когда перпендикуляръ CD , прошелъ въ срединѣ треугольника ABC , и будетъ половина разности дву угламъ ACD , BCD , то приложи ту половину разности, или вычти изъ половины суммы угла ACB , и будешь знать тѣ углы порознь: а когда перпендикуляръ CD , придетъ внѣ треугольника ABC , тогда изъ сысканной половины суммы дву угламъ ACD , BCD , вычти или приложи половину угла ACB , и будешь знать весь уголъ ACD , и уголъ BCD . и по томъ сыщешь по 13 проблемѣ (2) предлога, бока AC , BC , а по 7 проблемѣ тогожъ предлога сегманты AB , BD , по тѣмъ и бокъ AB , искомой.

ДОКАЗАТЕЛЬСТВО на ПЕРВЫЕ АНАЛОЖІИ.

по 18 теоремѣ втораго расдѣленія, какъ сінусъ угла BCD , къ сінусу угла ACD , такъ сінусъ комплементъ угла B , къ сінусу комплементу угла A , равножъ какъ сумма сінусовъ комплементовъ дву угламъ A , B , къ разности ихъ сінуса, такъ сумма сінусовъ дву угламъ ACD , BCD , къ разности тогожъ сінуса. и въ мѣсто тѣхъ дву послѣднихъ сінусовъ положимъ тангенсъ половины суммы, и разности дву угламъ ACD ,

ACD, BCD, будетъ однимъ резономъ, по II теоремѣ второго раздѣленія, какъ сумма синусовъ комплементовъ дву угловъ А, В, къ разности того жъ синуса, такъ тангенсъ половины суммы и разности дву угловъ ACD, BCD, сирѣчь положити претвѣрѣго угла С, къ тангенсу половины разности между дву угловъ ACD, BCD, что надлежало доказать Геометрически.

инымъ образомъ развязать сію проблему:

фиг: 16

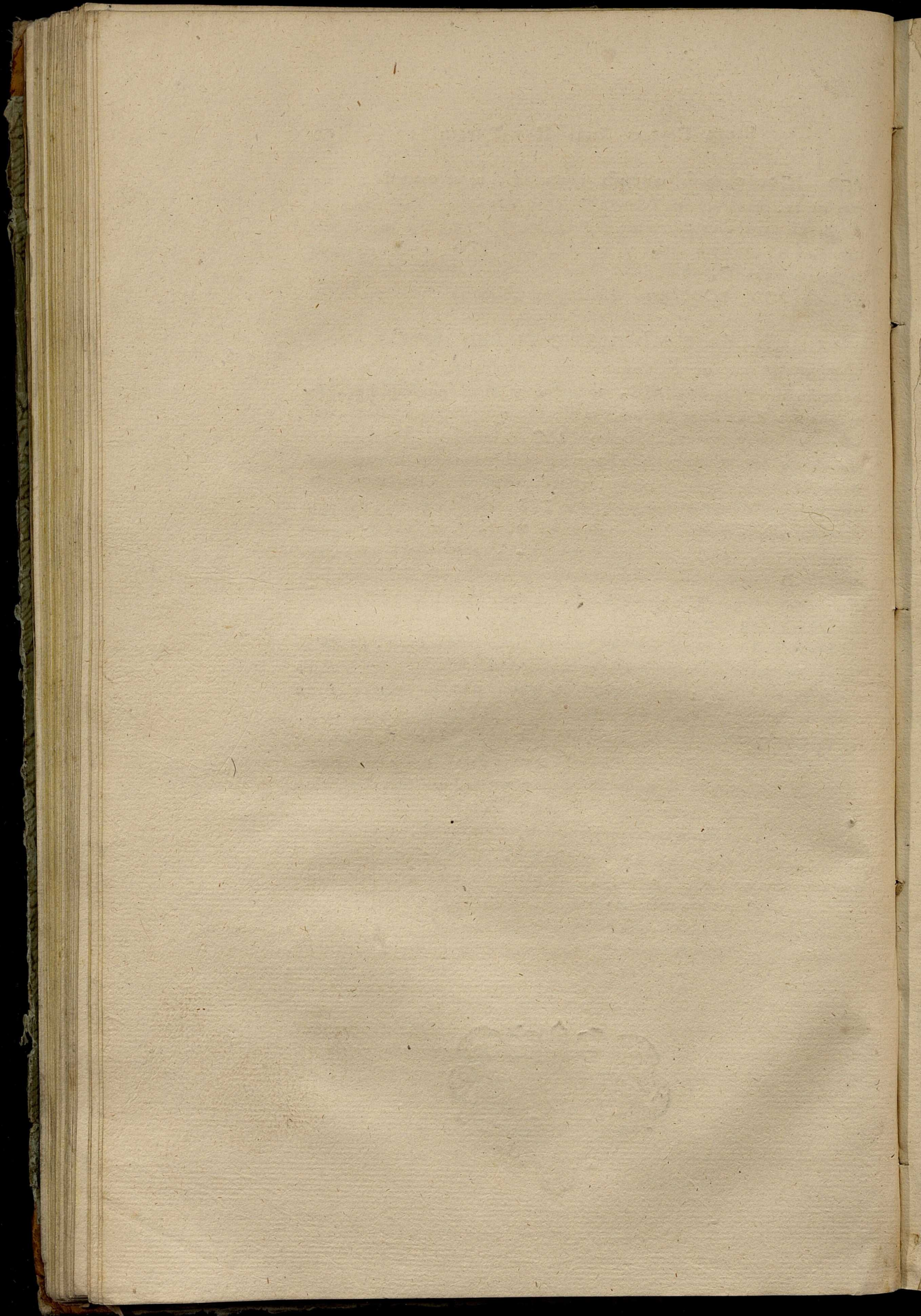
Сію проблему свободно можно развязать, по I теоремѣ: вмѣсто треугольника ABC, по другому треуголнику BEF, въ которомъ боки будутъ остатокъ 180 градусовъ, противныхъ угловъ треугольника данаго ABC: обратножъ и всякой уголъ будетъ остатокъ 180 градусовъ, всякаго противнаго бока тогожъ треугольника, когда углы треугольника ABC, знаемы, то и боки треугольника DEF, по тому жъ будутъ знаемы и по II проблемѣ сыщешъ углы D, E, F, по тому и боки треугольника ABC, познаешъ по проблемѣ перваго раздѣленія, что уголъ D, остатокъ 180 градусовъ отъ бока BC, а уголъ E, отъ бока AC, а уголъ F, остатокъ 180 градусовъ, отъ бока AB.

Можножъ и сцевымъ образомъ сыскать боки, зная углы превративъ углы въ боки, а боки въ углы, и дѣлать какъ показано въ II проблемѣ, осысканіи угловъ зная боки

о треуголникѣ экюлатералѣ или равнобочномъ.

Если случится треуголникъ экюлатералъ, то есть равно бочный, въ которомъ будутъ равные углы, или изоселъ, тогда изъ одного угла между равныхъ угловъ, пропяти перпендикуляръ, которой раздѣлитъ на два треуголника равныхъ, и уголъ изъ котораго пошелъ и бокъ по поламъ, понеже онъ протелъ между дву угловъ равныхъ, по тому и боковъ, и сыщешъ по 7 проблемѣ втораго предлога, одинъ сегмантъ и бокъ которой пожелаешъ изъ двухъ: а сегмантъ какъ сложишъ въ двое, и будетъ число претвѣрѣго бока, на которомъ перпендикуляръ, понеже ево перпендикуляръ раздѣлилъ на два сегманта равныхъ.





РЕЭСТРЪ МАТЕРІАМЪ.

	Страницы
О предѣ увѣдомленіи	1.

КНИГА ПЕРВАЯ О ГЕОМЕТРІИ.

О исполкованіи или изъясненіи званей	5.
Проблемы.	
I. о перпендікулярѣ	13.
II. о цѣркуляхъ или кругахъ	14.
III. о углахъ	14.
IV. о параллелахъ	15.
V. о треуголникахъ	16.
VI. о лѣніяхъ внѣ и внутрь круга	19.
VII. о углахъ внѣ и внутрь круга	21.
VIII. о практикѣ	23.
IX. о площадяхъ, и о равенствѣ чешвероуголниковъ и треуголниковъ	25.
X. { 1. о пропорціональности количествъ исполкованіе	27.
2. о пропорціи лѣней	34.
3. о пропорціональности, въ кругахъ и около ихъ, лѣней.	35.
XI. о пропорціональности треуголниковъ	39.
XII. о практикѣ	43.

КНИГА ВТОРАЯ О ТРИГОНОМЕТРИИ.

РАЗДѢЛЕНІЕ ПЕРВОЕ. О ТРИГОНОМЕТРИИ ПЛОСКОЙ.

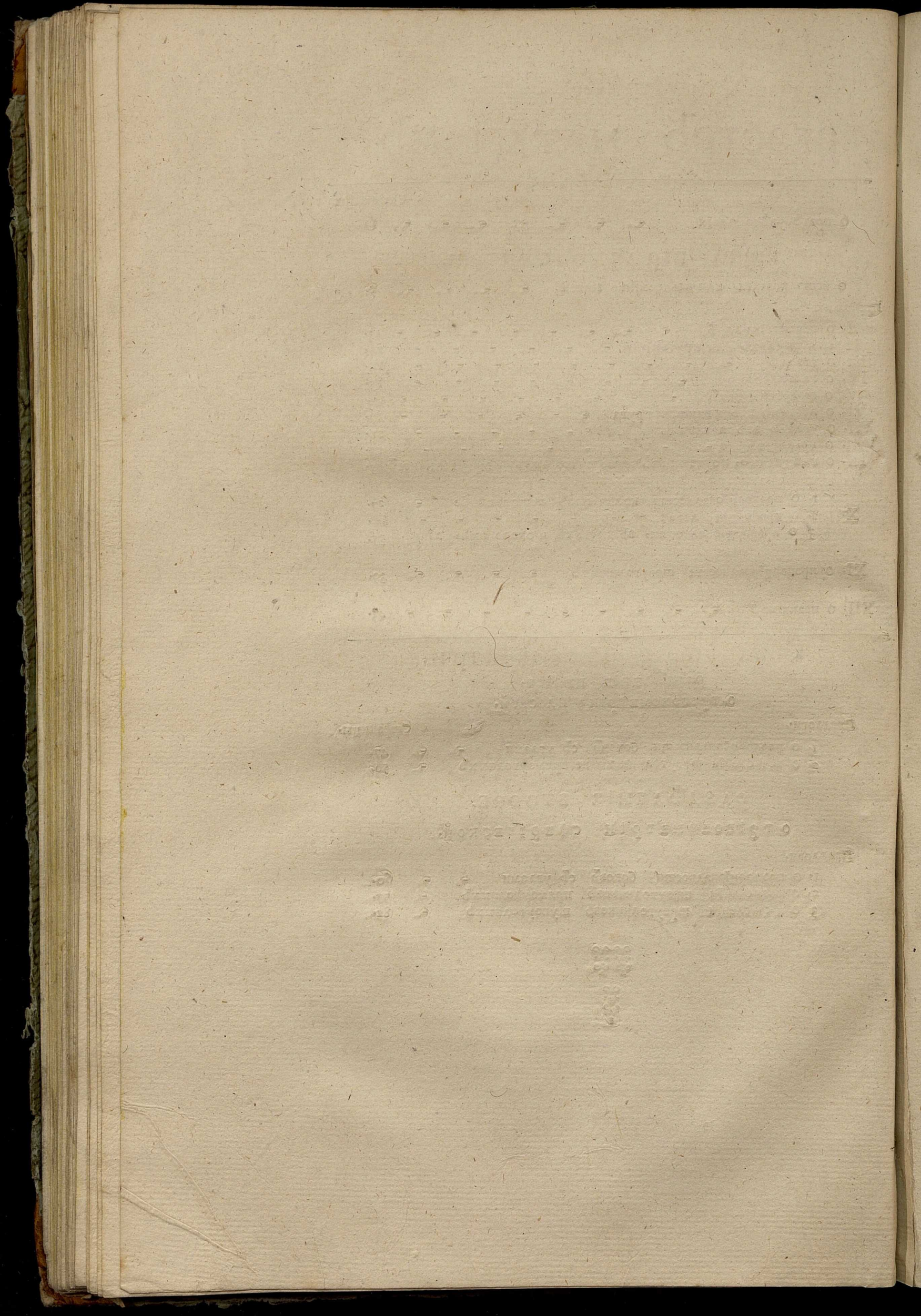
Предлоги.	Страницы.
1. о пропорціональности боковъ съ углами	47.
2. о исчисленіи треуголниковъ не прямоуголныхъ	56.

РАЗДѢЛЕНІЕ ВТОРОЕ.

О ТРИГОНОМЕТРИИ СФЕРИЧЕСКОЙ.

Предлоги.	
1. о пропорціональности боковъ съ углами	60.
2. о розысканіи треуголниковъ прямоуголныхъ	77.
3. о исчисленіи треуголниковъ шпоуголныхъ	82.





ПОЛНОЕ СОБРАНИЕ

О НАВИГАЦІИ.

ЧАСТЬ ВТОРАЯ

сферу, астрономію и о земноводномъ
корпусѣ описаніе, или козмографію
въ себѣ содержащая.

ПОВНОЕ СОБРАНИЕ

О НАВНАТІ

РАСОДЪ

СВЯТЫХЪ АПОСТОЛЪ И СЪВѢЩАНІЙ
СВЯТЫХЪ ОЦЕВЪ ПЕРВЫХЪ
ВЪ СВЯТЫХЪ СБОРАХЪ



ПОЛНОЕ СОБРАНИЕ

О НАВИГАЦІИ.

Часть вторая.

О КОЗМОГРАФІИ.

ОБЪЯВЛЕНІЕ.



Астрономы корпусъ всего свѣта для о круглости его, подобной шару, называютъ сферою: ибо всякой круглой корпусъ солідумъ, единою круглою поверхностію, въ равномъ отъ центра разстояніи, окруженной; Геометрически называется сфера.

Вся свѣтила небесная имѣютъ корпусы свои круглыя, въ подобіе шара: такожь и земля вкупѣ съ морями круга; (очемъ ниже ясно истолковано.) и того ради, всякаго свѣтила корпусъ, такожь и земноводный, называемъ сферою, и по тому, въ сферѣ всего свѣта, множество сферъ; и всякая сфера называется по имени своего корпуса, а сфера всего свѣта, которая содержитъ въ себѣ вся свѣтила небесная, и земноводный корпусъ, называется просто сфера, или сфера го свѣта, называется же и сфера небесная, а земной корпусъ, называется земная сфера.

Астрономы, для лучшаго вразумленія сферы, дѣлаютъ машины деревянные или мѣдные круглыя, во образъ корпуса всего свѣта, и называютъ сферою же: на которой назначиваютъ лінеи и круги, каковы (мы) мнѣніемъ полагаемъ: яко бы были на корпусѣ всего свѣта, для истолкованія о движеніи свѣтилъ и взысканіи ихъ мѣстъ.

план: 1.
фиг: 1.

Называется небесной глобусъ, дѣланная машина круглая какъ шаръ, на которой назначены вся свѣтила небесная, круги и точки.

фиг: 2

Называется глобусъ земный, дѣланный во образъ земноводнаго корпуса круглой, на которой назначены Государства, провинціи, города, моря и рѣки, со всякою вѣрностію, такъ какъ положеніе ихъ на земноводномъ корпусѣ.

Знаніе положенію свѣтилъ и земли, въ корпусѣ всего свѣта, и о движеніи ихъ, и о прочемъ называется АСТРОНОМІА: однако жъ все сіе обыкновенно именуемъ: знаніе сферы.

Описаніе и измѣреніе вся вселенныя, или всего свѣта, разбѣряется и называется разными образами: ГЕОГРАФІА ОДИНАКАЯ называется, то: что касается до описанія ко измѣренію земли. ГИДРОГРАФІА называется то, что касается до воды, какъ на морѣ или на озерѣ. ШИРОГРАФІА то, что касается до раздѣленія земнаго корпуса и описанія на нѣкоторыя великія части, такъ какъ бы о европѣ, и прочихъ подобныхъ, по которой части касается географія и гидрографія. ТОПОГРАФІА называется то, что касается до самыхъ малыхъ частей земнаго корпуса, такъ какъ одинъ градусъ, или какая малая географіи часть. АСТРОНОМІКЪ называется то, что касается до описанія земноводнаго корпуса астрономически, какъ о фигурѣ его, такъ и о положеніи на немъ точекъ, ліней, и круговъ, которые географы мнѣніемъ полагаютъ: такъ какъ и Астрономы на небесной сферѣ; а что генерално касается до описанія корпуса всего свѣта; то называется КОЗМОГРАФІА. а во второй сей части описую: какъ о небесномъ корпусѣ, такъ и о земномъ, сирѣчь генерално о корпусѣ всего свѣта, чего ради должно назвать сію часть КОЗМОГРАФІЕЮ.

КОЗМОГРАФІЮ или описаніе всего свѣта, раздѣляю на двѣ книги: въ первой описую о сферѣ небесной. а во второй: о земноводной сферѣ или глобусѣ, сирѣчь о земноводномъ корпусѣ.

ПОЛНАГО СОБРАНІЯ

О НАВІГАЦІИ.

ЧАСТЬ ВТОРАЯ

КНИГА ПЕРВАЯ.

О СФЕРѢ НЕБЕСНОЙ.



СферѢ Небесной, (всей первой КнигѢ) описую и о корпусахъ свѣтилъ, какъ о величинѣ и о видахъ ихъ, такъ и о положеніи между собою, и о движеніи и о прочемъ,

О СОСТОЯНІИ ИЛИ ОПОЛОЖЕНІИ СВѢТИЛЪ НЕБЕСНЫХЪ.

О сферѢ всего свѣта, имѣются разные системы или мнѣнія, Господь Астрономовъ: одни мнятъ быть земному корпусу въ центрѢ всего свѣта не движиму: а около его всѣмъ свѣтиламъ. а другія мнятъ: быть солнцу въ центрѢ всего свѣта не движиму, а земному корпусу и всѣмъ свѣтиламъ Небеснымъ, около его вращаться. о сихъ разныхъ мнѣніяхъ или системахъ въ КнигѢ сей описую, и предаю въ разсужденіе любомуудрому читателю.

Первую Книгу полагаю, въ трехъ раздѣленіяхъ: въ ПЕРВОМЪ, толкую о изображеніи Сферы, и оразномъ состояніи ея въ горизонтѢ; такожъ о свѣтилахъ Небесныхъ, какъ о величинѣ, такъ и о признаніи ихъ и о прочемъ. во ВТОРОМЪ описую: о положеніи свѣтилъ съ земноводнымъ корпусомъ, въ СферѢ всего свѣта, разными манерами по системамъ Господь Астрономовъ. въ ТРЕТЬЕМЪ показую: о движеніи свѣтилъ небесныхъ, и о разстояніи ихъ отъ главныхъ круговъ.

РАЗДѢЛЕНІЕ ПЕРВОЕ:

О СФЕРѢ.

Изъ древнихъ лѣтъ, Астрономы, мнѣніемъ полагаютъ на корпусъ всего свѣта, не исчислимое множество круговъ, лѣній, и точекъ: для лучшаго изъясненія и вразумленія о движеніи свѣтилъ небесныхъ, а не такъ чтобъ они подлинно были; но изъ тѣхъ токмо главные круги, лѣнія и точки полагаютъ на сферѣ всего свѣта, по изданію Архімедову, и короля сапора: и по онымъ кругамъ, лѣніямъ, и точкамъ познавають мѣста свѣтилъ.

ПЕРВОЕ РАЗДѢЛЕНІЕ КНИГИ СЕЯ, ВЪ ТРЕХЪ ПРЕДЛОГАХЪ ПОЛАГАЮ.

Въ первомъ описую: о лѣніяхъ, и точкахъ, и кругахъ Сферы: во второмъ объявляю, о состояніи сферы разными манерами въ горизонтъ, въ третьемъ о свѣтилахъ Небесныхъ.

ПРЕДЛОГЪ ПЕРВЫЙ,

О изображеніи сферы.

Сферу изображаютъ круги, лѣнии, точки, о которыхъ выше сказано: какъ фігура, (1) и о всякой вещи поразнь, ниже истолковано по порядку, начиная объ оси всего свѣта: а потомъ. о поляхъ и кругахъ.

ОБЪ ОСИ ВСЕГО СВѢТА.

Фіг: 1

Лѣнія прямая, PS , которая прошла отъ краю до краю сферы чрезъ центръ T , называется ось всего свѣта, или сферы, А по Французски она называется аудюмондъ: на которой по мнѣнію нашему весь свѣтъ, или вся сфера со всѣми свѣтилами небесными, отъ востока къ западу вращишся, какъ всякой день видимъ.

О ПОЛЯХЪ СФЕРЫ.

Фіг: 1

4 и 5

Дѣѣ точки P , S , самыя у оси концы, отъ которыхъ до окруженія сферы прошла ось, называются два поля сферы: а греки называютъ ПОЛЕО, и то разумѣется, я верчусь, или вертяче точки: по тому что весь свѣтъ на нихъ вертитя около своей оси; (яко колесо) отъ востока къ западу, равнымъ движеніемъ или дневнымъ.

Точка

Точка P, называется полъ арктикъ: (который мы всегда въ Европѣ видимъ,) и отъ насъ онъ къ полуночи: а называемъ его, полъ сѣверной: а греки его называютъ, полъ аркто, того ради что блиско обихъ медвѣдей. еще называется жъ онъ септантріональ, по тому что подлѣ его семь звѣздъ малаго медвѣдя, и по латини называется тріонъ, а по галански нордъ полъ.

Точка S, называется полъ антарктикъ, котораго мы изъ Европы невидимъ и отъ насъ онъ къ полуднямъ, и называемъ его полъ южной, а греки называютъ анти: и по разумѣвается противной. по тому что онъ діаметрално противъ арктическаго поля, еще же онъ называется полъ меридіональ и остраль, или полъ зюйдовъ.

Оба поли въ небѣ не назначены, и признать намъ ихъ прямо невозможно, но токмо сѣверной полъ показываетъ намъ, полярная звѣзда: которая отъ него отстоитъ, токмо зѣ два градуса съ небольшимъ, и движеніе ея около оси отъ востока къ западу, за малымъ разстояніемъ отъ поля безъ инструмента признать невозможно, и всегда она намъ видима на одномъ мѣстѣ, якобы она въ самомъ полѣ недвижима была.

Подлѣ антарктическаго поля, четыре звѣзды крестомъ, которыя называются кроасанъ или крыжъ.

о кругахъ сферы.

Въ сферѣ великое множество и неисчислимое, болшихъ и малыхъ, перемѣняющихся и не перемѣняющихся, не движимыхъ и движимыхъ круговъ: которыя изображаютъ небесный и земноводный корпусъ, и по которымъ вся свѣтила небесная имѣютъ движенія: которыхъ на Сферѣ изобразить не возможно, но токмо на Сферѣ, какъ небесной такъ и земной, по изданію архимедову и короля сапора, изображаются главныя круги, о которыхъ ниже порядочно истолковано, и въ фигурахъ изображено. но нѣкоторыя изъ тѣхъ круги на значены лініями, того ради что на бумагѣ свободнѣе назначивать прямыми лініями, какъ въ сей книгѣ фигурами изображено.

Болше всѣ круги, между собою консантріктъ, сирѣчь одноцентричны со сферою, и между собою всѣ равныя, и всякой изъ нихъ Сферу раздѣляетъ на двѣ части равныя. изъ оныхъ на Сферѣ назначено токмо шесть: а имянно горизонтъ НО, экваторъ ВГ, меридіанъ НЗОН, зодіакъ ІК, да два колюра.

Фіг: 4.

Всѣ малыя круги сферу раздѣляютъ на двѣ части неравныя; того ради, что они неоди́нъ центрѣ имѣютъ, у всѣхъ у нихъ разные центры по оси, и въ равномъ рассто́яніи отъ центра сферы: по тому и между собою они неравны: у которыхъ круговъ центрѣ ближѣ къ центру сферы, тѣ́ больше другихъ; а у которыхъ круговъ далѣ, тѣ́ меншѣ, и изъ оныхъ токмо четыре круга на сферѣ назначены: два тропика AI , FK , и два круга полярныя ER , SQ .

Перемѣняющіеся круги тѣ́, которые небываютъ одни въ разныхъ мѣстахъ на земли, какъ горизонтъ и круги вертикальныя, но во всякомъ мѣстѣ разныя: что мѣсто перемѣнишъ, то по пропорціи и они перемѣняются. такожѣ и меридіанъ, когда пойдешъ къ востоку или къ западу; то всегда меридіаны перемѣняешъ разные.

Неперемѣняющіеся круги тѣ́, которые ни когда неперемѣняются: но всегда и во всякомъ мѣстѣ одни, гдѣ бы ни былъ; какъ экваторъ и эклиптика.

Недвижимые круги тѣ́, которыя всегда недвижимо бывають, какъ зодіакъ и оба колюра: по тому что съ сферою движенія неимѣютъ, но всегда твердо и недвижимо состоятъ: а экваторъ со сферою и имѣетъ движеніе.

Движимые круги горизонтъ и меридіанъ, (какъ и выше сказано,) что они отъ перемѣненія мѣста, перемѣняются. о чемъ ниже яснѣе увидимъ.

О Г О Р И З О Н Т Ъ.

Горизонтъ большой кругъ, которой раздѣляетъ весь свѣтъ на двѣ части равныя, половину свѣта которую видимъ, съ тою которая невидимъ.

Три горизонта разныхъ: одинъ горизонтъ называется рассѣонель или правой, другой горизонтъ сансибль или касающей, третей горизонтъ візюель или чувственной.

план: 6
Фіг: 1.
4. и 5.

Горизонтъ рассѣонель или правой HO , прошелъ чрезъ центръ (земли) TC , и раздѣляетъ весь свѣтъ по поламъ.

план: 1.
Фіг: 2.

Горизонтъ сансибль или касающей BTS , прошелъ по верхъ земли параллельно правому горизонту, и коснулся поверхности земли въ одномъ мѣстѣ въ точкѣ T , съ чего и называется касающей.

план: 1.
Фіг: 3.

Горизонтъ візюель, или чувственной AFR , называется топъ, въ которомъ лучи пошли отъ глазъ нашихъ, и коснулись во дной точкѣ F , на поверхности земли, и что выше отъ

отъ земли, то горизонтъ чювственной разнится съ правымъ горизонтомъ, и мы всегда видимъ горизонтъ чювственной, того ради что отъ глазъ нашихъ пошолъ.

горизонтъ сансиль, сирѣчь касающейся, берется во усматриваніи свѣтилъ, кромѣ луны, за правой горизонтъ, того ради что земля передъ всѣмъ свѣтомъ величиною, ни что, но какъ бы маково зерно передъ великимъ шаромъ: и за дальнымъ разстояніемъ земли отъ свѣтилъ, невелика разность будетъ, между праваго и касающагося горизонта.

Точка Z, которая по срединѣ видимой половины свѣта прямо вертикально или перпендикулярно, надъ нашею главою, та называется зеніть.

А точка N, которая противна зенію, сирѣчь діаметрално зенію, и противъ нашихъ ногъ подъ горизонтомъ, по срединѣ въ невидимой половинѣ, та называется надиръ.

Зеніть и надиръ, называются поли горизонтовы, и отстоятъ отъ горизонта въ равномъ разстояніи, на всѣ стороны по 90 градусовъ ZH, ZO, NH, NO, или четверть круга. ещежъ зеніть и надиръ называются точки вертикальные, по тому что одна прямо надъ нашею главою, другая прямо противъ ногъ.

Горизонтъ греки называютъ, горизо: то слово значитъ окруженіе вида нашего, сколько въ даль можетъ видѣть на чистомъ мѣстѣ, на мори или въ степи, глазъ нашъ.

О МЕРИДІАНѢ.

Меридіанъ HZON, большой кругъ, которой прошолъ чрезъ зеніть и надиръ, и оба поли сферы, и раздѣляетъ весь свѣтъ на двѣ части равныя, восточную страну зъ западную, и сѣчетъ горизонтъ и Экваторъ перпендикулярно по поламъ: а ось сферы имѣетъ въ своемъ планѣ діаметромъ. когда солнце дневнымъ ходомъ, придетъ на меридіанъ по верхъ горизонта, тогда полдни, а подъ горизонтомъ когда придетъ на меридіанъ, тогда у насъ полночь, того ради оной кругъ и называется меридіанъ, что раздѣляетъ день по поламъ.

О ЭКВАТОРѢ.

Экваторъ BG, большой кругъ, которой перпендикулярно сѣчетъ меридіанъ и ось всего свѣта, и въ равномъ разстояніи отстоитъ отъ обоихъ полей сферы, отъ сѣвернаго и южнаго по 90 градусовъ, и раздѣляетъ весь свѣтъ на двѣ части равныя, сѣверную страну съ южною, и во всякой половинѣ полъ по срединѣ своей части.

план: 1
фиг: 1 и 4

план: 1
фиг: 1 и 4

план: 1
фиг: 1 и 4

план: 1
фиг: 4 и 5

план: 4
фиг: 4 и 5

Въ половинѣ BPG , по срединѣ полярной p , по тому она и называется сѣверная страна: а въ половинѣ BSG , по срединѣ полярной S , та половина называется южная страна.

Экваторъ называется Экинокталь или равнитель, того ради: когда солнце придетъ своимъ собственнымъ ходомъ на Экваторъ, то время называется Экиноксъ или равноденствие: ибо тогда во всемъ свѣтѣ день равенъ ночи.

Экваторъ всегда перпендикуляръ меридіану, и планомъ своимъ сѣчетъ ось свѣта всегда перпендикулярно, а когда сфера пряма или обликъ, тогда и горизонтъ сѣчетъ по поламъ.

О Зодіакѣ и о Эклиптикѣ.

Зодіакъ большой кругъ, которому 16 градусовъ ширина, и сѣчетъ Экваторъ угломъ косымъ въ 23 градуса 29 минутъ, въ двухъ точкахъ, которыя называются точки Экиноктальные или равноденственные, того ради: когда солнце своимъ собственнымъ ходомъ, придетъ въ тѣ точки, тогда день равенъ ночи.

план: 1
фиг: 1 и 4

Зодіакъ содержитъ въ планѣ своемъ Эклиптику всѣхъ планетъ, а посрединѣ всѣхъ Эклиптику солнца IK , того ради онъ и имѣетъ себѣ ширину 16 градусовъ.

Эклиптика, какъ и другія круги, ширины ни какой не имѣютъ, токмо одна линия круглая проведена по срединѣ зодіака, по которой солнце ходитъ собственнымъ своимъ ходомъ: называется жѣ она, орбита солнца или кругъ, для того, что солнце всего его въ годъ обойдетъ, или по немъ кругъ свой здѣлаетъ.

Эклиптика того ради называется, что ни когда Эклипса или затмѣнія солнцу и лунѣ не будетъ, пока луна не придетъ въ планъ Эклиптики.

план: 1
фиг: 1

Зодіакъ и Эклиптика имѣютъ, свои два собственные полярныя E, Q , въ разстояніи 90 градусовъ, и называются они полярныя Эклиптики, а отъ полей сферы отстоятъ по 23 градуса по 29 минутъ.

Зодіакъ и Эклиптика, раздѣлены Экваторомъ на двѣ части равныя: половина которая къ сѣверному полю, та называется сѣверная часть, а другая которая къ южному полю, та называется южная часть: и всякая часть раздѣлена на 6 равныхъ же частей, (по совокупленію звѣздъ: о чемъ ниже показано,) изъ которыхъ каждая часть по 30 градусовъ: и тѣ

и тѣ части называются сѣны, или знаки небесные: шесть сѣверныхъ знаковъ, да шесть южныхъ, и каждой знакъ двенадцатая доля зодіака, или Эклиптики.

Зодіакъ греки называютъ зодіонъ, и по значенію всякая животная и безсловесная тварь, того ради что зодіакъ раздѣленъ на 12 знаковъ, которыми имена животныхъ чужь не всѣ, скопскіе, звѣриные, и гадинъ, по тому и признаки ихъ, видъ таковъ показываютъ которымъ зѣ имена.

ИМЕНА ДВЕНАДЦАТИ НЕБЕСНЫМЪ ЗНАКАМЪ ТРЕМЯ ЗВАНІЯМИ.				
знаки	виды	Шесть Сѣверныхъ знаковъ.		
		по Славенски.	по Латини.	по Француски.
γ		Овенъ	Арїесъ	Беліеръ
♈		Тѣлецъ	Таурусъ	Торо
♊		Близнецы	Гемини	Жемо
♋		Ракъ	Канцеръ	Крѣвисъ
♌		Левъ	Лео	Ліонъ
♍		Дѣва	Вирго	Лавѣржъ
		Шесть Южныхъ знаковъ.		
		по Славенски.	по Латини.	по Француски.
♎		Вѣсы	Лібра	Балансъ
♏		Скорпіа	Скорпіусъ	Скорпіонъ
♐		Стрѣлецъ	Сагитаріусъ	Сажитеръ
♑		Козерогъ	Каприкорнусъ	Лашевръ
♒		Водолей	Акваріусъ	Версо
♓		Рыбы	Писцесъ	Поисонъ

На зодіакѣ и Эклиптикѣ чепыре главныя точки, которыя называются кардино: изъ тѣхъ двѣ, гдѣ Экваторъ пересѣкъ Эклиптику, отъ которыхъ начались знаки небесныя овенъ, и вѣсы, называются Экинохстальныя точки, или равноденственныя: того ради, что когда солнце придетъ въ тѣ точки, тогда день равенъ ночи: а другіе двѣ точки кардино, которые коснулись двухъ тропиковъ, и самыя далныя отъ Экватора по 23 градуса, 29 минутъ, одна въ сѣверной странѣ, а другая въ южной: отъ которыхъ начались знаки небесныя, ракъ, и козерогъ, тѣ называются точки солнѣса: того ради, что когда солнце въ нихъ бываетъ, тогда въ одной сторонѣ сферы, у живущихъ на земли самой большой день, а ночь малая: а въ другой сторонѣ ночь самая большая, а день малой, какъ ниже яснѣе увидимъ.

Зодіакъ и Эклиптика, древними Астрономами раздѣлены на двенадцать частей, по канстеласіонамъ звѣздъ для лучшаго знанія, въ которое время солнце въ какомъ знакѣ бываетъ на Эклиптикѣ.

О КОЛЮРАХЪ.

план: 2
фиг: 6.

Колюры большіе круги, которыхъ два, и сѣкутся другъ въ другомъ въ обоихъ поляхъ сферы перпендикулярно по поламъ, и прошли чрезъ четыре главные точки, или кардино, Эклиптики: одинъ называется колюрь Экинокса, которой прошелъ чрезъ двѣ точки Экиноктіалныя или равноденственныя, отъ которыхъ начались овенъ, и вѣсы, а другой называется колюрь солстисъ, которой прошелъ чрезъ двѣ точки солстиса ІК, отъ которыхъ начались ракъ, и козерогъ.

план: 1
фиг: 6.

Оба колюра сѣкутъ Экваторъ перпендикулярно, по тому что прошли чрезъ оба поля сферы, и Эклиптику раздѣляють на четыре части равныя, которыя значатъ четыре времени года, а именно: 1 весна, 2 лѣто, 3 осень, 4 зима, какъ ниже увидимъ колюрь солстисъ перпендикулярно пересѣкъ и Эклиптику, по тому что онъ прошелъ, и чрезъ Эклиптики, оба поля Е, и Q.

О ТРОПИКАХЪ.

план: 1
фиг: 4.

Два тропика АІ, FK, оба малые круги, и между собою равны, и прошли оба параллельно Экватору BG, въ равномъ разстояніи по 23 градуса 29 минутъ, чрезъ обѣ точки солстиса Эклиптики: одинъ прошелъ въ сѣверной странѣ чрезъ точку солстиса F, отъ которой начался кансеръ, или ракъ небесный, тотъ и называется тропикъ кансеръ FK, а другой прошелъ въ южной странѣ чрезъ точку солстиса A, отъ которой начался каприкорнусъ, или козерогъ небесный, тотъ и называется тропикъ каприкорнъ АІ.

Оба тропика греки называютъ тропъ, сирѣчь поворотъ, того ради что, когда солнце придетъ собственнымъ своимъ ходомъ на тропикъ, то отъ него возвратится къ экватору.

О ПОЛЯРНЫХЪ КРУГАХЪ.

план: 1
фиг: 4.

Два круга полярныхъ ER, SQ, оба малые круги, и между собою равны, и окружили оба поля сферы, и параллельны Экватору, въ разстояніи всякой отъ своего поля по 23 градуса, 29 минутъ, и прошли чрезъ поля Эклиптиковы, одинъ называется кругъ полярной арктикъ ER, по званію своего поля, а другой называется кругъ полярной антарктикъ SQ, такожъ по званію своего поля.

П Р И Т Я Ж Е Н И Е.

о шести кругахъ кромѣ главныхъ десяти.

I.

О МЕРИДИАНАХЪ.

Всѣ болше круги, которые прошли чрезъ оба полюса сферы, Ри S, и чрезъ всякую точку Экватора перпендикулярно, называются меридианы: и оба колора въ числѣ меридиановъ, того ради, что прошли чрезъ оба полюса сферы, и сѣкутъ Экваторъ перпендикулярно: у каждаго же меридиана полю на Экваторѣ, по тому что всякой полю отстоитъ отъ своего круга 90 градусовъ.

На глобусѣ меридианы только назначаются чрезъ 10 градусовъ, а на иныхъ чрезъ 15, меридианъ отъ меридиана.

II.

О ПАРАЛЛЕЛЯХЪ.

Всѣ малые круги, которые прошли чрезъ всякую точку меридиана перпендикулярно, тѣ параллели Экватору, по тому и называются параллели: въ томъ числѣ оба тропика, и оба колора: параллели которые между тропиковъ тѣ называются, солнечные параллели, какъ MV, того ради что солнце всякой день со всѣми свѣтилы равнымъ движениемъ здѣлаетъ тѣ параллели: о чемъ ниже увидимъ.

На глобусѣ параллели токмо назначаются чрезъ десять, или пятнадцать градусовъ, параллель отъ параллели, равно какъ и меридианы.

III.

О КРУГАХЪ ВЕРТИКАЛЬНЫХЪ.

Всѣ круги, которые прошли чрезъ точку вертикальную или зенитъ Z, и надиръ N, и чрезъ всякую точку горизонты, и сѣкутъ горизонтъ перпендикулярно по полю, тѣ болше круги, и называются круги вертикальны, по тому что прошли чрезъ точку вертикальную. А арабляне вертикаль называютъ азимуѣ: первой изъ нихъ вертикаль или азимуѣ тотъ, которой прошелъ чрезъ прямой Остѣ, и Востѣ, у каждаго вертикала свой полю на горизонтѣ.

Называется вертикаль солнца, тотъ кругъ вертикальной, которой прошелъ чрезъ центръ солнца I, и чрезъ зенитъ Z, и надиръ N, какъ Z I N.

Лінія ZCN, которая прошла отъ точки вертикальной, или отъ зенита до надира чрезъ центръ земли С, называется лінія вертикаль, по тому что она діаметръ кругу вертикальному.

В 2

ОПАРАЛЕЛ-

пла: 5.
фиг: 5.

план: 5.
фиг: 5.

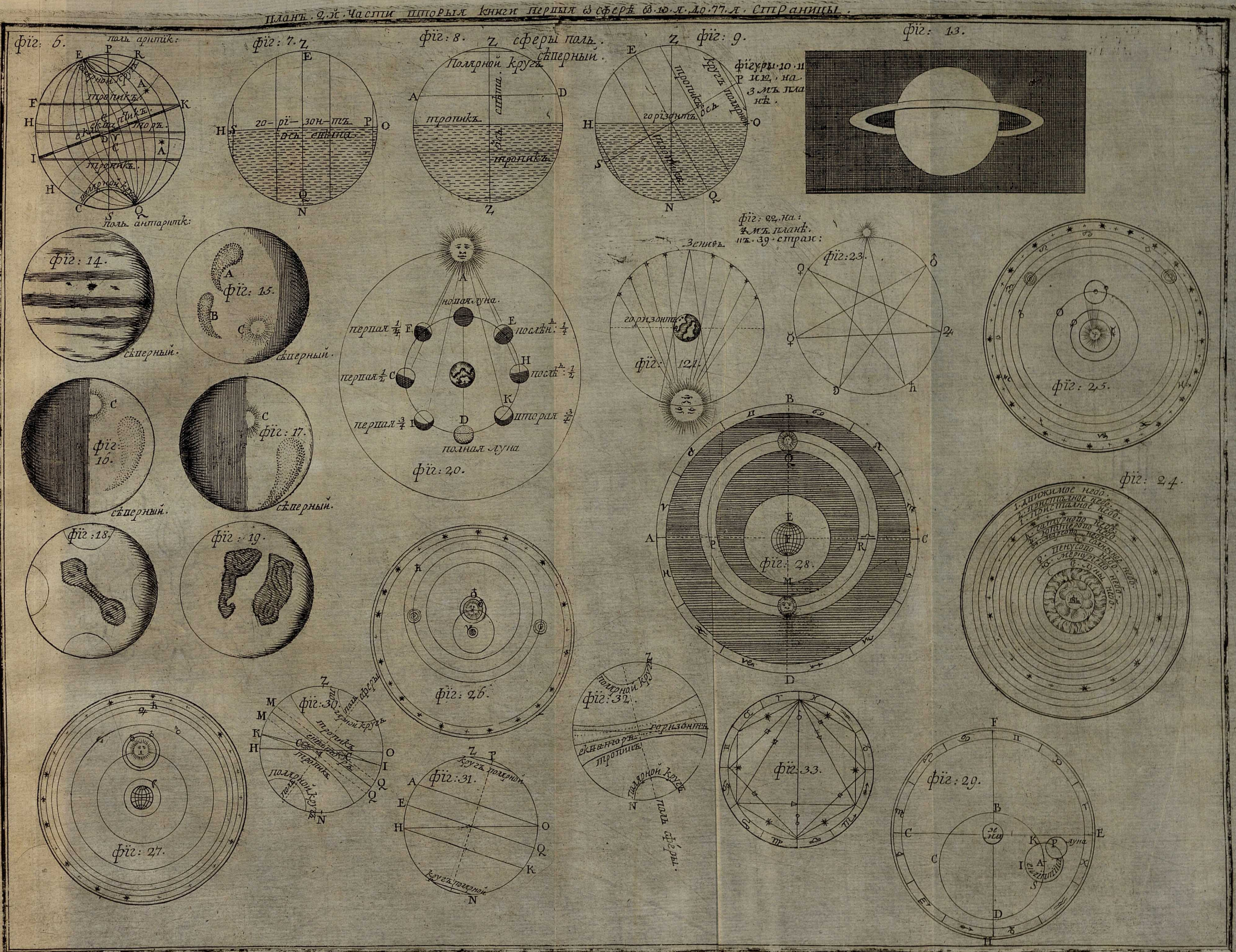
план: 5.
фиг: 5.

план: 4.
фиг: 5.

фиг: 4.

план: 5.
фиг: 5.

план: 4.
фиг: 4.



IV.

О ПАРАЛЛЕЛЯХЪ ГОРИЗОНТА.

Всѣ малыя круги, которые параллели горизонту, и прошли чрезъ всякую точку, вертикальну перпендикулярно, называются параллели горизонта, или круги вышины. А аравыя называютъ ихъ алмуканпара.

V.

О КРУГАХЪ ЛАТИТУДОВЫХЪ И ЛОНЖИТУДОВЫХЪ СВѢТИЛЪ.

Всѣ большіе круги, которые прошли чрезъ оба полюса Эклиптики Е и Q, и чрезъ всякую точку солнечныя Эклиптики перпендикулярно, называются круги лонжitudовы: (круги длины) по тому что отъ нихъ лонжitudъ (длина) свѣздъ считается: въ томъ числѣ и колорѣ ЕСК, того ради что онъ прошолъ чрезъ оба полюса Эклиптики Е и Q, и пересѣкъ Эклиптику перпендикулярно въ точкахъ солнцисовъ I и K.

Всѣ тѣ малыя круги, которые прошли параллельно Эклиптикѣ, чрезъ всякую точку круговъ лонжitudовыхъ, называются параллели Эклиптики, или круги латitudовы.

VI.

О КРУГАХЪ ДИСТАНСЪ.

Всѣ большіе круги, которые прошли, всякой чрезъ центры двухъ свѣтилъ, называются они, круги дистансѣ, или расстоянія, по тому что по нихъ сыскивается расстояние между двухъ тѣхъ свѣтилъ, чрезъ которые они прошли.

ОПИСАНІЕ О КРУГАХЪ СФЕРЫ.

Горизонтъ и ево параллели, и зениѣ, и надіръ, такожъ и круги вертикальные, одни на земли въ разныхъ мѣстахъ не могутъ быть, что мѣсто перемѣнишь, хотя одинъ шагъ, то и они перемѣняются: а съ Экваторомъ, и Эклипкою, всегда они разнятся, по тому что Экваторъ, и Эклиптика, на земли не перемѣнно въ одномъ мѣстѣ: а меридианъ, тогда перемѣнишь, когда пойдешь отъ востока къ западу, или отъ запада къ востоку, по Экватору или по параллели его, тогда что мѣсто перемѣнишь, то и въ меридианъ придеши другой, а когда пойдешь отъ одного поля къ другому прямо, тогда параллели Экваторныя перемѣнишь, что мѣсто перемѣнишь, хотя одинъ шагъ, то и параллель перемѣняется.

предлогъ

ПРЕДЛОГЪ ВТОРЫЙ.

о разномъ состояніи сферы въ горизонтѣ.

Отъ переменъ въ разныхъ мѣстахъ горизонта, что не можетъ онъ быть одинъ во всякомъ мѣстѣ, и отъ того разнится всегда съ Экваторомъ, и сфера разнымъ положеніемъ въ горизонтѣ состоитъ, но изъ всѣхъ токмо три главные состоянія сферы въ горизонтѣ, а именно: 1. Сфера перпендикулярно состоитъ. 2. Сфера параллельно. 3. Сфера обликъ или косо въ горизонтѣ состоитъ.

1: Сфера перпендикуляръ или прямая, есть та, когда Экваторъ EQ , и всѣ его параллели перпендикулярно сѣкутъ горизонтъ HO ; а оба полюса P , S , тогда въ горизонтѣ будутъ, а зенитъ Z , и надиръ N , на Экваторѣ, (у живущихъ на земли подъ Экваторомъ или на земномъ Экваторѣ:) гдѣ горизонтъ сѣчетъ Экваторъ, и всѣ его параллели перпендикулярно по поламъ, по тому что прошелъ онъ чрезъ оба полюса сферы, такъ какъ меридіанъ. план: 7
фиг: 7

2: Сфера параллель, есть та, когда Экваторъ и всѣ его параллели, горизонту будутъ параллельны, а зенитъ Z , будетъ въ одномъ полѣ сферы, въ той сторонѣ, въ которой тѣ жители на земли живутъ, а другой полюс сферы въ надирѣ N , подъ горизонтомъ. план: 8
фиг: 8

3: Сфера обликъ или не прямая есть та, когда Экваторъ EQ , сѣчетъ горизонтъ HO , въ косъ: и одинъ полюс сферы P , подымется отъ горизонта, а другой полюс S , опустится подъ горизонтъ, и зенитъ Z , будетъ между поля P , и Экватора EQ , (какъ у насъ въ Европѣ,) также и надиръ будетъ между поля S , и Экватора. по тому и горизонтъ сѣчетъ параллели Экваторныя не на равныя части: но въ той сторонѣ, гдѣ поднялся отъ горизонта полюс P , тамо у тѣхъ параллелей части, которые по верхъ горизонта и што далѣ отъ Экватора тѣ больше, а которые подъ горизонтомъ тѣ менше: а иные параллели ближныя къ полю P , тѣ всѣ по верхъ горизонта. а въ другой сторонѣ (въ которой полюс S , подъ горизонтомъ) тѣ параллелей верхнихъ части менше, а больше будутъ уже подъ горизонтомъ, а которые параллели близъ поля, тѣ всѣ подъ горизонтомъ, какъ фигура (9) показываетъ. план: 9
фиг: 9

план: 9 ГдѢ сфера обликѢ, и которой полъ поднялся отъ горизон-
та на примѣрѢ: какъ полъ Р, поднялся отъ горизонта
НО, и то разстояніе РО, отъ горизонта до поля по мері-
диану, называютъ географы: высота поля.

ГдѢ меридіанѢ и ЭкваторѢ пересѣкли горизонтѢ, тѢ
четыре точки называются кардино, сирѣчь главные точки.

ГдѢ меридіанѢ пересѣкъ горизонтѢ въ сѣверной странѢ,
въ которой полъ сѣверной, та точка какъ О, называется
прямой нордѢ, или сѣверѢ: а въ южной странѢ гдѢ полъ
южной, та точка какъ Н, называется прямой зюйдѢ или югѢ.
лїнія прямая НО, которая прошла отъ прямова норда
къ прямому зюйду, называется лїнія меридіональная: или
лїнія нордѢ и зюйдѢ: по тому что въ планѢ меридіана,

ГдѢ ЭкваторѢ пересѣкъ горизонтѢ въ восточной странѢ,
та точка называется прямой остѢ или востокѢ, а въ
западной странѢ та точка, называется прямой весѢ
или западѢ: прямая лїнія, которая прошла отъ прямого
оста, къ прямому весу, называется лїнія остѢ и весѢ.

ПРЕДЛОГЪ ТРЕТІЙ.

О СВѢТИЛАХЪ НЕБЕСНЫХЪ.

Вся свѣтила небесная, корпусы свои имѣютъ круглыя
яко шарѢ, которыхъ неисчислимое множество, какъ
видимѢ; и отъ нихъ имѣемъ себѢ свѣтъ: но не всѢ они
величиною равны, одни больше, а другіе меньше, по томѢ
и одни другихъ свѣтлѢе: такожѢ и не всѢ они въ одномѢ
разстояніи отъ земли, (какъ ниже увидимѢ,) но одни другихъ
далѢ отстоятъ. еще они двояки сущѢ тѢмѢ; что однѢ
имѣютъ движеніе, а другіе недвижны.

Недвижимыя свѣтилы тѢ, которыя собственнаго своего
движенія не имѣютъ, и между собою они всегда въ рав-
номѢ разстояніи, и тѢ не движимыя свѣтилы называются,
звѣзды.

Движимыя свѣтилы тѢ, которыя собственное свое дви-
женіе отъ запада къ востоку имѣютъ, и всегда не въ рав-
номѢ разстояніи между собою, и тѢ движимыя свѣтилы
греки называютъ: планеты.

О НЕДВИЖИМЫХЪ СВѢТИЛАХЪ.

Недвижимыхъ свѣтилъ или звѣздъ, неисчислимое мно-
жество, и отъ насъ онѢ въ самомѢ далномѢ разстояніи,
далѢ всѣхъ планетъ, и между собою онѢ не равною
величиною, но однѢ другихъ больше, и по усмотренію господѢ,
Астроно-

Астрономовъ, имѣются шесть разныхъ величинъ, и называли они самые большіе звѣзды первой величины, а которые по меншѣ, тѣ второй величины, а кои изъ тѣхъ меншѣ, тѣ третьяй, а другіе кои и тѣхъ меншѣ, тѣ четвертой, а иные еще и тѣхъ по меншѣ, тѣ пятой, а малые называются шестой величины. еще есть и меншѣ тѣхъ звѣздъ, которыхъ безъ зрительной трубки и видѣть не возможно, и тѣ седмой величины, а называются небюлезъ: самые малые звѣзды небюлезъ, какъ утца намъ за великимъ ихъ множествомъ въ небѣ: якобы онѣ всѣ въ мѣстѣ совокуплены, такъ, какъ бы великіе бѣлые пластины, а иные какъ широкая бѣлая дорога, не такъ какъ другіе звѣзды всякая особливо, что по простому нарѣчію называется молочная дорога, а маѣмашки называютъ галакти.

Какъ поверхность земли раздѣлена на разные государства и на провинціи, такъ Астрономы, для лучаго признанія раздѣлили, всѣ звѣзды по положенію или по совокупленію ихъ, которые къ которымъ близѣ, и тѣ части онѣ называли Асперизмы или констеласіоны, и всякому констеласіону дали имена по положенію фігуры ихъ, которыхъ изъ древнихъ лѣтъ счисляли 48 констеласіоновъ, или частей совокупленныхъ въ мѣстѣ звѣздъ, а именно: 12 констеласіоновъ въ зодіакѣ, 21 констеласіонъ въ сѣверной странѣ, да 15 въ южной странѣ, и во оныхъ констеласіонахъ счисляли всѣхъ знатныхъ звѣздъ, которые безъ зрительной трубки можно видѣть, всѣхъ въ сѣверной и въ южной странѣ. 1022, звѣзды, такоежъ число и птоломей счислялъ.

А нынѣ еще по усмотренію господъ Астрономовъ и зыскано въ сѣверной странѣ, 7 констеласіоновъ, да въ южной 18, и того всѣхъ старыхъ, и новыхъ 73 констеласіона, а въ нихъ 1806 звѣздъ, а по счисленію кеплерову, 1392, по положенію фігуры всякаго констеласіона на небеси какіе имена имѣютъ, и по сколку звѣздъ, и которой величины въ которомъ констеласіонѣ здѣ именно описано, прежде по старому усмотренію: а по томъ въ табели о всѣхъ 73 хъ констеласіонахъ по нынѣшнему счисленію.

О ДВЕНАТЦАТИ КОНСТЕЛАСІОНАХЪ ЗОДІАКА.

Двенадцать констеласіоновъ зодіака по совокупленію звѣздъ, имѣютъ имена животная, которыя мы называемъ знаками небесными, и всякой констеласіонъ или знакъ

небесной, по положенію своей фігуры имѣетъ знакъ и званіе, и тѣ 12 констеластоновъ животнохъ; раздѣлили зодіакъ на 12 частей равныхъ, которые знаки или констеластоны, въ годъ солнце по своей Эклиптикѣ проходитъ.

I.

Констеластонъ небесный аріесъ или овенъ, содержитъ въ себѣ 13 звѣздъ, которые изъ нихъ двѣ третьяй величины, 4 четвертой, 6 пятой, одна шестой величины, и изъ всѣхъ изъ нихъ свѣтлѣе звѣзда третьяй величины, которая во лбу небеснаго овна, и называется она первая звѣзда небеснаго овна, а полатини она называется люсида аріетасъ; да кромѣ тѣхъ 13 звѣздъ, еще 5 постороннихъ, которые въ близости подлѣ роговъ, и зовоша того констеластона, А птоломей во ономъ констеластонѣ счислялъ всѣхъ 28 звѣздъ.

II.

Констеластонъ небесный таурусъ, или тѣлецъ, содержитъ въ себѣ 32 звѣзды, и изъ оныхъ одна первой величины, 6 третьяй, 11 четвертой, 13 пятой, одна шестой величины: и изъ всѣхъ тѣхъ звѣздъ, первой величины звѣзда свѣтлѣе и видомъ красна, которая въ южномъ глазу небеснаго тѣльца, и называется она глазъ тѣлцовъ, а аравляны называютъ алдебаранъ, да близъ глаза тѣлцова въ шѣе шесть маленькихъ свѣтлыхъ звѣздъ, намъ кажутся свѣтлымъ кустомъ, и называются плѣадъ, да сверхъ тѣхъ 32 звѣздъ, еще 11 постороннихъ, которые подлѣ того констеластона, одна изъ нихъ четвертой величины: и 10, пятой величины, А птоломей счислялъ во ономъ констеластонѣ 44 звѣзды.

III.

Констеластонъ жемини, или близнецы, называются онѣ касторъ и полюуъ, и содержатъ въ себѣ 18 звѣздъ, изъ которыхъ, 2 второй величины, 5 третьяй, 9 четвертой, 2 пятой: и изъ оныхъ 2, знатныя звѣзды, обѣ второй величины, одна на головѣ у кастора, а другая на бородѣ у полюуа: которая на головѣ у кастора, та называется касторъ и аполо, или касторова голова, а которая у полюуа на бородѣ, та называется полюуъ и геркулесъ, или полюуова борода: кромѣже тѣхъ 18 звѣздъ, еще семь постороннихъ, 3 четвертой величины, и 4 пятой, А птоломей счислялъ 25 звѣздъ.

IV.

Констеластонъ ракъ, или кансеръ, содержитъ въ себѣ 9 звѣздъ: изъ тѣхъ 7 четвертой величины, одна пятой
одна

одна неболез седмой величины, кромб четырех, которые не въ помб числб: двб четвертой величины, двб пятой, а изв всбх звбзд, седмая малая звбзда неболез, которая по срединб груди небеснаго рака, та называся по латини прассепб: аптоломей счислялб 13 звбздб.

V.

Констеластонб лео, или левб, содержитъ въ себб 27 звбздб: двб первой величины, двб второй, 6 третей, 8 четвертой, 5 пятой, 4 шестой величины, кромб осьми опложенных: изв которыхъ одна четвертой величины, 4 пятой, 3 темных: но одна изв нихъ по свбтлбе. и во ономб констеластонб, знатные три звбзды, первой величины: одна въ груди небеснаго лва, которая называся реклюю: или лвово сердце: а другая въ хвостб лва, называся хвостб лва: а аравляня называютъ еб, денюбб алгаседб, а третя, третей величины, которая въ ногтяхъ заднихъ ногб, и называся ногпи лвовы, аптоломей счислялб 35 звбздб.

VI.

Констеластонб вйрго или дбвы, содержитъ въ себб 26 звбздб: одну первой величины, 6 третей, 6 четвертой, 11 пятой, 2 шестой: и кромб тбхб 6 звбздб опложенных, 4 пятой, и 2 шестой величины, дбва въ лбвой своей рукб, изв оныхъ держитъ одну, первой величины звбзду, копорую навывасмб: копте дбвы, или класб дбвы, а аравляня называютъ азиметб алгасель, аптоломей счислялб 32 звбзды.

VII.

Констеластонб лбра или вбсовб, содержитъ въ себб 8 звбздб: двб второй величины, 4 четвертой, 2 пятой величины, кромб тбхб, ещ: 9 звбздб кб тому жб констеластону присовокуплено: одна третей величины, 5 четвертой, 2 пятой, и одна шестой величины. въ семб констеластонб двб звбзды второй величины свбтлбе всбх тбхб, которые въ чашкахъ вбсовб: и называються онб, чашки вбсовб: одна сбверная, а другая южная. аптоломей счислялб 17 звбздб.

VIII.

Констеластонб скорптонб или скорпиа, содержитъ въ себб 21 звбзду: одну первой величины, 13 третей, 5 четвертой,

А

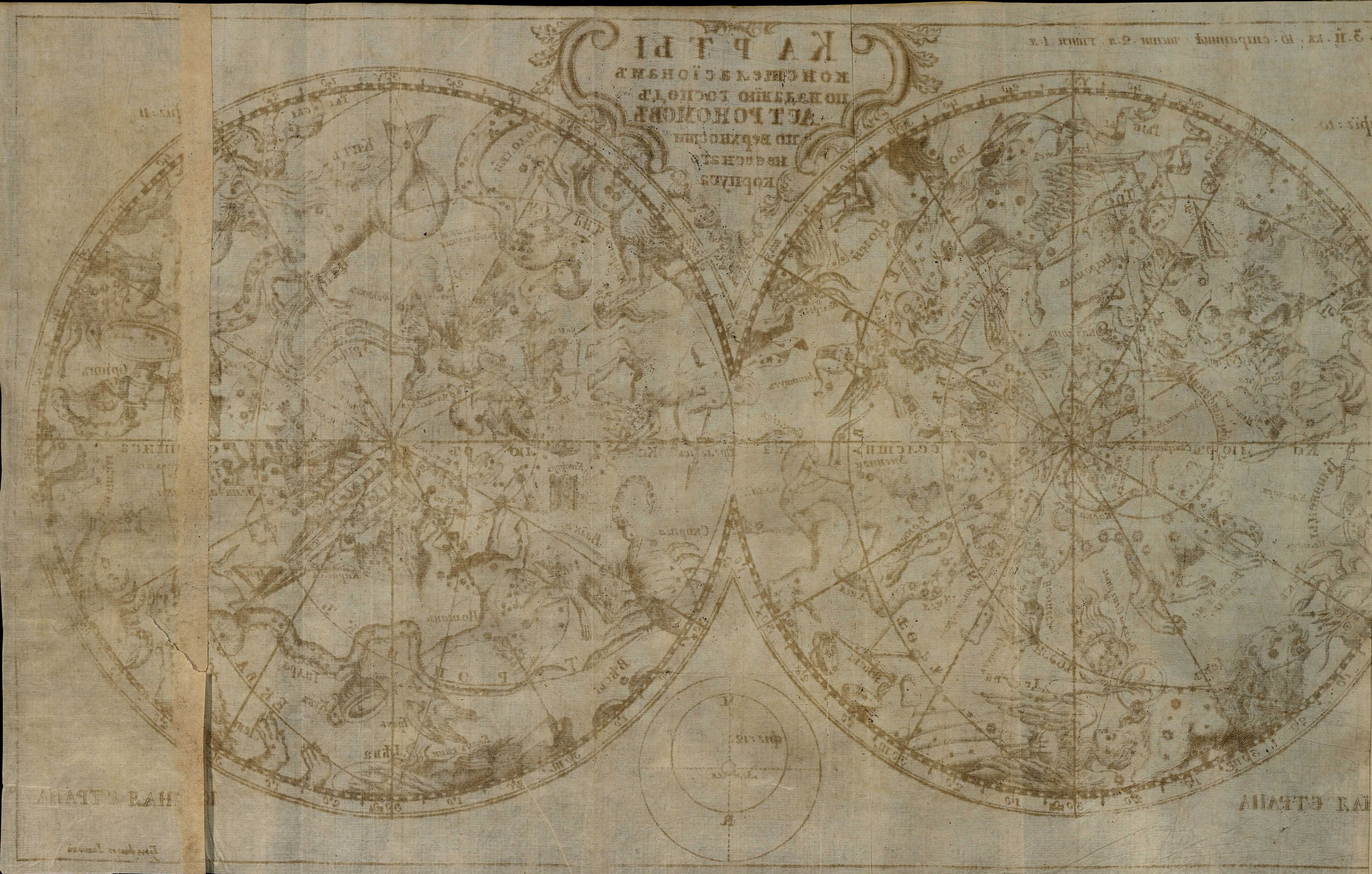
2

КАРТЫ констеластонамъ по изданю господъ АСТРОНОМОВЪ по верхности небеснаго корпуса



СЕВЕРНАЯ СТРАНА

ЮЖНАЯ СТРАНА



2 пятой величины. кромѣ же тѣхъ, еще 3 звѣзды у него, прѣ-
совокуплены къ югу: 2 пятой величины, и одна неболезъ-
во ономъ констеласіонѣ много знаменитыхъ звѣздъ: а изъ
всѣхъ изъ нихъ главная звѣзда, которая первой величины
по срединѣ всѣхъ, и называется она: сердце скорпионова или
антаръ. А птоломей счислялъ 24 звѣзды.

IX.

Констеласіонъ сожигариусъ, или стрѣлецъ, содержитъ
въ себѣ 31 звѣзду; 2 второй величины, 9 третьей, 9 четвер-
той, 8 пятой, 2 шестой величины, и одна неболезъ-
одна изъ нихъ звѣзда знаменитѣе; четвертой величины,
которая въ лукѣ. и птоломей тоже счислялъ.

X.

Констеласіонъ каприкорнъ, или козерогъ, содержитъ въ себѣ,
28 звѣздъ; 4 третьей величины, 9 четвертой, 9 пятой,
6 шестой величины. во ономъ констеласіонѣ двѣ звѣзды
третьей величины свѣтлыя, которые подлѣ хвоста:
а называются онѣ прихвостныя. и птоломей тоже счислялъ.

XI.

Констеласіонъ аквариусъ, или водолей, содержитъ въ себѣ
42 звѣзды: одну первой величины, 9 третьей, 10 чет-
вертой, 13 пятой одну шестой величины, кромѣ же тѣхъ,
3 звѣзды четвертой величины постороннихъ, которые
къ югу. и во ономъ констеласіонѣ по край воды, одна первой
величины звѣзда, которая свѣтлѣе всѣхъ: и называется она
по латини осписсусъ: а араваля сѣ называютъ фомаганъ.
А птоломей счислялъ 45 звѣздъ.

XII.

Констеласіонъ писцесъ или рыбы, содержитъ въ себѣ
34 звѣзды: двѣ третьей величины, 22 четвертой, 3
пятой, 7 шестой величины, кромѣ тѣхъ еще четыре звѣзды
четвертой величины къ югу: одна изъ нихъ звѣзда знаменитѣе,
которая по срединѣ обѣихъ рыбъ и совокупила тѣ рыбы,
и по тому она называется совокупленная звѣзда: и птоломей
полюжъ звѣздъ счислялъ.

О ДВАДЦАТИ ОДНОМЪ КОНСТЕЛАСІОНѢ СѢВЕРНЫЯ
СТРАНЫ, НАЧИНАЯ ОТЪ ПОЛЯ.

I.

Констеласіонъ малой медвѣды, содержитъ въ себѣ 7 звѣздъ:
въ своемъ корпусѣ три, въ хвостѣ одну второй величины,
одну

одну третью, и двѣ четвертой величины: и по тѣмъ звѣздамъ называется оной констеласіонъ: малая телѣга. ибо тѣ четыре звѣзды значатъ колеса, и называются колеса малой телѣги. и 3 звѣзды въ хвостѣ: одна второй величины, 2 четвертой, называются: лошади малой телѣги, и одна посторонняя, которая отъ того констеласіона къ югу. во ономъ констеласіонѣ двѣ знатныя звѣзды, одна которая подлѣ шеи, второй величины, и называется она ясная сѣверная звѣзда: такожѣ заднѣе сѣверное колесо, а другая звѣзда второй же величины, на самомъ концѣ хвоста, которую аравляня называютъ: а лрюкоба: по тому что она на самомъ концѣ хвоста, малаго медвѣдя: ещежѣ она называется полярная звѣзда, по тому что она подлѣ самага поля: ещежѣ она называется передняя малой телѣги лошадь. и птоломей толкожѣ звѣздъ счислялъ.

II.

Констеласіонъ большой медвѣдь, ещежѣ его по просторѣчю называютъ: лось, содержитъ въ себѣ 27 звѣздъ: 7 второй величины, 7 третьей, 8 четвертой, 5 пятой, величины. и во ономъ констеласіонѣ, 7 знатныхъ звѣздъ: 4 въ его корпусѣ квадратомъ, а три звѣзды въ хвостѣ, первая въ хвостѣ отъ корпуса, второй величины звѣзда, которую аравляня называютъ аліатѣ. ещежѣ оной констеласіонъ называется, по семи знаніямъ звѣздамъ телѣгою; и бо четыре звѣзды, которые квадратно въ корпусѣ его, тѣ значатъ колеса, и называются такъ, а три звѣзды которые въ хвостѣ, тѣ называются лошади. кромѣ же тѣхъ звѣздъ, подлѣ самага констеласіона, еще 8 звѣздъ: одна третьяй величины, 2 четвертой, одна пятой, и 4 темныя. А птоломей счислялъ 35 звѣздъ.

III.

Констеласіонъ каркадилъ, содержитъ въ себѣ 31 звѣзду: 8 третьяй величины, 16 четвертой, 5 пятой, 2 шестой величины. и во ономъ констеласіонѣ знатнѣе всѣхъ одна звѣзда, которая у него въ головѣ: и по тому называютъ еѣ голова каркадилова. и птоломей толкожѣ счислялъ звѣздъ.

IV.

Констеласіонъ сѣфе, содержитъ въ себѣ 11 звѣздъ: одну, третьюй величины, 7 четвертой, 3 пятой величины. А 2 кромѣ же

кромѣ же тѣхъ звѣздъ, еще двѣ звѣзды посторонніе, которые подлѣ того констеластіона въ близости: одна четвертой величины, а другая пятой, и во ономъ констеластіонѣ значныхъ звѣздъ нѣтъ, кромѣ одной, которая подлѣ груди къ сѣверу, и называется она сефе сангюлюмъ. и птоломей счислялъ 13 звѣздъ.

V.

Констеластіонъ бостесъ или бувьеръ, а погречески аркто-филауъ, сирѣчь стражъ большого медвѣдя, содержитъ въ себѣ 23 звѣзды: одна первой величины, 4 третьяй, 9 четвертой, 9 пятой величины. и во ономъ констеластіонѣ значные всѣхъ, первой величины звѣзда, которая на подолѣ платья, и называется она арктюрюсъ: а аравляня называютъ: алраметъ. и птоломей счислялъ тоже число звѣздъ.

VI.

Констеластіонъ сѣверная корона, или корона аріаднѣ, содержитъ въ себѣ 8 звѣздъ: одну второй величины, которая называется аріаднѣ северикаріи. и 5 звѣздъ четвертой, одну пятой, и одну шестой величины, а звѣзда аріаднѣ называется по латини: корона боріалисъ люсида. а аравляня называютъ алфека мюниръ. и птоломей счислялъ шолкожъ.

VII.

Констеластіонъ геркулесъ, или анкзонасисъ, содержитъ въ себѣ 28 звѣздъ: 6 третьяй величины, 17 четвертой, 2 пятой, 3 шестой величины, кромѣ тѣхъ которые подлѣ правую ногу у него четвертой величины, и одна подлѣ правой руки пятой величины: а звѣзда на геркулесовой головѣ называется, голова геркулесова: а аравляня называютъ: разъ алшедъ. и птоломей счислялъ тоже.

VIII.

Констеластіонъ луръ, содержитъ въ себѣ 10 звѣздъ: одну первой величины, которая имѣетъ тоже себѣ званіе, луръ: а аравляня еѣ называютъ векта: и 2 звѣзды третьяй, и 7 четвертой величины: и птоломей счислялъ тоже.

IX.

Констеластіонъ лебедь, въ которомъ 17 звѣздъ: одна второй величины, 5 третьяй, 9 четвертой, 2 пятой величины, изъ всѣхъ одна значная звѣзда, которая въ хвостѣ, и называется она

она денебъ. и кромѣ тѣхъ двѣ звѣзды, подлѣ самаго того констеластона, обѣ четвертой величины. А птоломей счислялъ 19 звѣздъ.

X.

Констеластонъ казѣопъ, или престолъ царской, содержитъ въ себѣ 13 звѣздъ: 4 третьяй величины, 6 четвертой, одна пятой, 2 шестой. во ономъ констеластонѣ 5 звѣздъ значныхъ, а изъ нихъ одна въ груди казѣопа третьяй величины, которую аравяне называютъ сшедиръ. и птоломей счислялъ тожъ.

XI.

Констеластонъ персе, сирѣчь рубачъ, или щитоносецъ, содержитъ въ себѣ 26 звѣздъ: двѣ второй величины, 5 третьяй, 16 четвертой, 2 пятой, и одну небюлесъ. кромѣ тѣхъ, еще 3 звѣзды, которые подлѣ того констеластона: 2 пятой величины и одна темная. и во ономъ констеластонѣ одна звѣзда, которая въ локтѣ правомъ къ сѣверу, называется локотъ рубача, а по латини называется перселюсидомъ лашюсъ, а птоломей счислялъ 29 звѣздъ.

XII.

Констеластонъ шартіеръ, или Эришпѣонъ или возагой, сирѣчь извощикъ, содержитъ въ себѣ 14 звѣздъ: одну первой величины, которая называется козелъ, по тому что она въ козлѣ, ещежъ она называется капела, а аравяне называютъ еѣ алгеомтѣ. и двѣ звѣзды третьяй величины, изъ которыхъ одна въ плечѣ извощика, называется плечо возагаго, а другая въ ногѣ его: и 7 четвертой, 2 пятой и одна шестой величины. и птоломей счислялъ тожъ.

XIII.

Констеластонъ серпантеръ, сирѣчь змѣиной бѣдапелъ, или Эскулапъ, а по латини называется осфѣюшусъ, которой содержитъ въ себѣ 24 звѣзды: 5 третьяй величины, 13 четвертой, 6 пятой величины. и кромѣ тѣхъ, 5 постороннихъ четвертой величины. во ономъ констеластонѣ значнѣе всѣхъ одна звѣзда, которая на головѣ, и называется она разъ аланкгю, а птоломей счислялъ 29 звѣздъ.

XIV.

Констеластонъ смѣа, содержитъ въ себѣ 18 звѣздъ: 5 третьяй величины, 12 четвертой, и одну пятой. во ономъ

Е

консте-

констеластіонъ, одна всѣхъ свѣтлѣе звѣзда, которая въ шеѣ на первомъ згибѣ, а называется она шея змеина. и птоломей счислялъ тожъ.

XV.

Констеластіонъ стрѣла, содержитъ въ себѣ 5 звѣздъ: одну четвертой величины, 3 пятой, и одну шестой. звѣзда же которая въ копье стрѣлы четвертой величины, та по тому и называется копье стрѣлы. и птоломей счислялъ тожъ.

XVI.

Констеластіонъ орелъ, содержитъ въ себѣ 9 звѣздъ: одну второй величины, 4 третьяй, одну четвертой, 3 пятой кромѣ постороннихъ шести звѣздъ, которыя называются антинусъ: 4 третьяй величины, одна четвертой, и одна пятой величины. во ономъ констеластіонѣ всѣхъ значнѣе и свѣтлѣе звѣзда второй величины, и называется по латини акилолюсѣда, а аравіянъ называютъ алперъ. а птоломей счислялъ 15 звѣздъ.

XVII.

Констеластіонъ дельфинъ, содержитъ въ себѣ 10 звѣздъ: 5 третьяй величины, 2 четвертой, 3 шестой, а звѣзду третьяй величины, которая въ хвостѣ у него, ту называютъ по латини люсида кодоє, 4 же звѣзды третьяй величины въ дельфинѣ, которые видны тѣ называются серпъ лѣта. и птоломей счислялъ тожъ.

XVIII.

Констеластіонъ малая лошадь, а по латини называютъ Экиюлюсь, или Эквюлюсь, содержитъ въ себѣ 4 звѣзды темныхъ: одну звѣзду четвертой величины которая въ головѣ, та называется, голова малой лошади. и птоломей счислялъ тожъ.

XIX.

Констеластіонъ летучая лошадь или пегасъ, содержитъ въ себѣ 20 звѣздъ: 4 второй величины, 4 третьяй, 9 четвертой, 3 пятой, и во ономъ констеластіонѣ 2 звѣзды свѣтлыхъ, которые въ крылѣ, обѣ второй величины: одна называется маркабъ, которая ближѣ къ плечю, а другая называется алженебъ, которая по край крыла, и еще одна значная третьяй величины звѣзда, которая на лопаткѣ, и называется она сшеадъ алфарабъ, и по птоломееву счисленію тожъ.

XX.

XX.

Констеласіонъ андромедъ, содержитъ въ себѣ 24 звѣзды: одну второй величины, которая у него въ головѣ, ту называютъ аравляня алфератъ или андромедова голова: и 7 звѣздъ третьей величины, 12 четвертой, 4 пятой, и звѣзда андромедова голова съ тремя звѣздами летучей лошади, изъ которыхъ двѣ въ крылѣ и одна въ плечѣ здѣлаетъ большой квадратъ. а по птоломееву счисленію 23 звѣзды.

XXI.

Констеласіонъ треугоникъ или делтолонъ, содержитъ въ себѣ четыре звѣзды: 3 третьей величины, и одну четвертой, и постороннихъ 5: три четвертой величины, и 2 пятой, которая подлѣ сѣвернаго бока, та называется сѣвѣрной треугонника бокъ. а по птоломееву счисленію 5 звѣздъ.

О ПЯТНАЦАТИ КОНСТЕЛАСІОНАХЪ
ЮЖНОЙ СТРАНЫ.

I.

Констеласіонъ китъ рыба, или уродъ морской, а по латини называютъ сетюсъ, въ которомъ дватцать двѣ звѣзды: 10 третьей величины, 8 четвертой, 4 пятой, а звѣзду которая у него на брюхѣ третьей величины, по латини называютъ сепиватри бореа, а аравляня называютъ батанъ елкетю, или брюхо китово, а другая третья величины, которая подлѣ шѣю, та называется шея китова. и по птоломееву счисленію шожъ.

II.

Констеласіонъ оріонъ или фюріоуъ, содержитъ въ себѣ 38 звѣздъ: 2 первой величины, 4 второй, 8 третьей, 15 четвертой, 3 пятой, 5 шестой, и одну небюлесъ. во ономъ констеласіонѣ многіе знашныя звѣзды, токмо изъ нихъ двѣ звѣзды главныя, которыя въ плечахъ, и называются онѣ, плеча оріоновы: и 3 въ поясѣ, называются 3 короля, и одна въ колѣнѣ воспочномъ, называется колѣно аріоново, и одна первой величины въ ногѣ ево западной свѣтлая, которую аравляне называютъ рижесъ алжосъ. и по птоломееву счисленію шожъ.

III.

Констеласіонъ Эриданъ, или фловъ оріонъ, или испокъ оріоновъ, или рѣка Эриданусъ, содержитъ въ себѣ 34 звѣзды:

Е 2

одна

одна первой величины, 5 третьяй, 27 четвертой, и одну пятой. свѣтлѣе всѣхъ первой величины свѣзда, которая на самомъ концѣ южномъ шого истока, а называютъ свѣ аравляня акарнарѣ. и по птоломееву счисленію тожѣ.

IV.

Констеластіонѣ заяцѣ, содержитъ въ себѣ 12 свѣздѣ: 2 третьяй величины, 6 четвертой, 4 пятой, а свѣзда которая въ южномъ плечѣ третьяй величины, та называется южное плечо зайца, и по птоломееву счисленію тожѣ.

V.

Констеластіонѣ большая собака, содержитъ въ себѣ 18 свѣздѣ: одну первой величины, которая у нея на ошейникѣ и болше всѣхъ недвижимыхъ свѣздѣ, та называется каникулѣ, еще называется она сиріусѣ, и восходитъ изъ подъ горизонта и заходитъ за горизонтъ въ мѣстѣ съ солнцемъ Іюля съ 13 числа, Августа по 13 число, съ чего и называются тѣ дни каникулные. еще же во ономъ констеластіонѣ: 3 свѣздѣ третьяй величины, 5 четвертой, 7 пятой. и кромѣ тѣхъ, подлѣ онаго констеластіона, 11 свѣздѣ: двѣ второй величины, 9 четвертой. а по птоломееву счисленію 29 свѣздѣ.

VI.

Констеластіонѣ малая собака, или простіонѣ, ещежѣ она называется каникулѣ, и антеканисѣ, содержитъ въ себѣ 5 свѣздѣ: 2 первой величины, одна которая въ брюхѣ, та называется простіонѣ, а другая на ошейникѣ называется, ошейникѣ малой собаки, а досталныя три свѣзды малые. господинѣ кассіній усмотрѣлъ: между большой и малой собаки, одну свѣзду небюлесѣ, которая въ зрительную трубку видима лучше другихъ малыхъ свѣздѣ. а птоломей счислялъ, толко двѣ свѣзды.

VII.

Констеластіонѣ корабль, содержитъ въ себѣ 45 свѣздѣ: одну шестой величины, 7 пятой, 22 четвертой, 8 третьяй, 6 второй, одну первой величины, которая въ рурѣ та называется канопіусѣ, или рурѣ корабля, и птололей счислялъ тожѣ.

VIII.

Констеластіонѣ гудра, или куловрѣ, ещеже называется и большой ужѣ, въ которомъ 25 свѣздѣ: одна шестой величины, одна

одна пятой, 19 четвертой, 3 третьяй, одна первой, которая называется сердце ужею, а аравляня называютъ алфардъ: и кромѣ тѣхъ, двѣ постороннія звѣзды третьяй величины. А птоломей счислялъ 27 звѣздъ.

IX.

Констеластонъ кубъ, а по латини называется кратеръ, и содержитъ въ себѣ 7 звѣздъ: или 8 четвертой величины, и 3 постороннія, одну пятой, и 2 шестой величины: одна звѣзда четвертой величины, которая на краю куба, называется край куба. и по птоломееву счисленію пожъ.

X.

Констеластонъ грачъ, содержитъ въ себѣ 7 звѣздъ: 4 третьяй величины, одну четвертой, и одну пятой, а звѣзду которая третьяй величины въ крылѣ сво, аравляня называютъ алкаръ: и по птоломееву счисленію пожъ.

XI.

Констеластонъ сантеоръ, или полканъ, содержитъ въ себѣ 37 звѣздъ: 8 пятой величины, 16 четвертой, 7 третьяй, 5 второй, одну первой, которая въ сѣверной передней ногѣ, та называется копыто полканово. и птоломей счислялъ пожъ.

XII.

Констеластонъ волкъ, содержитъ въ себѣ 19 звѣздъ: 2 третьяй величины, 11 четвертой, 6 пятой, и звѣзда третьяй величины, которая въ колѣнѣ задней правой ноги, та называется колѣно волково. и по птоломееву счисленію пожъ.

XIII.

Констеластонъ канфоръ, содержитъ въ себѣ 7 звѣздъ: 5 четвертой величины, 2 пятой, а звѣзда четвертой величины которая въ ногѣ канфора, та называется нога канфора, и по птоломееву счисленію пожъ.

XIV.

Констеластонъ южная корона, содержитъ въ себѣ 13 звѣздъ: 5 четвертой величины, 6 пятой, 2 шестой, одна четвертой величины всѣхъ значнѣе, та называется южная корона и по птоломееву счисленію пожъ.

XV.

Констеластонъ рыба южная, содержитъ въ себѣ 12 звѣздъ: звѣзда которая первой величины, во рту у рыбы, ту аравляня называютъ фомаганъ. (о которой показано въ констеластонѣ водолея.) еще кромѣ тѣхъ 6 звѣздъ, которыя въ
ж выпущен-

выпущенной водѣ изъ горпани: 3 третьяй величины, 2 четвертой, одна пятой. а птоломей счислялъ 18 свѣздъ.

Противо древнихъ астрономовъ, нынѣ прибавлено во всякомъ констеласіонѣ болше свѣздъ, какъ ниже въ таблицѣ показано: здѣ же упомянуто токмо о знамныхъ свѣздахъ, которыя когда изысканы и кѣмъ;

Въ 1572 мѣ году въ исходѣ Октября, усмотрѣли въступѣ казіоповѣ, одну первой величины свѣзду, которая кажется болше и яснѣе венуса, и называется ясная свѣзда казіопова.

Въ 1600 мѣ году, господинъ кеплеръ, въ новѣ усмотрилъ въ констеласіонѣ лебеда, на груди одну свѣзду которая и называется, грудь лебеда.

Въ 1604 мѣ году въ половинѣ Сентября, усмотрѣли еще вновь одну свѣзду первой величины, въ констеласіонѣ серпантерѣ: и кажется себя видомъ болше юпитера.

Въ томъ же 1604 мѣ году въ половинѣ Октября, усмотрѣли одну свѣзду въ сажитаріусѣ, такову же велику, какъ и въ казіоповѣ стулѣ.

Не токмо же противу древнихъ Астрономовъ, въ вышеписанныхъ констеласіонахъ, вновь усмотрѣно свѣздъ, но и цѣлыя констеласіоны въ новѣ изысканы: и для того здѣсь, предлагаю табель: сколько всѣхъ счисляется нынѣ констеласіоновъ; и по сколку въ каждомъ свѣздѣ; и какой величины; такожь сколько въ коемъ констеласіонѣ, господинъ кеплеръ счислялъ.

О ДВЕНАТЦАТИ КОНСТЕЛАСІОНАХЪ, КОТОРЫЕ НА ЗОДІАКЪ.											
№:	знаки ихъ.	ИМЕНА КОНСТЕ- ЛАСІОНОВЪ.	СКОЛКО, И КАКОЙ ВЕЛИЧИНЫ.							СКОЛКО всѣхъ свѣздъ.	поисчи- сленію кеп- лерову
			1	2	3	4	5	6	7		
1	♈	Овенъ	0	0	1	3	5	11	0	20	23
2	♉	Телецъ	1	1	5	8	18	10	0	43	52
3	♊	Близнецы	0	3	4	7	9	20	0	43	30
4	♋	Ракъ	0	0	2	3	9	26	1	41	17
5	♌	Левъ	2	2	5	13	8	15	0	45	40
6	♍	Дѣва	1	0	5	8	14	22	0	50	41
7	♎	Вѣсы	0	2	3	10	7	5	0	27	20
8	♏	Скорпія	1	1	10	11	7	4	1	35	27
9	♐	Стрѣлецъ	0	2	6	10	8	5	1	32	31
10	♑	Козерогъ	0	0	5	1	11	15	3	35	28
11	♒	Водолей	0	0	4	11	25	9	0	49	45
12	♓	Рыбы	0	0	1	5	19	14	0	39	42
		Всѣхъ свѣздъ.	5	11	51	90	140	156	6	459	396

О ДВАТЦАТИ ОСМИ КОНСТЕЛЛАСІОНАХЪ СЪВЕРНОЙ СТРАНЫ,
СТАРЫХЪ И НОВЫХЪ, НАЧИНАЯ ОТЪ ПОЛЯ.

№:	ИМЕНА КОНСТЕЛЛАСІОНАМЪ.	СКОЛКО КАКОЙ ВЕЛИЧИНЫ.							СКОЛКО ВСѢХЪ СВѢЗДЪ.	ПО УСТАНОВЛЕННЫМЪ КЕПЛЕРОУ
		1	2	3	4	5	6	7		
1	Малой медвѣдь	0	2	1	5	2	9	0	19	20
2	Большой медвѣдь	0	7	3	12	9	8	0	39	56
3	Каркадилъ - -	0	1	11	13	11	1	0	37	32
4	Сефе - - -	0	0	3	11	8	12	0	34	12
5	Жирафъ - -	0	0	0	2	6	20	0	28	
6	Истокъ дневной	0	1	1	8	8	12	1	31	31
7	Бувверъ - - -	1	0	6	13	6	12	0	38	29
8	Корона сѣверная	0	1	0	4	6	8	0	19	8
9	Геркулесъ - -	0	0	9	17	13	24	1	64	31
10	Луръ - - -	1	0	2	3	6	5	0	17	11
11	Истокъ барсовъ	0	0	0	15	3	20	0	38	
12	Лебядь - -	0	1	6	15	2	15	0	39	28
13	Скнпептръ - -	0	0	0	1	8	8	0	17	
14	Казіопъ - -	0	0	5	6	5	20	0	36	45
15	Рубачъ - -	0	1	5	12	16	12	0	46	34
16	Во заторъ - -	1	1	0	8	15	22	0	47	27
17	Смесиной Бадашель	0	0	8	11	9	3	0	31	56
18	Смѣя - - -	0	1	8	9	3	24	0	45	26
19	Спирѣла - - -	0	0	0	3	1	4	0	8	4
20	Орелъ - - -	0	1	4	1	8	10	0	24	12
21	Аншанусъ - -	0	0	6	1	0	5	0	12	7
22	Делфинъ - -	0	0	5	0	1	5	0	11	10
23	Малая лошадь -	0	0	0	4	0	0	0	4	4
24	Пегасъ - -	0	3	3	9	3	7	0	25	24
25	Андромедъ -	0	3	2	9	14	5	1	34	26
26	Треугольникъ -	0	0	0	3	2	0	0	5	5
27	Тюлпанъ - -	0	0	1	2	4	0	0	7	
28	Власы сѣверные	0	0	1	11	1	0	0	13	15
ВСѢХЪ СВѢЗДЪ ВЪ СѢВЕРНОЙ СТРАНѢ.		3	23	90	208	170	271	3	768	553

о трицяти трехъ констеласіонахъ южной страны
старыхъ и новыхъ.

№:	ИМЕНА КОНСТЕЛАСІОНАМЪ.	СКОЛКО КАКОЙ ВЕЛИЧИНЫ							СКОЛКО ЗВѢЗДЪ.	ПО УС- МОПРЕ: КЕПЛЕ- РОВУ.
		1	2	3	4	5	6	7		
1	Кишъ - - -	0	2	8	13	5	0	0	28	25
2	Оріонъ - - -	1	5	4	17	20	16	0	63	62
3	Эриданъ - - -	1	0	10	28	4	3	0	46	39
4	Заяцъ - - -	0	0	4	4	4	1	0	13	13
6	Большая собака	1	1	6	2	9	0	0	19	29
7	Носова голубка	0	2	0	9	0	0	0	11	
5	Малая собака -	0	1	1	0	0	9	0	11	5
8	Ликорнь - - -	0	0	2	10	3	8	0	23	
9	Корабль - - -	1	7	7	25	22	4	0	66	35
10	Гидра Фемель -	1	0	3	12	13	20	0	49	33
11	Кубъ - - -	0	0	0	8	1	2	0	11	8
12	Грачъ - - -	0	0	4	1	5	1	0	11	7
13	Крыжъ - - -	0	2	2	0	0	0	0	4	
14	Полканъ - - -	1	1	7	15	8	1	0	33	37
15	Волкъ - - -	0	0	2	12	6	1	0	21	19
16	Канфоръ - - -	0	0	0	5	2	0	0	7	7
17	Корона южная -	0	0	0	5	6	2	0	13	13
18	рыба южная -	1	0	3	10	3	0	0	17	17
19	Жеравль - - -	0	3	0	4	2	4	0	13	13
20	Финіуъ - - -	0	1	3	6	3	0	2	15	15
21	Індіецъ - - -	0	0	0	6	3	3	0	12	12
22	Пава - - -	0	1	3	1	5	4	2	16	23
23	Птица Індійская	0	0	0	0	12	0	0	12	11
24	Муха Індійская	0	0	0	0	4	0	0	4	4
25	Каменсонъ - -	0	0	0	0	10	0	0	10	10
26	Треугольникъ южной	0	0	3	1	1	0	0	5	5
27	рыба летучая -	0	0	0	0	2	5	0	7	7
28	Окунь - - -	0	0	0	3	1	0	0	4	7
29	Гранъ неюажъ -	0	0	0	0	2	0	1	3	
30	Туканъ - - -	0	0	4	3	1	0	0	8	8
31	Малая змѣя -	0	0	1	3	10	0	0	14	21
32	Пешинсбажъ -	0	0	0	1	1	0	1	3	
33	Ромбоидъ - - -	0	0	0	2	0	2	0	4	
всѣхъ 73	звѣздъ въ южной странѣ.	7	26	77	206	168	86	6	576	485
кон- сте- ласі- она	И того на небеси въ семидесяти трехъ констеласіонахъ всѣхъ звѣздъ и по кеплерову счисленію.	15	60	218	504	478	513	15	1803	1434

А ежели въ зрительныя трубы смотрѣть, то будетъ видимо неисчислимое множество звѣздъ, которыхъ ни какъ счесть не возможно, что въ одномъ констеластонѣ орѣонѣ именуемомъ, Господинъ кеплеръ въ зрительную трубку, болше тысячи счелъ.

Для знанія, какими фигурами констеластоны звѣздъ на небеси положены имѣются, и въ коихъ мѣстахъ, по изданію астрономическому дѣлаются деревянные глобусы, въ подобіе небеснаго корпуса, круглыя яко шаръ, или карты какъ фигуры (10, 11) на которыхъ назначены звѣзды констеластонами, и въ какомъ онѣ другъ отъ друга разстояніи, такъ какъ ихъ видимъ, и въ космѣ констеластонѣ какіе звѣзды именами, и въ какихъ мѣстахъ и какой величины; разными сицевыми знаками назначиваются, а имено: первой величины ✱. второй величины ✱. третьей величины ✱. четвертой величины ✱. пятой величины ✱. шестой величины ✱. самыя малыя звѣзды неболѣе седмой величины ✱: а генерально звѣзды всѣ назначиваются ☆. таковымъ знакомъ.

план:
фиг: 10. и 11.

О ДВИЖИМЫХЪ СВѢТИЛАХЪ.

Движимая свѣтила называются планеты, и имѣются въ немаломъ числѣ: но изъ нихъ семь главныхъ планетъ, которые всегда свободно видимы, а имено: луна, меркуръ, венусъ, солнце, марсъ, юпитеръ, сатурнъ, и ни когда они между собою не бывають въ равномъ разстояніи, для собственнаго ихъ движенія отъ запада къ востоку: ибо не всѣ въ одномъ разстояніи отъ земли, но одна отъ другой далѣ, токмо всѣ близъ звѣздъ.

Луна, меркуръ, и венусъ, называются при планеты, инферъ-эоръ, или нижніе: по тому что они всегда ниже солнца ходятъ, а другіе при планеты марсъ, юпитеръ, сатурнъ, называются суперъ-эоръ, сирѣчь вышніе планеты: по тому что выше солнца ходятъ.

Кромѣ ихъ семи планетъ, еще Астрономы обсервовали, иныя многіе малыя, (чрезъ зрительныя трубы;) а имено: сперва четыре малыя звѣзды, которыя около юпитера вертятся, и называли ихъ спутники юпитеровы, или планеты юпитеровы, для того что около юпитера вертятся.

По томъ еще усмотрѣли, пять малыхъ планетъ около сатурна обтекающихъ, и называли ихъ спутниками сатурновыми, или планеты сатурновы, и они всѣ пять въ одно время сысканы, прежде господинъ гукъ одну усмотрѣлъ:
S а послѣ

а послѣ того 26 лѣтъ спустя, господинъ кассиній, усмотрѣлъ еще 2: а по томъ и досталныя 2, онъ же усмотрѣлъ чрезъ нѣсколко лѣтъ.

план: ●
фиг: 13.

Кромѣ пяти спутниковъ сатурновыхъ, еще видимъ около сатурна, кругъ свѣтлой плоской, аки горизонтъ около своего глобуса вертящійся, но разнымъ образомъ, бываетъ: ибо когда его увидишь прямо зѣ боку, тогда кажется кругомъ: а когда его увидишь, что онъ обликъ, (или косъ) тогда онъ кажется оваломъ, какъ фигура показуется: и нѣкогда господинъ озутъ усмотрѣлъ, что въ полторы ширины, длина его, а господинъ тюжанъ усмотрѣлъ что склоненіе имѣетъ отъ Эклиптики безъ мала 31 градусъ, тогда видѣлъ его только одинъ профиль, какъ бы протянутую одну линію прямую, и не зналъ было ни какого окруженія, того ради, что солнце отъ него до земли не допустило свѣту; и то случается чрезъ 15 лѣтъ, по усмотренію господина тюжана тогда, когда сатурнъ придетъ въ 20 $\frac{1}{2}$ градусовъ знаковъ небесныхъ, рыбъ и въсовъ.

О РАЗСТОЯНІИ ПЛАНЕТЪ ОТЪ ЗЕМЛИ мѣрою.

По усмотренію господъ Астрономовъ, не всегда всякая планета отъ земли въ равномъ разстояніи бываетъ, и иногда случается ближе къ земли, а и иногда далѣе, того ради, что у круговъ по которымъ планеты собственное свое около земли движеніе имѣютъ, не одинъ центръ зѣ землю, но разные: имѣютъ, хотя и разсуждаемъ по птоломеевой сѣстемъ, что земля въ центрѣ всего свѣта: однакожъ не за самой центръ еѣ пріемлемъ планетныхъ круговъ: (по которымъ они собственное свое движеніе имѣютъ отъ запада къ востоку, о чемъ ниже показано:) и для того тѣ круги называемъ эквантрики, сирѣчь не одноцентрики, по тому что они не одинъ центръ еѣ землею имѣютъ: (или разнителі, что разные центры еѣ землею имѣютъ,) и отъ разныхъ центровъ планетныхъ круговъ еѣ землею, не могутъ планеты въ равномъ разстояніи быть отъ земли, но всегда разнятся: и тѣмъ ихъ разнымъ разстояніямъ, въсканнымъ чрезъ славнаго Астронома Французской Академіи господина кассиніа: такожъ и господина біо, всякой планетѣ по три разстоянія отъ земли предлагаю: болшее или далное, среднее и малое, или ближнее, которые у него измѣрены по исчисленію, и положены полудіаметрами земными.

Таблица

ТАБЛИЦА разстоянія планетъ отъ земли, полагая
діаметрами земными.

ИМЕНА ПЛАВЕ- ТАМЪ.	По усмотренію кассініа.			По усмотренію біо.		
	Большое разсто- яніе.	Среднѣе разсто- яніе.	Малое разсто- яніе.	Большое разсто- яніе.	Среднее разсто- яніе.	Малое разсто- яніе.
Луна -	61	57	53	61	56	51
Меркуръ	33000	22000	11000	32704	22000	11296
Венусъ	38000	22000	6000	38415	22000	5585
Солнце -	22374	22000	21526	равно	съ кассі-	ніевымъ
Марсъ -	59000	33500	8000	58978	33540	8022
Юпитеръ	142000	115000	87000	142919	115000	87081
Сатурнъ	244000	210000	176000	244330	210000	175670

А о свѣздахъ разстоянія, никакъ положить не возможно, ради
всма далнаго разстоянія отъ земли: но и овышнихъ трехъ
планетахъ, ради скудости параллеля, за истинну принять
не возможно. Эуанприка, далная отъ земли точка М,
называется: АПОЖЕ. а ближняя отъ земли точка R, назы-
вается: ПЕРИЖЕ. а усолнечнаго Эуанприка, далная точка
называется: АФЕЛИ. а ближняя ПЕРІЕЛИ.

План: 3
Фиг: 12.

О ВЕЛИЧИНѢ СВѢТИЛЪ.

Господа Астрономы усмотрѣли свѣтила небесная разную
величиною, чего прямо и за истинну ради далнаго ихъ
отъ земли разстоянія, признавъ не возможно: однакожъ,
положили всякому свѣтилу величину, какъ ниже показано:
примѣняя къ земному глобусу, по усмотренію астрономовъ,
луна 39 кратъ менше земли. а иныя древнія астрономы
показываютъ въ 43 краты менше. по усмотренію же Господина
кассініа въ 52 краты менше земли. а по усмотренію біову,
діаметръ луны, малымъ чемъ больше четверти земнаго
діаметра, а корпусъ ея въ 55 кратъ менше земноводнаго
корпуса.

Меркуръ въ 19000, или въ 22000 кратъ менше земли:
по усмотренію Господина біо. венусъ 28 кратъ менше земли,
шоломей усмотрѣлъ: а иныя астрономы показали въ 37 кратъ
менше земли.

S 2

Солнце

Солнце 166 кратъ, по птоломееву усмотренію. больше земли. 162 краты по Коперникову. 140 кратъ, по тишебравову. еще жъ полагаютъ величину Солнца, въ діаметрѣ 32 мінуты круга, по которому оно ходитъ: по усмотренію бѣзову, діаметръ Солнца, 100 кратъ больше земнаго діаметра, а корпусъ его 100000 кратъ больше земли.

Марсъ передъ землею какъ 27, передъ 125, по усмотренію кассиніеву.

Юпитеръ въ 81 крату больше земли, а другіе астрономы усмотрѣли 95 кратъ больше земли.

Сатурнъ въ 79 кратъ больше земли, а иные объявляютъ въ 91 крату больше земли.

Звѣзды первой величины, во 102, или 107 кратъ больше земли, второй величины, въ 90 кратъ больше земли. третьей величины $2\frac{1}{2}$ краты больше. четвертой величины, въ $54\frac{1}{2}$ кратъ. пятой величины, въ $36\frac{1}{2}$ больше земли. шестой величины въ 16, или 18 кратъ, больше земли, а самыя малыя звѣзды неслѣдуетъ величинами, ради малости и темноты ихъ не извѣстны.

Еще величина звѣздъ большимъ считается, мінутами небеснаго круга, на которомъ они, а именно: первой величины 2 мінуты, второй величины $1\frac{1}{2}$ мінута, третьей величины $1\frac{1}{4}$ мінута.

О МАКУЛЯХЪ ПЛАНЕТНЫХЪ.

Макуля, на зываются пятна черныя, которыя астрономами въ планетахъ усмотрены.

По макулямъ, сирѣчь по пятнамъ, которые усмотрены въ планетахъ, познали астрономы: что всѣ планеты идучи дневнымъ ходомъ, со всѣмъ свѣтомъ всякая обращается на своемъ центрѣ кругомъ своей оси, и разное склоненіе всякая планета дѣлаетъ, кромѣ луны, что по пятнамъ своимъ она всегда себя равнымъ видомъ кажетъ, и обращенія ея никогда не видали.

О СОЛНЦѢ.

Господинъ тардъ разсуждалъ съ другими многими астрономами о пятнахъ, которые усмотрены обращающіяся около Солнца отъ Оста къ весну, и дѣлаютъ кругъ свой въ 26, или въ 27 дней, яко звѣзды, или спутники солнца, такъ какъ у Юпитера и Сатурна, и называли они ихъ звѣзды бурбоновы, но не всегда они равнымъ числомъ и величиною себя кажутъ, и иногда больше числомъ видятся и величиною больше кажутся, а иногда меньше, а иногда и ничего не видно, а въиное

а въ иное время виднѣ, великое множество ихъ вкупѣ, якобы одинакой великой пластѣ: а иногда разныхъ множество частей: иногдаже видно, что идучи иная, величиною прибываетъ, а другая убываетъ, и свѣтлость себѣ перемѣняетъ: кои были свѣтлы; тѣ здѣлаются темны, а которые были темны, отъ часу свѣтлые становятся. и то дѣлается не отъ инаго чего, токмо отъ сіянiя солнечныхъ лучей, такъ видимы бывающѣ, ибо онѣ въ близости у солнца.

Господинъ кассинiй полагаетъ, что солнце кругомъ своея оси вертится и обращается въ 27 дней, 8 часовъ: и склоненiе, своею Эклиптикою дѣлаетъ въ то время, $7\frac{1}{2}$ градусовъ: а поли солнечныя, всегда во однѣхъ мѣстахъ показываются: полярная прямо всегда противъ 8 градусовъ знака небеснаго дѣвы: а полярная меридиональ противъ 8 градусовъ знака небеснаго рыбъ, ибо какъ солнце у корпуса своего имѣетъ два поля, такъ и другiе свѣтила, подобно полямъ всего свѣта, имѣющѣ.

о л у н ѣ.

Сквозъ длинныя зрительныя трубки, въ лунѣ видны не равныя мѣста: свѣтлыя или бѣлыя, а другiе мѣста кажутся темны. когда луна полна, тогда тѣ мѣста видятся темны, по 20 миль величиною въ діаметрѣ.

о ю п и т е р ѣ.

Въ длинныя зрительныя трубки видны на юпитерѣ многiя темныя пятна, или длинныя и широкiе полосы, которые пораллельно кругомъ его корпуса, отъ оста къ восту лежатъ, похожи на тѣ, какъ въ лунѣ сперва видѣли три, такъ какъ бы на сферѣ былъ одинъ Экваторъ, и два тропика (какъ фигура показываетъ;) токмо не всегда всѣ три вкупѣ видны, и иногда случается видѣть и болше трехъ, а иногда и меньше. Господинъ кассинiй усмотрѣлъ декабря 4го, 1690 года, въ 4 мѣ часу, 20 минутъ по полудни, только два пятна темныхъ, въ дальномъ разстоянii отъ середины юпитера: одно къ нордовой сторонѣ, а другое къ зюйдовой, кое въ нордовой сторонѣ; то ширѣ. а въ 4 мѣ часу, 28 минутъ, показалось въ немъ по серединѣ: какъ бы островъ бѣлой. въ то же время къ северу увидѣлъ такой же поясъ, или пятно широкое, только по тонѣ того.

Въ томъ же 1690 мѣ году, декабря 6го, въ 6 мѣ часу вечера, Господинъ кассинiй усмотрѣлъ на юпитерѣ три

пятна темныхъ, длинныхъ къ нордовой сторонѣ, и три къ Зюйдовой: всѣ другъ другу параллельны. А послѣ того полтора часа спустя увидѣвъ, между Нордовыхъ, и Зюйдовыхъ поясовъ, еще широкой поясъ, пошолъ въ косъ, такъ какъ бы зодіакъ на Сферѣ, и прошелъ чрезъ центръ и въ Вестову сторону болѣе склонился къ Зюйду, чего болѣе уже ни когда не видалъ.

Еще Господинъ кассиній въ началѣ 1691 года, усмотрѣлъ: что, какъ пятна Нордовыя, такъ и Зюйдовыя, не всѣ цѣльные пошли, кругомъ оказывались концы ихъ, и отъ Оста по Юпитеру къ Весту имѣютъ движеніе, и по концамъ пятенъ Нордовыхъ счислялъ время, какое они имѣютъ движеніе, и усмотрѣлъ: что въ 9 часовъ, 55 минутъ, 40 секундъ, здѣлали свой кругъ, а въ Октябрѣ Мѣсяцѣ тогожъ года, онъ же кассиній усмотрѣлъ, на корпусѣ юпитеровъ 8 пятенъ темныхъ, а болѣе къ Зюйдовой сторонѣ.

Въ 1665 мѣ году, Господинъ кассиній усмотрѣлъ по тѣмъ пятнамъ, что юпитеръ около своего центра вертится на своей оси въ 9 часовъ, 56 минутъ обращаясь.

Въ 1690 мѣ году, 2 Декабря, Господинъ кассиній усмотрѣлъ на Юпитерѣ, иныхъ два черныхъ круглыхъ малыхъ пятенъ. а въ 1691 мѣ году, въ Октябрѣ Мѣсяцѣ, еще два бѣлыхъ широкихъ пятна, которые ширѣ другихъ.

О М А Р С Ъ.

Господинъ кассиній усмотрѣлъ, что Марсъ вертится около своей оси, отъ Оста къ Весту кругомъ, и въ 24 часа, 40 минутъ обращается, и въ длинную зрительную трубку усмотрѣлъ на немъ, четыре пятна темныхъ такихъ же, какъ и въ лунѣ два усмотрѣлъ, въ 1666 мѣ году, Февраля 21 дня въ вечеру. а другіе два, которыя по болѣе, тогожъ Февраля 14 числа въ вечеру: такимъ же видомъ усмотрѣлъ, и въ римѣ Господинъ кампиній въ зрительную трубку, которая была 35 футовъ длиною.

О В Е Н У С Ъ.

Господинъ кассиній усмотрѣлъ, что Венусъ на своей оси вертится, и оборачивается въ 24 часа, кругомъ отъ Зюйда къ Норду.

Въ 1666 мѣ году, Октября 4, Господинъ кассиній, усмотрѣлъ по верхъ корпуса венусова, (когда онъ былъ болѣе половины полонъ, въ то время) къ весту два пятна темныхъ: какъ здѣ А. и В, фігура (15) показуесть, а шестіе маленькое
сѣтелъ

план: 18
фиг: 18 и 19

план: 19
фиг: 19

сіятельное С, якобы звѣзда. а въ 1667 мѣ году, Апрѣля 18 дня, когда венусъ былъ въ половинѣ полонѣ, тогда усмотрѣлъ онѣ, (какъ фигура 16 показуеѣ,) погода маленько попятно С, въ другое мѣсто подвинулось, (какъ въ сей фигурѣ) съ чего можно признать, что и венусъ такожѣ, какъ и другіе. на своей оси вертятся. и еще такимъ же образомъ, тогожѣ Апрѣля 30 числа усмотрѣлъ, какъ и прежде.

план: 2
фиг: 16 и 17.

О МЕРКУРѢ.

Какъ всегда меркуръ въ самой отъ солнца близости, и едва не всегда въ солнечныхъ лучахъ, отъ чего не возможно на немъ усмотрѣть пятенъ, и вершится ли на своей оси; понеже діаметръ его около 80, и 90 частей солнечнаго діаметра, сирѣчь около 20 секундъ; такожѣ и сатурна не возможно, за далнимъ его отъ насъ разстояніемъ, признать: токмо усмотрѣли, что меркуръ собственнаго свѣту не имѣетъ, такожѣ какъ луна и венусъ.

Въ 1631 мѣ году Октября 27 дня, Господинъ Гасендѣ въ парижѣ, усмотрѣлъ чрезъ инструментъ: что меркуръ заѣдалъ эклипсѣ солнцу; сирѣчь затмѣніе; чего мало случается: однакожѣ и послѣ того, нѣсколько кратъ меркуръ видимъ былъ въ солнцѣ. а въ 1651 мѣ году, Октября 23 дня, усмотрѣлъ въ солнцѣ меркурія: Господинъ шекерлей на островѣ сурантѣ. въ третіе усмотрѣнъ, въ солнцѣ меркурій. въ 1661 мѣ году, Апрѣля 23 дня, отъ гигенса спирита, и отъ меркатора въ мѣстечкѣ лонгъ экрѣ: такожѣ и въ 1671 мѣ году, Октября 27 дня, усмотрѣлъ оную планету въ солнцѣ. Господинъ галей, во островѣ святыя элены: іоаннъ карлъ теллетъ въ вазилонѣ: таунали въ таунлее усмотрѣли.

Въ пятыя усмотрѣли меркурія въ солнце, 1690 го году, Октября 30 дня, Господа астрономы: кирхъ въ эрфуртѣ: іоаннъ филисѣ фонъ вурцелбоу въ норинбургѣ: адамъ кожанскій въ варшавѣ. а въ 1697 мѣ году, Октября 22 дня, усмотрѣли оную планету въ солнцѣ, вурцелбоу въ норинбургѣ: кассиній и маралдѣ въ парижѣ: менишой кассиній въ роттердамѣ: миллеръ, въ вѣнѣ: кирхъ въ губенѣ.

О ПОДАЯНІИ НАМѢ СВѢТА ОТЪ СВѢТИЛЪ.

Всякой день видимъ, когда солнце по верхъ горизонта, тогда имѣемъ день и теплоту, а когда оно подъ горизонтомъ, тогда ночь: ещежѣ довольно извѣстно, что солнце едино

устанавливаетъ четыре времена живущимъ на земли, а имянно: весну, лѣто, есенъ, и зиму; а не другіе свѣтила, хотя ихъ и многое множество есть, но ни едино, ниже всѣ вкупѣ, безъ солнца свѣту и теплоты подать немогутъ, токмо въ нощи въ чистый воздухъ блистаютъ: а хотя въ нощи отъ луны, и немалой свѣтъ имѣемъ, но не всегда. понеже разными видами ъе всегда видимъ: иногда видимъ всю свѣтлу: а иногда всю темну: иногдаже нѣкоторую часть у ней видимъ свѣтлу, а другую темну. когда она случится между солнца и земли, тогда въ ней никакой части свѣтлой невидимъ, токмо одно окруженіе темное, и свѣту отъ нея не имѣемъ: а когда она отъ солнца станеть отдаляться, тогда по малу и по пропорции отдаленія ея отъ солнца, свѣтлую часть ея начинаемъ видѣть: когда же луна съ солнцемъ діаметрално разлучатся, что уже будетъ земноводный корпусъ между ими, тогда все окруженіе луны свѣтло видимъ, и немалой свѣтъ въ нощи отъ нея имѣемъ: а иногда во время полнолунія случается на нѣсколько часовъ, или мнѹтъ, оскудѣвшую луну всю отъ свѣта, или нѣкоторую въ ней часть, что называемъ затмѣніе луны. изъ чего надлежитъ разумѣть, что луна собственного въ себѣ свѣту не имѣетъ, такъ какъ солнце, но освѣщается, или заимствуетъ себѣ отъ солнца свѣтъ, которой въ ней видимъ: ибо солнце луны половину, которая къ нему всегда, пущенными лучами освѣщаетъ, когда луна съ солнцемъ діаметрално; а земля между ими; и производящія лучи отъ солнца, минуя землю освѣщаютъ луны половину, которая къ намъ; тогда видимъ луну полную, и немалой свѣтъ отъ нея имѣемъ, а когда центръ луны будетъ съ центромъ солнца и земли; тогда земноводный корпусъ, не допуститъ солнечныхъ лучей освѣтить луну. понеже земноводный корпусъ въ нѣсколькратъ болше луны, (какъ выше сказано) и будетъ луна въ тѣни, какъ фигура (20) показываетъ, а когда луна будетъ между солнца и земли; тогда солнце не можетъ освѣтить у луны нашей стороны, и отъ того она темна. а ежели бы луна въ себѣ собственный свѣтъ имѣла; тобъ ни когда отъ свѣту неоскудѣвала, но всегдабъ въ равномъ состояніи свѣта была: и для того надлежитъ не сумнѣнно вѣрить, что луна такъ, какъ и земноводный корпусъ въ себѣ собственного свѣту не имѣетъ. и ежелибы въ планетахъ или звѣздахъ были люди, тобъ и земля имъ отъ освѣщенія солнечныхъ лучей, казалася бы въ мѣсто свѣтила: а живущимъ бы въ лунѣ

пллн: 6
фиг: 20

въ лунѣ свѣту болше давала, нежели намъ луна: зане земля болше въ нѣсколко кратъ луны, и можно разсудить, когда въ ночи изъ закрытаго мѣста, сквозь какую нибудь скважину освѣтитъ стѣну, то отъ той стѣны здѣлается свѣтло, невидящему того огня: тако и отъ освѣщенія солнечныхъ лучей, свѣтъ луны имѣемъ, что несумнѣнно всякому можно вѣрить. равножъ разсуждаемъ по усмотренію господъ астрономовъ о венусѣ, и меркуріи, и марсѣ, такъ какъ и о лунѣ, что въ себѣ собственнаго свѣта не имѣютъ, но заимствуя себѣ отъ солнца свѣтъ, намъ подають: надобножъ разсуждать о сатурнѣ, и юпитерѣ, и о звѣздахъ, что собственнаго свѣта въ себѣ не имѣютъ, какъ и тѣ планеты, но заимствуютъ себѣ свѣтъ отъ солнца:

И ежели бы какъ звѣзды, такъ и планеты, собственной въ себѣ имѣли свѣтъ, то бы ночи никогда не было, ниже зимы, но всегдажъ подавали намъ свѣтъ, (яко солнце во дни, и теплоту во всякомъ мѣстѣ, и во всякое время, будучи въ зенітѣ, у живущихъ на земноводномъ корпусѣ,) того ради что во всякомъ мѣстѣ у живущихъ на земли бываетъ въ зенітѣ, или близко зеніта какая нибудь звѣзда. но не токмо едино какое свѣтило, ниже всѣ вкупѣ, могутъ подать такой свѣтъ и теплоту, какъ солнце; ежежъ, ежелибы планеты не освѣщались отъ солнца, такъ какъ земля, и имѣлибы собственный свой свѣтъ, то бы на планетахъ черныхъ, и бѣлыхъ и темныхъ пятенъ не знатъ было, какъ нынѣ видимъ: которые не отъ инаго чего, токмо отъ горъ и долъ на корпусахъ ихъ, равно какъ и на земли, когда солнце ихъ освѣтитъ, и въ тѣ ихъ горы, лучи солнечные упираются, тогда намъ въ нихъ покажутся тѣ мѣста свѣтлыя, или бѣлыя пятна: а гдѣ ямы, тамо и солнце лучами своими неможетъ освѣтитъ, и тѣ въ нихъ мѣста кажутся черныя: а гдѣ равныя мѣста, тѣ кажутся темноваты. изъ чего можно видѣть, что всѣ планеты и звѣзды, заимствуютъ себѣ свѣтъ отъ солнца, не имѣя собственнаго, и подають намъ равно, такъ какъ и луна: когда солнце изъ подъ горизонта презѣльнымъ сіяніемъ пущенныхъ лучей своихъ, освѣтитъ корпусы ихъ, (равно такъ, какъ фигура 21 показуетъ) что и Святый Іоаннъ Дамаскинъ написалъ: солнцу восходящу надъ землею, и подъ землею свѣщащу яснымъ свѣтиламъ лунѣ, и звѣздамъ, свѣщеніе попуска составляеть: не яко скудствующу богу, или оскуднѣти ради инаго свѣта, дати имъ собственный свѣтъ: но да вложится токмо число, знанію чиноначалствующаго, и началствуемаго: якоже и человѣцы на земли, другъ другу подчиняюща меньшей

и

болшему

план: 6
фиг: 21

болшему, тако и свѣтила: и да не праздно пребудеть свѣтъ, чію вложеннымъ первороднымъ свѣтомъ отъ народодѣтеля, солнце освѣщаетъ прѣблнымъ сіяніемъ, и теплоюю яко огнемъ обогрѣваетъ, всю вселенную. и не сумнѣнно надлежитъ вѣрить: что едино токмо такое великое свѣтило, то есть солнце, на то устроено, имѣетъ собственный въ себѣ свѣтъ, а не всѣ, но оно едино всю освѣщаетъ вселенную. и не токмо единъ земноводный корпусъ, но и всѣ звѣзды и планеты.

Спутники юпитеровы и сатурновы, заимствуютъ себѣ свѣтъ отъ своихъ планетъ: сатурновы отъ сатурна, юпитеровы отъ юпитера; но сатурнъ и юпитеръ сами освѣщеніемъ солнечнымъ подаютъ отъ себя свѣтъ спутникамъ своимъ. такожъ и прочіе звѣзды, у которыхъ имѣются спутники.

О П Р И З Н А Н І И П Л А Н Е Т Ъ.

СОЛНЦЕ и ЛУНУ свободно можно признать, а другіе пять планетъ разнятся съ звѣздами, тѣмъ чію за близостію къ намъ кажутся болше звѣздъ: ещежъ они не таковы горячей и красной видъ имѣютъ, но болше звѣздъ и такова блисканія, или сіянія, какъ звѣзды не даютъ, и не всегда въ одномъ мѣстѣ видимы бывають.

А изъ всѣхъ пяти планетъ, свѣтлѣе венусъ, и видъ его показуется болше другихъ, и сіяетъ и лучъ отъ себя пуцаетъ, и въ день можно его видѣть безъ зрительной трубки, когда она въ дальномъ разстояніи отъ земли, и далѣ 45 градусовъ не отлучается отъ солнца; но всегда около солнца и когда она идетъ на предѣ солнца, тогда называется фотъ-свортъ, или дневная звѣзда: а когда позади солнца идетъ, тогда называется гесперъ, или вечерняя звѣзда: видъ ея намъ показуется мѣди желтой чистой.

МЕРКУРЪ ближе всѣхъ къ солнцу, а далѣ 30 град: не отлучается отъ солнца, что рѣдко случается, астрологи называютъ еѣ подѣ солнечная планета; и когда не отлучится далѣ 16 минутъ отъ солнца, то называется зѣная планета; а когда до 17 градусовъ отдалится, тогда еще въ лучахъ солнечныхъ: однакожъ въ то время и свѣтъ отъ себя показуется. а когда станетъ къ солнцу приближаться, или солнце къ ней, тогда она и сіяніе у себя убавляетъ: видъ ея показуется цвѣтомъ ртути.

МАРСЪ показуется намъ видъ свой красной, огненной неясной, тихой, яко желѣзо горяче.

Юпитеръ

Юпитеръ кажется себя величиною противъ венуса; и видъ его не таковъ свѣтелъ какъ венусъ, но яко олово горяче, но токмо выше венуса видимъ бываетъ, и отъ солнца отлучается до 180 градусовъ.

Сатурнъ равною величиною кажется себя, за далнымъ отъ земли разстоянѣмъ, какъ и марсъ, видъ его намъ кажется свинецъ, и выше всѣхъ планетъ подымается.

Астрономы дали характѣры, или знаки, симъ семи планетамъ хѣмически, примѣняя ихъ къ семи матерѣмъ по цвѣтамъ: кая планета какой матерѣ видъ показуесть, а имянно: ЛУНА имѣеъ знакъ Э, по тому что она намъ видима бываетъ цвѣтомъ чистаго серебра, холоднаго и хорошаго дѣла. Меркуръ имѣеъ знакъ Ф, по тому что она планета видима бываетъ цвѣтомъ ртутѣ. Венусъ имѣеъ знакъ Ф, по тому что она видима бываетъ цвѣтомъ мѣди желтой чистой, хорошаго дѣла. солнце имѣеъ характѣръ, или знакъ О, по тому что оно видомъ себя показуеъ золота горячаго, сухаго и хорошаго дѣла. Марсъ имѣеъ знакъ С, по тому что онъ намъ показуеъ себя цвѣтомъ желѣза горячаго, сухаго, и худаго дѣла. Ювишъ имѣеъ знакъ Д, по тому что цвѣтомъ себя кажется, олова чистаго горячаго и хорошаго дѣла. Сатурнъ имѣеъ знакъ Н, по тому что онъ себя показуеъ цвѣтомъ свинца сухаго, холоднаго, и худаго дѣла.

О СВѢЗДАХЪ.

Свѣзды небесныя не всѣ равною величиною, но одни другихъ больше, по тому и не равною они свѣтлостію видимы, что больше свѣзда, та и свѣтлѣе: а малые свѣзды едва и видимы, за великою ихъ далностію разстоянія отъ насъ: а иныхъ безъ зрительныхъ трубокъ и видѣть не возможно. и для обсерваціи на мори навигаторамъ довольно знать одни знатныя свѣзды, о которыхъ здѣсь показую поконстеластонамъ на особомъ планѣ фиг: (22.)

О БОЛШЕМЪ МЕДВѢДѢ.

Въ констеластонѣ большаго медвѣдя, семь знатныхъ свѣздъ, А, В, С, D, E, F, G, изъ которыхъ четыре D, E, F, G, состоятъ великимъ квадратомъ, и называются они четыре колеса небесныя шельги: первое D, переднее сѣверное колесо, другое E, переднее южное, третье F, заднее сѣверное, четвертое G, заднее южное.

И 2

Планъ 4-й части пторыхъ книги 1-я страница 39. Фиг: 22.



Фиг. 22. заднѣ южное колесо; а прочіе три звѣзды А, В, С, которые въ хвостѣ большаго медвѣдя называются лошади, аимянно на концѣ хвоста А, называется передняя лошадь: и зансю В, средняя: а третія С, коренная лошадь, или алѣдѣ. по симъ семи звѣздамъ, и въ другихъ конспеласіонахъ знапные звѣзды, свободно можно признашь.

О МАЛОМЪ МЕДВѢДѢ.

Сѣверная или полярная звѣзда Р, лежитъ на одной линіѣ Г, Р, Р, зѣ задними колесами большаго телѣги, къ сѣверному полю: ещежъ она называется, передняя лошадь малаго медвѣдя, или малыя телѣги.

А ясная сѣверная звѣзда Н, отъ полярной звѣзды отстоитъ къ переднѣй лошади А, токмо западнѣ: ещежъ она немного не въ линію съ передними колесами Е, Д, большаго телѣги, токмо сѣвернѣ.

Двѣ звѣзды, лапа L, и лопатка К, малаго медвѣдя, лежатъ съ ясною сѣвальною звѣздою на одной линіи.

О ЛВѢ.

Какъ протянешъ линію отъ ясной сѣвальной звѣзды Н, по-средиѣ между переднихъ, и заднихъ колесъ большаго телѣги, то покажетъ свѣтлую звѣзду, которая называется сердце лва, или регюльсѣ.

Когда протянешъ линію отъ полярной звѣзды Р, чрезъ сѣверное переднѣ колесо большаго телѣги, тогда покажетъ ясную звѣзду, которая въ хвостѣ у лва и называется хвостъ небеснаго лва. а между сердца лва, и хвоста лва, имѣются шесть звѣздъ: три на плечѣ въ линію, и три на задницѣ.

О ОРІОНѢ.

Въ конспеласіонѣ оріона, семь знапныхъ и свѣтлыхъ звѣздъ М, Q, R, S, T, U, V, которые свободно можно признашь: три звѣзды R, S, T, у него въ поясѣ, называются три короля, и оныя безмѣрно свѣтлы, и лежатъ въ линію въ близости другъ отъ друга, и положеніемъ своимъ отъ всѣхъ звѣздъ отмѣнны. звѣзда М, называется лѣвое плечо оріонова къ сѣверу отстоитъ отъ южнаго короля Т, не въ дальномъ разстояніи, видѣ ся свѣтлой. звѣзда Q, называется правое плечо оріонова, отстоитъ къ сѣверу отъ сѣвального короля R, не въ дальномъ разстояніи, по менше другихъ. и по краснѣ. звѣзда U, называется правое колѣ-

фиг. 24. заднѣе южное колесо; а прочіе три звѣзды А, В, С, которые въ хвостѣ большого медвѣдя называются лошади, аимянно на концѣ хвоста А, называется передняя лошадь: и зансю В, средняя: а третія С, коренная лошадь, или алѣадѣ. по симъ семи звѣздамъ, и въ другихъ конспеласіонахъ знатныя звѣзды, свободно можно признавать.

О М А Л О М Ъ М Е Д В Ъ Д Ъ.

Сѣверная или полярная звѣзда Р, лежитъ на одной линіи С, F, Р, зъ задними колесами большаго телѣги, къ сѣверному полю: ещежъ она называется, передняя лошадь малаго медвѣдя, или малыя телѣги.

А ясная сѣверная звѣзда Н, отъ полярной звѣзды отстоитъ къ переднѣй лошади А, токмо западнѣе: ещежъ она немного не въ линію съ передними колесами Е, D, большаго телѣги, токмо сѣвернѣе.

Двѣ звѣзды, лапа L, и лопатка К, малаго медвѣдя, лежатъ съ ясною сѣвornoю звѣздою на одной линіи.

О Л В Ъ.

колѣно орѣонова, отстоитъ къ югу отъ средняго короля S, на одной линіи MSU, звѣзда V, называется лѣвая нога орѣонова, отстоитъ отъ южнаго короля T, къ югу на одной линіи съ среднимъ королемъ S, и лѣвымъ плечемъ G, ещежъ астрономы называютъ звѣзду U, рижель. во ономъ же констеластонѣ нѣсколко малыхъ звѣздъ, купно въ ефесѣ шесака ево, и намъ кажется яко кустокъ свѣтлой.

О БОЛШОЙ СОБАКѢ.

Въ констеластонѣ болшія собаки, одна знапная звѣзда, которая называется канікуль или сіріусъ, отстоитъ по одной линіи съ тремя королями къ осту, не въ дальномъ разстояніи: но онажъ звѣзда сіріусъ, изъ всѣхъ звѣздъ свѣтлѣе и болше, намъ себя кажется, и восходитъ она изъ подъ горизонта, и заходитъ за горизонтъ Іюля съ 13, Августа по 13 число съ солнцемъ, съ чего и называются тѣ дни канікулы или песьи.

О БЛІЗНЕЦѢ.

Въ констеластонѣ близнецахъ, двѣ знатныя звѣзды, которые въ головахъ ихъ, и называются: одна полкузова борода, а другая, касторова голова. когда протянешъ отъ лѣвой ноги орѣоновой V, къ сѣверу чрезъ средняго короля S, и пройдетъ та линія, между обѣихъ звѣздъ, которая къ осту, та называется, полкузова борода: а которая къ весу, та называется, касторова голова: обѣ не въ дальномъ разстояніи отъ королей орѣоновыхъ: но и безъ того оныя звѣзды знатны: ибо, не въ дальномъ разстояніи, онѣ отстоятъ отъ заднихъ колесъ большаго медвѣдя, и сердца льва, а видъ ихъ свѣтлой показуется.

О ТЕЛЦѢ.

Въ констеластонѣ телца, знатнѣе всѣхъ звѣзда, которая называется, глазъ телцовъ: видъ ся показуется красной. и когда протянешъ линію къ сѣверу, на весову сторону отъ трехъ королей, покажетъ плѣдъ телцовъ, то оная линія близъ звѣзды глаза телцова пройдетъ западнѣе.

О ВОЗАТОМѢ.

Въ констеластонѣ возатомъ, сирѣчь извощикъ, три знатныя звѣзды, и видомъ ясны I, N, O, одна звѣзда I, свѣтлая и ясная и велика кажется намъ передъ другими, такъ какъ сіріусъ, которая называется капела. когда протянешъ линію отъ

отъ лѣвой ноги оріоновой V, чрезъ лѣвое плечо сво M, къ сѣверу на полярную звѣзду P, що покажетъ ясную звѣзду капеля I, и пройдетъ чрезъ звѣзду O, ногу возагаго, а звѣзда N, отъ звѣзды капеля I, отстоитъ въ ближнемъ разстояніи къ востоку, и называется плечо возагаго на одной линіи IN, съ каспоровою головою, ещежъ онъ и по тому знаменъ, что не въ дальномъ разстояніи къ сѣверу отстоитъ отъ большаго медвѣдя.

О М А Л О Й С О Б А К Ъ.

Въ констеластіонѣ малой собаки, одна шокмо значная и свѣтлая звѣзда, которая называется простионъ, отстоитъ къ востоку отъ лѣваго плеча оріонова на одной параллели въ 30 градусахъ, и едва не на одной линіи съ плечами оріоновыми.

О Д Ъ В Ъ.

Въ констеластіонѣ дѣвы, одна значная звѣзда копье дѣвы, или колосъ дѣвы, видомъ свѣтла, и отстоитъ къ югу отъ большаго медвѣдя на одной линіи съ полярною звѣздою, и среднею лошадей больша телѣги: хотя та линія пройдетъ и чрезъ другіе звѣзды, однакожъ на той линіи свѣтлѣе и болше еѣ не будетъ.

О Б О Е Т Е С Ъ.

Въ констеластіонѣ боемесъ, одна значная и свѣтлая звѣзда алраметъ, которая на одной линіи съ сердцемъ львовымъ и хвостомъ львовымъ къ востоку, ещежъ она знаменъ, когда протянешъ линію отъ полярной звѣзды P, между ясной сѣверной звѣзды H, и передней лошади A, большаго медвѣдя, тогда покажетъ оную свѣтлую звѣзду.

О С Ѣ В Е Р Н О Й К О Р О Н Ъ.

Когда протянешъ къ востоку линію отъ передняго колеса, чрезъ переднюю лошадь больша телѣги, тогда покажетъ ясную звѣзду, которая называется сѣверная корона.

О Л Ѹ Р Ъ.

Звѣзда лѸра, отстоитъ отъ сѣверной короны къ востоку на одной линіи. когда протянешъ отъ звѣзды алраметъ, чрезъ свѣтлую звѣзду сѣверной короны, хотя и пройдетъ чрезъ
малые

малые геркулесовы звѣзды, однакожъ она знатна свѣтлостію своею и величиною. ещѣжъ, когда поворачиши къ оріоновымъ звѣздамъ или близнецамъ спиною, и будешъ смотрѣть чрезъ полярную, тогда увидишъ звѣзду лѳрѣ, которая велика и свѣтла.

О КРАКОДИЛѢ.

Когда протянешъ лінію отъ звѣзды капела, чрезъ полярную звѣзду, тогда покажетъ звѣзду кракотилову голову, которая по свѣтлѣ другихъ, хотя та лінея и пройдетъ чрезъ малые и темныя звѣзды. ещѣжъ она едва не на одной лінеи съ ясною сѣверною звѣздою, и лопаткою малаго медвѣдя.

О ЛЕБЯДѢ.

Когда протянешъ лінію отъ задняго сѣвернаго колеса большаго телѣги, чрезъ ясную сѣверную звѣзду, и пройдетъ чрезъ правое крыло лебядино, и чрезъ констеластіонъ делфина. въ констеластіонѣ лебядѣ, пять звѣздъ свѣтлыхъ и большихъ, шокмо тѣ, которые въ крылѣ и хвостѣ и сердцѣ, маленько по краснѣ другихъ звѣздъ, и лежатъ крестомъ.

Въ констеластіонѣ делфинѣ 4 малые звѣзды, лежатъ параллелограмомъ, и намъ онѣ кажутся кустикомъ: яко бы всѣ четыре вкупѣ.

О ОРЛѢ.

Отъ констеластіона делфина, маленько къ западу въ лінію, три звѣзды знатныя и свѣтлыя, которые въ шѣ констеластіона орла, и едва не въ лінію съ звѣздою лѳромъ и лебядиною головою.

О КАЗІОПѢ.

Въ констеластіонѣ казіопѣ, пять знатныхъ и свѣтлыхъ звѣздъ, въ равномъ разстояніи отъ сѣвернаго поля, какъ большой медвѣдь, шокмо по другую сторону сѣвернаго поля противу хвоста его. когда протянешъ лінію отъ первой лошади А, чрезъ полярную звѣзду Р, покажетъ ногу казіопову 1: а звѣзда 2 я колѣно казіопово, на одной лінеи съ полярною звѣздою и среднею лошадию В. а 3 я звѣзда шея или стегно казіопово, на одной лінеи съ полярною звѣздою и коренною лошадию С. а когда протянешъ лінію отъ передняго сѣвернаго колеса Е, чрезъ полярную звѣзду Р, та лінея пройдетъ между груди казіоповой и звѣзды. 4 я западнѣйше казіоповой звѣзды. 5 я восточнее. еще шестая въ стулѣ казіоповѣ звѣзда, которая называется ясная звѣзда казіопова, западнее отъ шѣхъ плещи.

О АНДРОМЕДѢ.

Когда протянешь лінію отъ сѣверной звѣзды, чрезъ ясную казіопову звѣзду, то пройдетъ чрезъ колѣно сефе, и покажетъ свѣтлую звѣзду, которая называется голова андромеда, и по томъ покажетъ на тойже лінії звѣзду алженебъ, которая на концѣ крыла пегасова.

О ПЕГАСѢ.

Констеластонъ пегасъ, знаменъ по своимъ тремъ знатнымъ звѣздамъ, которые называются алженебъ маркабъ: западнѣ отъ звѣзды алженебъ, да лопатка пегасова, которая звѣзда опстоитъ къ сѣверу отъ звѣзды маркабъ, и оныя три звѣзды съ андромедовою головою дѣлаютъ большой квадратъ, которой свободно можно признашь.

О АРІЕСѢ.

Звѣзда люіда арістибъ, на одной параллелѣ съ звѣздами пліадъ телца, токмо къ западу, видѣ ея красноватъ.

Когда протянешь лінію, отъ ясной сѣверной звѣзды чрезъ звѣзду денебъ, или хвостъ лебединой, тогда покажетъ знатную звѣзду, фомоганъ, видѣ ея красной, токмо въ 60 градусахъ ширины изъ подъ горизонта не выходитъ, ибо она въ южной странѣ но и въ 50 градусохъ, токмо 8 градусовъ 42 минуты отъ горизонта подымется.

Таковымъ же образомъ и прочіе звѣзды, по симъ знашнымъ свободно можно познашь.

О ПОКАЗАНІИ ДНЕЙ
НЕДѢЛНЫХЪ ПЛАНЕТАМИ.

Сихъ седми планетъ имена, съ ихъ характѣрами у живущихъ на земли показываютъ семь дней седмичныхъ, начиная съ понедѣльника, которому дню знакъ луны показываетъ, такожъ и прочія переступятъ, чрезъ одинъ день по чину планетъ разстоянія отъ земли, какъ въ таблицѣ показано: которая планета, кой день показываетъ, а солнце, недѣлю или день недѣльный поестъ ВОСКРЕСНЫЙ показываетъ. того ради, что оно главное, и первоначальное свѣтило изъ всѣхъ, и ВОСКРЕСЕНІЕ первоначальный день въ седмицѣ.

таблица

ИМЕНА ПЛАНЕТАМЪ которые показываютъ дни недѣльные и колеры ихъ седми матерій.				
Харак- тиры или знаки.	ИМЕНА ПЛАНЕТАМЪ		ИМЕНА днямъ	Колеры седмихъ пла- нетамъ показують седми матерій
	По славенски	По римски		
☾	Луна	Лалюніи	Понедѣльникъ	Серебряной
♂	Эрмій	Меркюръ	Среда	Ртутной
♀	Ефродіѳа	Венусъ	Пятница	Мѣдной
☉	Солнце	Солель	Воскресеніе	Золотой
♂	Аррісъ	Марсъ	Вторникъ	Желѣзной
♂	Дій	Юпитеръ	Четвертъскъ	Оловянной
♄	Кронъ	Сатурнъ	Суббота	Свинечной

А что планеты, чиномъ разстоянія своего по небесамъ отъ земли, начиная отъ ближнія планеты луны, не порядкомъ седми дней недѣльных показываютъ, но чрезъ одинъ день. того ради: что всякой день начиная съ полудней, всѣ седми планетъ раздѣляютъ кругъ небесной на седми частей равныхъ, (какъ 23 фигура показываетъ) и совокуплены прямыми лінеями по 3 планеты, на право и на лѣво, начиная отъ солнца, которое показываетъ, первой день недѣльной ВОСКРЕСЕНІЕ: отъ негоже на право по прямой лінеи къ лунѣ, которая показываетъ понедѣльникъ: а отъ луны по прямойже лінеи къ марсу, который показываетъ вторникъ: а отъ марса къ меркуріусу: такимъ же образомъ и къ другимъ даже опять до солнца, какъ показано: хотя такъ и не подлинно дѣлается, но покомъ поступаемъ [безъ всякаго фундаменту] по изданію астрологовъ.

План:
Фиг: 23

РАЗДѢЛЕНІЕ ВТОРОЕ

О положеніи свѣтилъ въ сферѣ всего свѣта.

Разными образы Господа Астрономы, о положеніи свѣтилъ небесныхъ въ земноводномъ корпусѣ, въ сферѣ всего свѣта разсуждаютъ: одни мнятъ бытъ въ центрѣ всего свѣта земноводному корпусу недвижиму, а около его всѣ свѣтила небесныя вращеніе имѣютъ. другіеже мнятъ бытъ солнцу въ центрѣ всего свѣта не движиму, а около его земноводный корпусъ со всѣми свѣтилами вращеніе имѣетъ. которыхъ три мнѣнія: (1:) птоломеево, (2:) коперниково, (3:) тичебрагово: и четвертое собранное изъ тѣхъ. и тѣ ихъ мнѣнія греки называютъ: сустеми.

К

для

Для разныхъ системъ отъ господъ Астрономовъ преданныхъ, второе раздѣленіе, на 4 предлога раздѣлено: въ первомъ предлогѣ показано, о птоломеевѣ системѣ: во второмъ о коперниковѣ системѣ: въ третьемъ о тишебраговѣ системѣ: въ четвертомъ о собранной изъ шѣхъ системѣ.

предлогъ первый

о птоломеевѣ системѣ.

Птоломей по мнѣнію съ древними Астрономами, а именно: одексъ, калипъ, Арістотель, Гипархъ, разсуждали, что земноводный корпусъ въ центрѣ всего свѣта недвижимъ, а около сво всѣ свѣтила небесныя вращаются, яко около своего центра. и сей системѣ утвердили Пурбакъ, и режимонъ. и всѣ свѣтила небесныя имѣютъ два вращенія около земли: одно дневное, отъ востока къ западу въ 24 часа со всѣмъ свѣтомъ, какъ мы и видимъ всякой день: а другое собственное отъ запада къ востоку.

план: 2
фиг: 24

По сей системѣ Господа Астрономы, полагаютъ быть всѣмъ свѣтиламъ по поясамъ небесъ, (какъ фигура показываетъ) по которымъ онѣ, собственное свое движеніе, отъ запада къ востоку имѣютъ, ибо не всѣ свѣтила въ одномъ разстояніи отъ земли, но одно другога далѣ: и по тому разстоянію не въ одно время здѣлаютъ и круги свои. въ центрѣ всѣхъ поясовъ или небесъ, полагаютъ быть земноводному корпусу окруженному воздухомъ, а сверхъ воздуха огонь стихійный, которой называется эфѣра, и который гореносице и легчайше воздуха, и вкупѣ воздухъ и эфѣра называется атмосферѣ.

О НЕБЕСАХЪ.

Небо есть обдержимо видимыми и невидимыми зданіями: Астрономы и теологи полагаютъ 12 поясовъ небесъ, или круговъ, одинъ другога выше, и одинъ болшой въ себѣ другія содержитъ, и окружаетъ: а всѣ въ среднѣ себя, содержатъ земноводный корпусъ, какъ и выше сказано.

1. Дванадцатый поясъ, называется небо небесе, и эмпірское небо: и содержитъ въ себѣ вся зданія всего вещественнаго міра, и выше шверди.

2. Единонадесятый поясъ, окружаетъ всѣ десять поясовъ, съ которыми оно, и со всѣми свѣтилами, имѣетъ дневное вращеніе отъ востока къ западу на поляхъ всего свѣта около оси, по тому и называется оно, перводвижное небо, или перводвижимый поясъ.

3. Десятый поясъ, называется второе кристалное небо, которое окружаетъ и содержитъ въ себѣ девять небесъ, или поясовъ, на которомъ толкуется движеніе обоихъ полей зодіака, по колюру солстиса до 11 минутъ, отъ сѣвера къ югу, и отъ юга вспять.

4. Девятый поясъ, содержитъ въ себѣ и окружаетъ осмь небесъ, и называется онъ, первое кристалное небо. Астрономы выдумали для исполкованія втораго движенія зодіака, и Эклиптики отъ востока къ западу, и отъ запада къ востоку возвратно.

5. Осмый поясъ, называется твердь: на которомъ всѣ звѣзды около Эклиптиковой оси на зодіаческихъ поляхъ вращеніе имѣютъ отъ запада къ востоку, собственнымъ своимъ движеніемъ, и дѣлаютъ кругъ свой въ 3600 лѣтъ.

6. Седмый поясъ, называется небо сатурново, или кругъ сатурновъ: на которомъ сатурнъ выше всѣхъ планетъ, дѣлаетъ кругъ свой отъ запада къ востоку собственнымъ своимъ ходомъ въ 30 лѣтъ.

7. Шестый поясъ, или кругъ юпитеровъ: на которомъ юпитеръ кругъ свой дѣлаетъ, собственнымъ своимъ ходомъ въ 12 лѣтъ.

8. Пятый поясъ, или кругъ марсовъ: на которомъ марсъ дѣлаетъ кругъ, своимъ собственнымъ ходомъ въ 2 года.

9. Четвертый поясъ, или кругъ солнечной: на которомъ солнце собственнымъ движеніемъ дѣлаетъ кругъ свой въ годъ.

10. Третій поясъ, или кругъ венусовъ: на которомъ онъ собственнымъ своимъ ходомъ, дѣлаетъ кругъ свой въ годъ.

11. Вторый поясъ, или кругъ меркюровъ: на которомъ меркюръ собственнымъ движеніемъ, дѣлаетъ кругъ свой въ годъ.

12. Первый поясъ, или кругъ луны, меньше всѣхъ: (по тому что ближе другихъ къ земли) по которому луна собственнымъ движеніемъ, дѣлаетъ кругъ свой въ 27 дней съ половиною. хотя было должно назвать, дванадесятое небо эмпірское, первымъ небомъ, какъ оно и есть; ибо оно и небо небесъ по писанію именуется, и первое небо, но по разстоянію сво отъ земли, называемъ дванадесатымъ небомъ.

предлогъ второй.

о коперниковѣ системѣ.

Сію систему выдали Астрономы: Экфантъ, Селоксъ, Арістархъ, Філосоъ, Платонъ, Пифагоръ, и Архімедъ: а утвердилъ за истинну Коперникъ: что солнце въ центрѣ всего свѣта недвижимо, а земноводный корпусъ, и всѣ звѣзды и планеты, ходятъ кругомъ его по своимъ кругамъ, которые называются орбиты. ближе всѣхъ къ нему меркуръ, по томъ венусъ, земля, марсъ, юпітеръ, и сатурнъ. а по томъ далѣ всѣхъ отъ солнца, план: 2. звѣзды. какъ фигура (25) показываетъ:

Ближняя планета къ солнцу меркуръ, здѣлаетъ свой кругъ въ три мѣсяца. венусъ въ семь мѣсяцовъ съ половиною, земля обойдетъ по своему кругу, около солнца въ годъ, марсъ въ два года, и юпітеръ въ 12 лѣтъ, сатурнъ въ 30 лѣтъ, того ради, что далѣ другихъ отъ солнца, а звѣзды недвижымы здѣлаютъ кругъ свой около солнца, на Эклиптиковыхъ поляхъ и оси, въ 28000 лѣтъ.

Луна имѣетъ свое движеніе около земли, и здѣлаетъ свой кругъ въ 27 дней съ половиною, какъ показано въ первомъ предлогѣ, втораго раздѣленія, по птолемеевѣ системѣ.

Земноводный корпусъ, имѣетъ три движенія: одно на оси своей вращается отъ запада къ востоку, яко колесо на оси, въ 24 часа: обращая, и то называется дневное движеніе, которое мы всякой день видимъ. другое движеніе по своему кругу, обойдетъ кругомъ солнца въ годъ. третье движеніе земли то, когда она здѣлаетъ около солнца кругъ свой годовой, въ тожъ время склоняется шесть мѣсяцовъ полемъ сѣвернымъ къ солнцу, до 23 хв градусовъ 29 мінутъ, а другіе шесть мѣсяцовъ южнымъ полемъ, такожъ 23 градуса 29 мінутъ: что мы и называемъ деклинезонъ, или склоненіе солнца, нордово и зюйдово: тоестъ сѣверное и южное.

Астрономы о солнцѣ, того ради разсуждаютъ, быть въ центрѣ всего свѣта недвижимоу, а около его земля и всѣ звѣзды и планеты ходятъ, что оно великое свѣтило, которое освѣщаетъ и обогрѣваетъ всю вселенную: а звѣзды и прочіе планеты, собственнаго въ себѣ свѣту не имѣютъ, такъ какъ и земля: о чемъ вышепоказано. но заимствуютъ себѣ свѣтъ. всѣ отъ солнца, какъ и луна, которую мы сами всегда видимъ, что солнце, съ лучами своими освѣща-

освѣщаетъ, такожъ и другіе планеты: а хотя Сатурна и звѣздъ за далностію не могли усмотрѣть, что имѣють ли онѣ собственной свой свѣтъ какъ солнце, но разсуждая прошиво другихъ планетъ, что и онѣ одногожъ естества, какъ и выше довольно о томъ, въ первомъ раздѣленіи въ 3 мѣ предлогѣ исполковано, тако утвердили.

предлогъ третій.

о Свстемѣ Тѣшебраговѣ.

ТѢШЕБРАГЪ дворянинъ даждой, и въ Астрономіи великое имѣлъ искусство, разсуждалъ какъ и Птоломей, что земноводный корпусъ въ центрѣ всего свѣта недвижимъ, и кругомъ его всѣ свѣтила небесныя, дневное движеніе отъ востока къ западу имѣють, а другое собственное движеніе отъ запада къ востоку, (солнце и луна и звѣзды имѣють: такожъ какъ и Птоломей показавъ:) шокмо о пяти планетахъ мнилъ какъ Коперникъ, что онѣ около солнца ходятъ собственнымъ движеніемъ, яко около своего центра, а солнце со всѣми ими кругомъ земли идетъ собственнымъ своимъ движеніемъ отъ запада къ востоку.

Круги планетъ, по которымъ онѣ собственное движеніе имѣють, окружили земной корпусъ а имянно: Сатурнъ, и Юпитеръ, и Марсъ: по тому, что нѣкогда земля случается между оныхъ планетъ и солнца, и проходятъ онѣ близъ земли, а Венусъ и Меркуръ всегда ходятъ между солнца и земли, какъ фигура (26) показываетъ.

План: 22
Фиг: 26

предлогъ четвертый.

о Свстемѣ собранной.

Сія Свстема, называется собранная, выдана чрезъ Астронома Мартинюса Капеля, взятая отъ Птоломеевы Свстемѣ и Тѣшебрага. о землѣ, Господинъ бѣо разсуждалъ, какъ и Птоломей, что въ центрѣ всего свѣта, какъ звѣзды такъ планеты, [кромѣ Венуса, и Меркюра] недвижимы, и около еѣ всѣ свѣтила небесныя ходятъ, какъ выше по Птоломеевой свстемѣ показано: а о Венусѣ и Меркурѣ, разсуждалъ какъ тѣшебрагъ: что ходятъ кругомъ солнца собственнымъ своимъ ходомъ, имѣя солнце въ центрѣ своихъ круговъ, что и за истинну признать можно, по усмотренію разныхъ Астрономовъ чрезъ длинныя зрительныя трубки. Меркуръ, и Венусъ, всегда ходятъ кругомъ солнца, такъ какъ луна около земли, а солнце и съ ними собственнымъ своимъ ходомъ отъ запада къ востоку идетъ, какъ фигура (27) показываетъ.

Фиг: 27

Л

ОПИСАНІЕ

ОПИСАНІЕ О СѢСТЕМАХЪ.

Изъ древнихъ лѣтъ у астрономовъ мнѣнія разныя бывали, такъ какъ и нынѣ, [о коихъ выше показано,] чего намъ прямо познать невозможно. многіе мнѣтъ: что солнце въ центрѣ всего свѣта; а большая часть мнѣтъ, что земля въ центрѣ всего свѣта.

Сѣстема Господина бѣо, или собранная, правѣ птоломеевы сѣстемы, по усмотрѣнію господъ астрономовъ, такъ какъ и мы всегда видимъ: что венусъ, и меркуръ, собственнымъ своимъ движеніемъ ходятъ около солнца, и не въ дальномъ онѣ разстояніи бывають отъ солнца, какъ всякой день мы сами венусъ видимъ въ вечеру и по утру, въ близости отъ солнца: въ вечеру венусъ по зади солнца идетъ, а по утру передъ солнцемъ, о чемъ выше сказано, въ первомъ раздѣленіи прѣдъго предлога, что меркуръ далѣе ни когда 30 градусовъ отъ солнца не отлучается, а венусъ 45 градусовъ, и по тому всѣмъ можно разумѣть, что венусъ, и меркуръ всегда собственное свое движеніе имѣють около солнца, съ чего и называются онѣ солнечныя планеты, такъ какъ луна около земли неосмѣнно ходитъ.

Хотя астрономы и многіе доказательства, на свои разныя сѣстемы имѣють, всякъ свою правую представляетъ, но ни на единой за истинну утвердился невозможно, что по доказанію ихъ, ни которыя сѣстемы опровергнуть невозможно. первой старой сѣстемъ птоломеевъ, мнѣтся бытъ правымъ, по тому: что БОГЪ на единой земли сотворилъ челоука, по образу своему и по подобію, (какъ божественное писаніе намъ повѣствуетъ,) а не въ солнцѣ, или другихъ планетахъ, или звѣздахъ: а хотя бы и были, или суть въ звѣздахъ и планетахъ, такоужъ люди и всякая животная, какъ и на земли, но мы о томъ не извѣстны, понеже ни какой корреспонденціи съ ними не имѣемъ, къ тому же сотворилъ БОГЪ небо и землю, а по томъ свѣтила, и челоука: челоука же ради, сотвори всяческая, и егда онъ народодѣтель не погнушался сотворить челоука по образу своему и по подобію, и челоука ради вочелоучился и распялся, то не должно солнцу и лунѣ и всѣмъ свѣтиламъ небеснымъ, челоука ради печенія имѣть около земли, для подаванія свѣту и тепла на землю; ещежъ мы и сами всякой день видимъ: что солнце и луна, и вся свѣтила небесная, вращаются около земли, отъ востока къ западу, на ошовой странѣ всякой день восходятъ, съ чего и назы-

и называется восточная страна: а на востовой заходятъ, и та называется по тому западная страна. и для всѣхъ сѣхъ резоновъ, должно мнить: что земля въ центрѣ всего свѣта недвижима, по Птоломеевой системѣ.

Но и Коперникову системѣ, какъ можемъ опорочить, по тому что, какъ земля, такъ и всѣ звѣзды и планеты, собственнаго свѣту не имѣютъ, (о чемъ выше показано въ первомъ раздѣленіи, въ третьемъ предлогѣ,) но заимствуютъ себѣ свѣтъ и теплоту отъ солнца; да къ тому же солнце по усмотренію Астрономовъ показано, величиною болше всякой звѣзды и планеты, и земли въ нѣсколко кратъ: то пристойнѣе ему быть въ центрѣ всего свѣта недвижимо, и подавать на всѣ стороны во всю вселенную равную теплоту и свѣтъ, какъ на землю, такъ на всѣ звѣзды и планеты, ибо токмо солнце единое, такое великое свѣтило устроено для освѣщенія во сей вселенной; а ежели бы оно было не въ центрѣ всего свѣта, но къ одной сторонѣ ближѣ, а отъ другой далѣ, тобѣ не могло оно равной свѣтъ и теплоту, всѣмъ звѣздамъ и планетамъ подавать, того ради пристойнѣе ему недвижимо, быть въ центрѣ, а звѣздамъ и планетамъ, и земли ходить, для освѣщенія своего отъ солнца и теплоты ради, яко около своего центра: а не ему за ними гоняясь. а ежели бы земля была въ центрѣ всего свѣта недвижима, и около ея вся свѣтила ходили собственнымъ ходомъ, тобѣ всегда вся свѣтила были въ равномъ разстояніи отъ земли. а по усмотренію Астрономовъ вся свѣтила небесная, всякое не одно, разстояніе имѣетъ, но иногда ближѣ, а иногда далѣ. еще же, для чего же такой великой машинѣ, на которой неизчислимое множество свѣтилъ небесныхъ, которое всякое свѣтило болше земли въ нѣсколко кратъ, кромѣ прехъ нижнихъ планетъ обращается около земли, которая величиною передъ всѣмъ свѣтомъ ничто такъ, какъ бы маково зерно передъ великою глыбою, пристойнѣе тому малому зерну имѣть движеніе для такихъ великихъ глыбъ: которыхъ неизчислимое множество въ небѣ: а наипаче для всѣхъ. того для надобно мнить: что солнце въ центрѣ всего свѣта недвижимо, а около его всѣ звѣзды и планеты, и земля ходятъ, какъ показано во второмъ предлогѣ, во второмъ раздѣленіи, въ Коперниковѣ системѣ.

Не должно вънять, за правоту господина тѣлоблага, системѣ, на которой большая часть Астрономовъ утверждаютъ, что солнце въ центрѣ всѣхъ планетъ, а земля

въ центрѣ всего свѣта, какъ и видимъ по усмотренію
господъ Астрономовъ, что всѣ планеты, не всегда всякая
въ одномъ разстояніи отъ земли бывашъ, но иногда ближе, а
иногда далѣ; о нижнихъ планетахъ довольно знаемъ, какъ
бѣо показавъ: что около солнца ходятъ; но и о верхнихъ
трехъ планетахъ, (по усмотренію господъ Астрономовъ)
надобно разсуждать: что около солнца ходятъ, яко около
центра своего, какъ Венусъ и Меркуръ: но и по разности
разстоянія ихъ, (какъ показано въ первомъ раздѣленіи, въ
третьемъ предлогѣ, по взысканію Господина Кассинія о
разстояніи ихъ) конечно надобно быть солнцу въ центрѣ
планетныхъ круговъ, и чѣмъ они около его собственнымъ
движеніемъ ходили, такъ какъ луна около земли, а солнце со
всѣми, ими около земли ходитъ, (какъ показано во второмъ
раздѣленіи, въ третьемъ предлогѣ.) хотя кажется намъ
по видимому и правдивѣ Птолемеевой системы, однакожъ
болше надобно утверждаться на Тихебраговѣ системѣ,
что не велику разность имѣетъ съ Птолемевою: но токмо
мнѣю, что земля будучи въ центрѣ всего свѣта на своей оси
вертитца, отъ запада къ востоку въ 24 часа: что намъ
кажется, якобы вся свѣтила дневнымъ движеніемъ вращались:
того ради, что удобнѣе малому такому зерну, сирѣчь землѣ,
для таковой величины всего небеснаго корпуса вертитца,
нежели такимъ великимъ свѣтиламъ дневное движеніе дѣлать:
ибо по усмотренію господъ Астрономовъ и планеты на осяхъ
своихъ вертитца. по тому не сумнишело надлежитъ мнѣю,
что и земля на оси своей вращается, а не весь свѣтъ около
ся, а о собственномъ ихъ движеніи не сумниваются, такъ какъ
показавъ и Тихебрагъ. и далѣ о разности системъ толковать
произволяющимъ, оставляю: кто можетъ, о такомъ великомъ
премудромъ отъ народодѣтеля и творца зданія, премудрости
божію исповѣдать: токмо для знанія разные системы здѣ
прилагаю.

О установленіи времени живущимъ на земли, какъ по
одной такъ и по всѣмъ системамъ равно: хотя возми что
земля въ центрѣ, а вся свѣтила около ся имѣютъ движенія
по Птолемеовой и Тихебраговой системѣ; или хотя положи быть
солнцу въ центрѣ всего свѣта: а земля имѣетъ движеніе
какъ въ Коперниковѣ системѣ показано; или хотя земля бывъ
въ центрѣ всего свѣта и вертитца на своей оси, все одно
установлено время день и ночь, лѣто, и осень, зима, и весна,
и годъ. а для лучшаго вразумленія, возми какой шаръ во образъ
земли и поставь на срединѣ; а около его заженное фламбо
по неси

понеси сѣ права на лѣво, во образѣ дневнаго солнечнаго движенія къ западу, и таковымъ движеніемъ фламбо освѣтитъ всѣ мѣста у того шара, во время обношенія его около шара. такимъ же образомъ и годовое движеніе солнца покажетъ: или фламбу бысть на одномъ мѣстѣ, а въ срединѣ шару, яко колесу на оси сѣлѣва на право обращаться, равножѣ освѣтятся всѣ мѣста шара: или фламбо поставь въ срединѣ, а шаръ около ево понеси, все равно будетъ.

РАЗДѢЛЕНІЕ ТРЕТІЕ

О ДВИЖЕНІИ СВѢТИЛЪ.

О движеніи свѣтилъ небесныхъ показано, полагая земноводный корпусъ въ центрѣ: ибо удобнѣе къ разсужденію.

Третіе раздѣленіе, на два Предлога раздѣлено: въ первомъ предлогѣ показано, о разномъ движеніи свѣтилъ небесныхъ, во второмъ (Предлогѣ,) о разстояніи свѣтилъ небесныхъ отъ главныхъ круговъ.

ПРЕДЛОГЪ ПЕРВЫЙ.

О ДВИЖЕНІИ СВѢТИЛЪ.

Всѣ свѣтила небесныя имѣютъ, два движенія: одно движеніе, равное со всею сферою отъ востока къ западу, которое мы во всякой день и видимъ, а другое, собственное движеніе имѣютъ: всякое свѣтило особливо отъ запада къ востоку, не равное по разстоянію ихъ отъ земли.

О РАВНОМЪ ДВИЖЕНІИ СВѢТИЛЪ.

Вся сфера небесная со всѣми свѣтилами, на своихъ поляхъ около оси своей, и земля отъ востока къ западу равнымъ ходомъ обращается, или дѣлаетъ кругъ въ 24 часа, которое время называется натуралный день, или сутки, отъ того по вращенія сферы, и называемъ дневнымъ движеніемъ: по тому что, всѣ свѣтила небесныя въ сутки дѣлаютъ кругъ около земли. ещежъ называется равное движеніе, по тому что, всѣ свѣтила небесныя равное имѣютъ движеніе, всегда параллельно экватору отъ востока къ западу, всѣ вкупѣ, какъ и видимъ во всякой день, что солнце и луна, и всѣ свѣтила идутъ равнымъ ходомъ, отъ востока къ западу: на востокъ восходятъ изъ подъ горизонта, а на западъ заходятъ подъ горизонтъ. вся сфера небесная со всѣми свѣтилами, вращится отъ востока къ западу, въ часъ по 15 градусовъ: а въ четьре мѣнушы часовые, по одному градусу: а во всякую

мѣну часу по 15. мѣнутъ. того ради, что вся сфера кругомъ обращается со всѣми свѣтилами въ 24 часа, а кругъ сферы раздѣленъ на 360 градусовъ.

Счисляется вращеніе сферы, со всѣми свѣтилами, дневное по экватору: того ради, что экваторъ прошелъ по срединѣ сферы отъ востока къ западу, и раздѣленъ на 360 градусовъ, и вращеніе со всю сферою небесною чрезъ меридіанъ, въ часъ по 15 градусовъ, какъ выше сказано; и чрезъ 24 часа, тою же точкою придетъ, къ тому же меридіану.

Всѣ свѣтила небесныя, дневнымъ своимъ движеніемъ отъ востока къ западу, дѣлаютъ на сферѣ круги: всякое свѣтило особливо свой, параллельный экватору и между собою, и тѣ ихъ круги называются, параллели свѣтилъ. которые свѣтила ближе экватора, у тѣхъ параллели больше, а которые свѣтила ближе къ полю, у тѣхъ параллели или круги меньше; и хотя всѣ параллели, или круги свѣтилъ, и не равны величиною: однакожъ всѣ свѣтила небесныя, обойдутъ дневнымъ ходомъ равно, всякое свой кругъ. которые свѣтила въ сѣверной странѣ, тѣ и параллели свои, или круги дѣлаютъ въ сѣверной странѣ: а которые свѣтила въ южной, тѣ параллели свои дѣлаютъ въ южной странѣ: а которые на экваторѣ, тѣ по экватору всякой день проходятъ кругъ свой.

Свѣтила небесныя, дневнымъ своимъ движеніемъ, параллельно экватору отъ востока къ западу, по состоянію сферы въ горизонтѣ, и по разстоянію своему отъ экватора заходятъ подъ горизонтъ.

Гдѣ сфера перпендикуляръ, тамо всякое свѣтило небесное будетъ 12 часовъ по верхъ горизонта, а другую 12 часовъ подъ горизонтомъ: по тому что горизонтъ, какъ выше сказано: прошелъ чрезъ оба поля сферы, и сѣчетъ экваторъ и всѣ его параллели, которые всякой день, свѣтила небесныя обходятъ равнымъ ходомъ, отъ востока къ западу по поламъ.

А гдѣ сфера параллель, тамо всѣ свѣтила небесныя параллельно ходятъ горизонту, равнымъ ходомъ: по тому что экваторъ въ горизонтѣ, свѣтила же въ той сторонѣ, которая по верхъ горизонта, тѣ ни когда подъ горизонтъ не заходятъ: а которые свѣтила въ другой сторонѣ подъ горизонтомъ, тѣ ни когда не восходятъ, но всегда подъ горизонтомъ.

А гдѣ сфера наклонъ, тоестъ косвенная, тамо свѣтила небесныя не всѣ равно бывають надъ горизонтомъ и подъ горизонтомъ, по тому что горизонтъ не на равныя части, параллели экваторныя сѣчетъ, какъ фигура (4.) показываетъ, по которой свѣтила равнымъ ходомъ ходятъ, но свѣтила въ той сторонѣ въ которой

въ которой зениѣ, тѣ болше по верхъ горизонѣ бывають: а иныя, которые къ полю ближе, и не заходятъ, того ради, что ихъ параллелей болше части надъ горизонѣмъ, а иныя и всѣ. свѣтилаже въ той сторонѣ, въ которой надѣрѣ, тѣ болше подъ горизонѣмъ бывають, а которые ближе къ своему полю, тѣ и всегда подъ горизонѣмъ. не во всякомъ мѣстѣ, равное восхожденіе свѣтилъ небесныхъ, дѣлають горизонѣ: по тому что не во всякомъ мѣстѣ горизонѣ съ экваторѣмъ въ одномъ состояніи, какъ выше сказано.

план: 3
фиг: 10. и 11.

О СОБСТВЕННОМЪ ДВИЖЕНІИ СВѢТИЛЪ.

Всѣ свѣтила небесныя, имѣють собственное движеніе отъ запада къ востоку, противно Генералному движенію: но токмо не равное, сирѣчь не всѣ въ одно время, собственнымъ своимъ движеніемъ обтекутъ свои круги, отъ запада къ востоку: но по разстоянію своему, всякое свѣтило отъ земли или отъ центра круга своего, что ясно можно разсудить, что кое свѣтило ближе къ центру, то менше кругъ его, а которое свѣтило далѣ отстоитъ, то и кругъ его болше, по тому и времени болеѣ пребудетъ обтещи: на примѣрѣ, звѣзды великаго пребудутъ времени, передъ планетами, обтещи круги свои, для того что онѣ далѣ отстоятъ отъ земли, или отъ центра своихъ круговъ.

Прежде начну толковать, о собственномъ движеніи планетъ, а изъ нихъ о солнцѣ и лунѣ: по томъ и о прочихъ: того ради, что солнце и луна, управляютъ времена живущимъ на земли.

О СОБСТВЕННОМЪ ДВИЖЕНІИ ПЛАНЕТЪ.

Всѣ планеты, имѣють собственное свое движеніе: всякая по своему особливому кругу или эклиптикѣ, которое въ планѣ зодіака: но токмо не всегда планеты по одному мѣсту въ планѣ зодіака ходятъ, и по своей эклиптикѣ, собственнымъ своимъ движеніемъ, кромѣ солнца, которое ни когда изъ плана своея эклиптики не выходитъ.

Всѣ планеты, и имѣють собственное свое движеніе около земли, по эквантрикамъ, или по своимъ разнотеламъ, которые круги не въ центрѣ своемъ имѣють землю, (о чемъ и выше сказано, о не равномъ разстояніи планетъ отъ земли,) и отъ того всякая планета не въ равное время знаки въ зодіакѣ сѣверные, сѣ южными проходитъ, на примѣрѣ: которой планеты эквантрика далняя точка, сирѣчь апожѣ въ сѣверной странѣ, та планета болше времени имѣетъ, проходитъ 6 знаковъ

сѣверныхъ, нежели южныхъ. Того ради, что большая часть сво эуантріка въ сѣверной сѣранѣ: а у которой планеты почка эуантріка; или апоже въ южной сѣранѣ, та больше времени имѣетъ проходить 6 южныхъ знаковъ, нежели сѣверныхъ, что безъ всякаго доказательства можно разсудить. эуантрікъ солнца $MPGLR$, всегда непремѣнно въ планѣ своея эклиптики $ABCD$. имѣетъ не такъ какъ у другихъ планетъ, хотя эуантріковъ центръ F , и разниція съ эклиптическимъ и земнымъ центромъ E , но токмо не всегда почка апоже Q , бываетъ въ одномъ мѣстѣ на эклиптикѣ, но по малу отъ запада къ востоку подвигается, со всѣмъ эуантрікомъ и центромъ сво, по взысканію птолемею, въ годъ по 36 секундъ, а во сто лѣтъ по одному градусу, и тако почка апоже Q , всю кругомъ эклиптику $ABCD$ обойдетъ, а центръ эуантріковъ F , кругомъ эклиптика или земнаго центра E , въ 36000 лѣтъ, и придетъ на свое прежнее мѣсто: а нынѣшней 1740 годъ, по взысканію, почка апоже Q , солнечнаго эуантріка $MPOR$, въ 7 градусахъ 28 мінутахъ, 12 секундахъ, въ знакъ небеснаго рака, и потомъ большая половина PQR , эуантріка $MPQR$ въ сѣверной сѣранѣ, экваторомъ $APER$, ошлѣнена: а меньшая, или малая часть PMR , въ южной сѣранѣ, и будетъ почка M , периге въ 7 градусахъ, 28 мінутахъ, 12 секундахъ, въ знакъ небеснаго козерога.

план: 28
фиг: 28.

план: 28
фиг: 28.

эуантрікъ $MPQR$, называется орбитъ солнца, или путь: по тому что солнце, всегда центромъ своимъ по немъ, собственнымъ своимъ движеніемъ, ходитъ.

план: 29
фиг: 29.

эуантрікъ луны $ABCD$ всегда въ планѣ зодіака $EFGH$, и не отлучается далѣ солнечныя эклиптики къ обоимъ полямъ 5 ти градусовъ, и почку свою апоже D имѣетъ въ знакъ небеснаго козерога, а почку свою периге B , имѣетъ въ знакъ небеснаго рака, по тому и большая половина луннаго эуантріка въ южной сѣранѣ, а малая половина въ сѣверной сѣранѣ.

Всѣ эуантріки планетъ, сѣкутъ эклиптику солнца въ двухъ мѣстахъ, и тѣ точки называются ноедъ или узлы, которые (почки ноедъ) не всегда въ одномъ мѣстѣ на солнечной эклиптикѣ, но перемѣняются и подвигаются по малу противно лѣтніи знаковъ, или противно собственнаго движенія планетъ: которые движутся отъ юга къ сѣверу, тѣ называются ноедъ, или узлы восходяще, и узлы бореаль: а лунной называется тѣмъ драконъ, или голова жаркодилозъ, назначивается еще Ω , а другіе узлы, которые движутся

движутся отъ сѣвера къ югу, называются узлы сходящіе и узлы остраль, а лунной называется кюдюкрантонъ или хвостъ каркадиловъ, а назначивается сицевымъ 88 знакомъ, двѣ далныя разнишеля луннова отъ эклиптики точки, въ которыхъ луна имѣетъ большую ширину около пяти градусовъ, называются вантръ дюдрактонъ, сирѣчь брюхо каркадилово, въ разстояніи отъ узловъ по 90 градусовъ: одна копорая къ югу называется, люмитъ меридіональ: а другая къ сѣверу называется, люмитъ септантріональ. и отъ того перемѣненія нѣждѣ, всѣ планеты кромѣ солнца, имѣютъ еще иное движеніе кромѣ собственнаго, которое можно назвать, противное.

Всѣ планеты кромѣ солнца, собственнымъ своимъ движеніемъ не равно, всякая свой ходъ имѣетъ подѣ своимъ эуантрікомъ иногда тишѣ, а иногда скорѣе, иногда же по нѣскольку времени останавливаются, и ни какова движенія не имѣютъ, а иногда и назадъ движутся, противно собственному ихъ движенію.

Когда копорая нѣ будь планета, въ которой нѣ будь точкѣ на зодіакѣ остановится, то называется спасіонъ или остановленіе: а когда, въ планѣ же зодіака пойдетъ назадъ, противно собственнаго ея движенія, то называется ретро градусіонъ.

Три вышнія планеты: сатурнъ, юпитеръ, и марсъ выше другихъ, и болше дѣлаютъ ретро градъ. сатурнъ по 5 мѣсяцовъ бываетъ: юпитеръ по 4 мѣсяца: а марсъ по 2, и по три мѣсяца, ретро градъ, и болше дѣлаютъ ретро градъ въ сѣверной сѣранѣ; а въ южной сѣранѣ болше бываетъ у венуса и у меркюра.

А планетамъ спасіонъ бываетъ, а имянно: сатурнъ по 10 дней, юпитеръ по 8 дней, марсъ по 2 дни, венусъ по 1 дню, меркюріусъ по 12 часовъ.

По усмотренію господъ Астрономовъ планеты, кромѣ солнца, по своимъ эуантрікамъ, не всегда равно собственнымъ своимъ ходомъ идущъ, иногда тишѣ, а иногда скорѣе, иногда же и назадъ противно своему движенію, а иногда и на одномъ мѣстѣ нѣсколько времени стоятъ, и для лучшаго изъясненія спасіонъ и ретро градусіонъ планетъ отъ чего бываетъ, выдумали и положили мнѣніемъ своимъ, иной малой кругъ движимой, яко бы онѣ сами центрами своими по окруженію своихъ эуантріковъ, шли отъ запада къ востоку;
Н имѣя

имѣя на окруженіи своемъ свою планету, а всякая планета по тому кругу центромъ своимъ идетъ, противно собственному ея движенію, и называли тѣ малые круги эпициклами.

О ДВИЖЕНІИ СОЛНЦА.

план:
фиг: 28.

Солнце имѣетъ два движенія, какъ и выше сказано; ОДНО дневное или равное, вкупѣ со всею сферою отъ востока къ западу, равнымъ ходомъ обтекаетъ кругомъ земли въ 24 часа: которое всегда и видимъ, о чемъ и разшодковано. а ВТОРОЕ движеніе имѣетъ собственное, тому противное отъ запада къ востоку, по своему эуантрику $MPQR$. во всякіе сутки по 59 минутъ, по 8 секундъ, и 20 терцовъ, а на эклиптикѣ своей ABC , показываетъ собственное свое движеніе въ сутки не по равну, за неравностію частей эуантриковыхъ отъ экваторнаго раздѣленія съ эклиптикою, чпо экваторъ $APERSC$, раздѣлилъ эклиптику $ABCD$, на двѣ части равныя ABC , ADC ; а эуантрикъ $MPQR$, на двѣ части PQR , PMR не равныя, часть которая въ сѣверной странѣ, та болше, по тому что центръ ея F , въ сѣверной странѣ, и точка апогея Q , въ 7 градусѣхъ, 28 минутѣхъ, 12 секундахъ, въ знакѣ небеснаго рака, а которая часть въ южной странѣ, та менше отъ неоднородности съ эклиптикою и землею. и когда солнце проходитъ сѣверныхъ 6 знаковъ, по большой половинѣ PQR , своего эуантрика, тогда показываетъ движеніе свое на эклиптикѣ въ сутки, по менше подлиннаго своего движенія, которое оно имѣетъ по эуантрику: а когда оно около точки апогея, то и по 57 минутъ, за тѣмъ что въ одно время не равныя части сѣверныя проходятъ, эуантрикову PQR , и эклиптикову ABC . а когда солнце проходитъ южныхъ 6 знаковъ, по меньшей эуантрика своего половинѣ PMR , тогда показываетъ движеніе свое на эклиптикѣ въ сутки по 60, и по 62 минуты, болше подлиннаго своего движенія, которое оно имѣетъ по эуантрику. а когда солнце около точки M , переже, тогда и по 63 минуты, за тѣмъ же резонансѣ, какъ выше показано: а когда солнце около экватора, тогда оно и на эклиптикѣ равное движеніе показываетъ: по 59 минутъ, 8 секундъ, 20 терцовъ, какое оно имѣетъ и по своему эуантрику: за тѣмъ что оно тогда въ среднемъ разстояніи отъ центра эклиптики и земнаго. а мы всегда генерално по навігаціи считаемъ, собственное движеніе солнца по эклиптикѣ, а не по эуантрику, для того что удоб-

удобнѣе познать сво мѣсто, въ коей точкѣ, какова небеснаго знака и въ какомъ разстояніи отъ экватора: и полагаемъ путь сво по эклиптикѣ, якобы истинной солнцу ходъ по ней въ суши былъ: когда оно въ сѣверной странѣ, тогда меншѣ градуса 2 мя, и 3 мѣнушами, а когда въ южной странѣ, тогда по болше градуса, по 2, и по 3 мѣнушы, какъ здѣсь въ табели показано; ибо не великую разность съ подлиннымъ сво движеніемъ по эклиптику имѣетъ.

таблица по сколку солнце, собственнымъ своимъ ходомъ, на всякіе сутки по своей эклиптикѣ въ каждомъ знакѣ минутъ, и секундъ имѣетъ:

спороны.	знаки	имена знакамъ.	по сколку въ			по сколку въ		
			сутки идетъ.			часъ идетъ.		
			мѣну:	секу:		мѣну:	секу:	
въ сѣверной странѣ.	♈	въ Аріесѣ по	59	-	-	2	-	28
	♉	въ Таурусѣ по	58	-	-	2	-	25 $\frac{1}{2}$
	♊	въ Жемини по	57	-	30	2	-	24 $\frac{1}{4}$
	♋	въ Кансерѣ по	57	-	10	2	-	23
	♌	въ Лео, по	57	-	20	2	-	24
	♍	въ Віргѣ по	58	-	10	2	-	26
въ южной странѣ.	♎	въ Вѣсахъ по	59	-	-	2	-	28
	♏	въ Скорпиусѣ по	60	-	15	2	-	30 $\frac{1}{2}$
	♐	въ Сожитаріусѣ по	61	-	-	2	-	32 $\frac{1}{2}$
	♑	въ Каприкорнусѣ по	61	-	-	2	-	32 $\frac{1}{2}$
	♒	въ Акваріусѣ, по	61	-	-	2	-	32 $\frac{1}{2}$
	♓	въ Писцесахъ, по	60	-	-	2	-	30

А когда солнце близъ экватора, какъ въ сѣверной такъ и въ южной странѣ, сирѣчь въ среднемъ разстояніи отъ земли: тогда оно имѣетъ среднѣе движеніе по 59 минутъ по своей эклиптикѣ въ суши: въ часъ по 2 мѣнушы, по 28 секундъ, въ часовую мѣнушу по 2 секунды, какъ здѣсь въ табели показано; которое движеніе всегда въ навигаціи за истинное употребляемъ, якобы оно всякой день, во всякомъ знакѣ такое имѣло.

ТАБЛИЦА СРЕДНЯГО ДВИЖЕНІЯ СОЛНЦА, ПО ЕГО ЭКЛИПТИКѢ
СОБСТВЕННЫМЪ ЕВО ХОДОМЪ, СКОЛКО ПЕРЕЙДЕТЪ ВЪ МѢСЯЦѢ,
ВЪ СУТКИ, ВЪ ЧАСЫ, И МИНУТЫ.

ДНИ	Среднѣе движеніе на всякой день.	часы	Среднѣе движеніе на всякой часъ.	минуты	Среднѣе движеніе на всяку минушу.	минуты	Среднѣе движеніе въ мину- тѣхъ.	ДНИ	Среднѣе движеніе на всякой день.	часы	Среднѣе движеніе на всякой часъ.	минуты	Среднѣе движеніе на всяку минушу.	минуты	Среднѣе движеніе въ мину- тахъ.
	Г: М:		Г: М:		М: С:		М: С:		Г: М:		Г: М:		М: С:		М: С:
1	0. 59		1 0. 22		1 0. 2 31		1. 16 16	15. 46				16 0. 39		46	1. 53
2	1. 58		2 0. 5		2 0. 5 32		1. 19 17	16. 45	13	0. 32	17 0. 42		47		1. 56
3	2. 67		3 0. 7		3 0. 7 33		1. 21 18	17. 44	14	0. 34	18 0. 44		48		1. 58
4	3. 57		4 0. 10		4 0. 10 34		1. 24 19	18. 44	15	0. 37	19 0. 47		49		2. 1
5	4. 56				5 0. 12 35		1. 26 20	19. 43	16	0. 39	20 0. 49		50		2. 3
6	5. 55		5 0. 12		6 0. 15 36		1. 29 21	20. 42	17	0. 42	21 0. 52		51		2. 6
7	6. 54		6 0. 15		7 0. 17 37		1. 31 22	21. 41			22 0. 54		52		2. 8
8	7. 53		7 0. 17		8 0. 20 38		1. 34 23	22. 40	18	0. 44	23 0. 57		53		2. 11
9	8. 52				9 0. 22 39		1. 36 24	23. 39	19	0. 47	24 0. 59		54		2. 13
10	9. 51		8 0. 20		10 0. 25 40		1. 39 25	24. 38	20	0. 49	25 1. 2		55		2. 16
11	10. 51		9 0. 22		11 0. 27 41		1. 41 26	25. 38			26 1. 4		56		2. 18
12	11. 50		10 0. 25		12 0. 30 42		1. 44 27	26. 37	21	0. 52	27 1. 7		57		2. 20
13	12. 49				13 0. 32 43		1. 46 28	27. 36	22	0. 54	28 7. 9		58		2. 23
14	13. 48		11 0. 27		14 0. 34 44		1. 48 29	28. 35	23	0. 57	29 1. 11		59		2. 25
15	14. 47		12 0. 30		15 0. 37 45		1. 51 30	29. 34	24	0. 59	30 1. 14		60		2. 28

Солнце собственнымъ своимъ движеніемъ, отъ запада къ
глан: 28 востоку по своему экватору $MPQR$, или по эклиптикѢ
фиг: 28 $ABCD$, пройдетъ всѣ 12 знаковь небесныхъ, и каждый знакъ
проходитъ въ мѣсяцѢ, и здѣлаетъ кругъ свой въ 365 дней, 5
часовъ, 48 минутъ, 45 секундъ, по взысканію славнаго
Астронома Господина тишобрага.

Солнце собственнымъ своимъ движеніемъ, 6 сѣверныхъ
знаковъ проходитъ, Марта отъ 9 числа, Сентября по 12 число
187 дней, аимянно: Марта 22 дни, Апрѣля 30, Маія 31,
Іюня 30, Іюля 31, Августа 31, и Сентября 12 дней, а южныхъ
6 знаковъ отъ 12 Сентября, по 9 Марта 178 дней, аимянно:
Сентября 18 дней, Октября 31, Ноября 30, Декабря 31, Ген-
варя 31, Февраля 28, да Марта 9 дней. того ради что большая
часть ево экватора въ сѣверной странѢ, а меньшая часть въ
южной странѢ, какъ выше сказано: и отъ того не равнаго,
сѣ экваторомъ солнечнаго экватора, пересѣченія солнца всегда
въ сѣверной странѢ, 8 дней больше бываетъ, нежели въ
южной странѢ, доколѣ пройдетъ большую часть экватора
сѣверную.

А въ которыхъ числахъ, солнце собственнымъ своимъ движе-
ніемъ, въ кой знакъ въступитъ, прилагаю таблицу.

ВЪ СТУПЛЕ-